美しく複雑な秩序
ペロブスカイト型Co酸化物の
スピンクロスオーバー現象
アンダーソン局在の臨界現象
単一原子/光子を操作するナノ光ファイバー









日本物理学会 | www.jps.or.jp

第70巻第1号(通巻785号)ISSN 0029-0181 昭和30年6月13日 第3種郵便物認可 平成27年1月5日発行 毎月5日発行

Tsai 型クラスター組立模型

準結晶構造のひとつである Tsai 型クラスターは,内側から正四面体,正十二面体,正 二十面体,二十・十二面体,菱形三十面体の 5 つの殻から構成されている.本付録は各 殻の相対的な大きさを再現するように設計された組立模型展開図の完成写真(本頁)およ び一覧用縮小版(次頁)である.模型殻上の●は原子位置を示す.Tsai 型クラスターの 詳細については本号掲載の下田正彦氏の「現代物理のキーワード」記事を参照のこと.組 立用の展開図は日本物理学会 HP の「会員専用」ページからダウンロード可能.



Tsai 型クラスター組立模型完成写真

後列左から, 菱形三十面体, 二十・十二面体, 正二十面体 前列左から, 正十二面体, 正四面体



組立用の展開図は日本物理学会 HP の「会員専用」ページ からダウンロード可能.







物理学会の2014年

兵頭俊夫 〈会長 〉

昨2014年は、青色発光ダイオード の開発がノーベル物理学賞に輝いた快 挙の年でした.赤崎勇先生、天野浩先 生、中村修二先生に心からお祝いを申 し上げます.ノーベル賞財団の授賞理 由で、世界の電力の1/4が照明に使わ れている事を知りました.日本での割 合が仮に1/5で、LEDの消費電力が蛍 光灯の1/4だとすると、全てがLEDに 代われば照明の消費電力は1/20にな りますから、日本では全電力の約15% の節約になります.この大きさが、人 類の平和と福祉への寄与が大とされ、 受賞につながりました.

さて,会誌1月号の巻頭言は本来新 年の夢を語るのがふさわしい場ですが, ここでは,3月の任期終了を前にして, 今期の活動の報告を致します.

2013 年 4 月 か ら の 副 会 長 (第 69 期)・会長 (第 70 期) 1 年ずつの任期の 間,以前の理事会から積み上げられて きた懸案解決の仕上げに努めました.

懸案の一つは、 会員データベースシ ステムの改訂で、第69期に副会長が 座長のWGが立ち上げられました. 既 に仮納品されていた新システムには多 くのバグがあり、デバグに手間取って いました. そこで, 完納期日を定めて 完成品の納品を業者に要求しました. しかし守られませんでしたので、契約 を解消し,代金を全額返金してもらい ました. 2014年1月の事です. 一方, これが予想できた頃から, IT コーディ ネーターの助言を受けながら,新規発 注の準備に入りました. 第70期は新 規プロジェクトチームでそれを引きつ ぎ、会員管理業務の洗い出し等が本格 的に行われました. 2015年前半には 入札によって業者が決まる見通しです.

もう一つの大きな懸案は,2011年 に一般社団法人に移行した前後から続 いている赤字です.第69期に財政問 題検討WGが調査した結果,赤字は構 造的でした.会員数が年々減少してい る為,1984年の改定後30年間据え置 いてきた会費の収入が減少しています. 一方,出版事業やアウトリーチ活動等 の経費は増加傾向です.英文誌出版に 対する科研費は,制度が変わり,使途 が制限されています.これを踏まえ, 第70期には財政問題対策WGが対策 を検討しました.刊行委員会でも,会 誌印刷費のコスト削減や,JPSJの購 読料の値上げ等,実効性のある対策を 実施しました.しかしそれでも十分で はなく,2016年の年会費からの一律 1,000円値上げを,来る2015年3月の 総会に提案する事になりました.

又,年次大会・秋季大会の参加費も 2015年3月の第70回年次大会から 1,000円値上げする事になりました. 同時に,概要集の紙冊子版を廃止して Webページに掲載し,ダウンロード権 を1,000円で販売する事になりました. 全領域の概要へのアクセス権です.又, 記録用として,大会後に送付される DVD版を合わせて購入する事も可能 です.

会員数を増やすには、学会の魅力の 増大と、会員支援の強化が必要です. これについては十分なアイデアが出せ ず、今後の課題として残りました.で きそうな事として、毎年の入会者の大 半が大学院生であり、又、退会者も大 学院修了後物理から離れる方が大半で ある事に注目し、その方々が退会後も 物理学会とつながりをもって割安の費 用で会誌の電子版を読めるような資格 の「会友」制度の検討を開始していま す.同時に、Jr.セッション発表者等、 物理学会と関係ができた高校生には同 様のサービスを無料で提供する「Jr.会 友」制度の検討も進んでいます.

日本物理学会と応用物理学会共同の 英文誌出版組織だった IPAP は,新法 人への移行の際,「刊行センター」に 改組されました.その後,両学会とも 英文誌刊行の実態は大きく変わりまし た.そこで,2014年5月に両学会の会 長・副会長が会談し,協定書を大幅改 訂して,刊行センターは残すが,運営 協議会は廃止し,その代わり,会長・ 副会長同士の情報交換会を年に2回ほ ど開催する事になりました.当面は出 版関係が主要な話題の一つです.更に, 刊行センターの専有面積と共通経費の 負担が均等とされ,職員の仕事と雇用 学会の関係が整理されました.

英文誌では,新たにJPS Conference Proceedingsが発刊されました.会誌 も編集委員会の努力によって大きく変 わりました.

ホームページは,第69期の検討で 経費を掛けない改訂を先行させる事に なり,第70期に,将来の本格改訂を 見据えながらトップページが整理され ました.又,「支部」や「領域」のペー ジが便利になりました.領域のページ には,領域ではない「物理と社会」の ページも作り,その枠で行われた年会 シンポジウムのスライドを掲載できる ようになりました.

支部は、ボランティア的性格や活性 を維持しつつ新法人法に適した組織に 整える為に、支部規定や支部規約の整 備が行われました.支部会員の定義を、 当該道府県に会誌の送付先がある会員 とし、その方々への同報メール発信を 事務局が支援する事になりました.支 部が認める学会会員も支部会員になれ ます.支部規約は、共通のガイドライ ンに各支部の事情を反映したものが作 られました.

物理教育関連では、2022年に日本 開催が予定されている国際物理オリン ピックの準備の為、物理学会から日本 物理オリンピック委員会に理事を出す 事になりました.又、学術会議から依 頼のあった大学教育における「参照基 準」を物理学についても作る作業が、 進められています.「大学の物理教育」 誌は発刊20周年を迎えて、特別号が 発行されました.

これらの実行に当たってご尽力頂いた,関連の委員会・WG等の担当理事, 委員の先生方,事務局職員の皆様に, 心からお礼申し上げます.

(2014年10月24日原稿受付)



現代物理のキーワード Trends

Interdisciplinary

美しく複雑な秩序

Beautiful Complex Order

流

交

R

ペロブスカイト型Co酸化物のスピンクロスオーバー現象:その歴史と現状

Spin-Crossover Phenomena in Perovskite Cobaltites; Their History and Current Status

T

浅井吉蔵、小林義彦、佐藤桂輔 …… 6

> 小布施秀明 …… 14 Hideaki Obuse

石原秀至, 澤井 哲 …… 25 Shuji Ishihara and Satoshi Sawai

渡部 洋, 白川知功, 柚木清司 …… 31

Hiroshi Watanabe, Tomonori Shirakawa and Seiji Yunoki

単一原子/光子を操作するナノ光ファイバー

Optical Nanofibers for Manipulating Single Atoms and Single Photons

Experimental Developments

白田耕藏 …… 36 Kohzo Hakuta



兵頭俊夫 …… 1 Toshio Hyodo

下田正彦 ……

Masahiko Shimoda

4

2015年1月 第70卷 第1号





解 説 Reviews

最近の研究から

実験技術

アンダーソン局在の臨界現象一最近の実験・理論の新展開一

Researches

反応-拡散-駆動系として理解する細胞の形態変化

Novel Insulator and Superconductivity in a 5d Electron System of Iridium Oxides

Morphodynamics of Cells as Reaction-Diffusion Systems Coupled with Cellular Membrane

5d 電子系イリジウム酸化物における新奇な絶縁体と超伝導

Recent Progresses on Anderson Transitions



解説 (アンダーソン局在の臨界現象―最近の実験・理論の新展開―)

2次元不規則電子系の金属-絶縁体転移(アンダーソン転移)点における波動関数振幅分布 $|\psi(x,y)|^2$ の等高線図に対し、図の一部(各図の赤枠内)の拡大を反復的に行った様子.臨界点の波動関数が有するマルチフラクタル性(ほぼ同義な言葉として、スケール不変性、または自己相似性)を反映し、どの尺度でも統計的に同様の空間構造が現れる.

JPSJの最近の注目論文から 9月の編集委員会より 安藤恒	亘也	45
平成26年度科学研究費助成事業(科研費,基盤研究等)審查結果報告 岩田高広,石橋延	近幸	48
歴史の小径 アルバート・クルーと走査型透過電子顕微鏡の開発:単原子の観察 山口書	まり	51
ラ・トッカータ ドイツ・ハレ ポスドク滞在記 篠原	康	54
<mark>追 悼</mark> Manuel Cardona 教授を悼んで 菅 滋	该正	56
新著紹介		57
男女共同参画推進委員会だより		59
掲示板 ■人事公募 ■学術的会合 ■その他		60
行事予定		62
会告 ■第33回臨時総会の決議3について ■第70回年次大会の宿泊・交通等の案内(今回は旅行	業者に	
よる取扱いはありません) ■第70回年次大会の参加登録・講演概要集 (Web アクセス権およ	び記録	
用 DVD 版) 購入のご案内 (講演申込者以外の方への案内です) ■第70 回年次大会講演概要集	原稿の	
書き方および提出について ■訂正 ■2014年12月1日付新入会者 ■賞・助成等の募集予定	它一覧	64
本会関係欧文誌目次		75



表紙の説明

正20 面体相 AI-Mn 合金の走査電子顕微鏡像 [提供:蔡 安邦 (東北大学多元物質科学研 究所金属機能設計研究分野)].花弁のような組織は、液体急冷法で作製した AI-Mn 合金 中に現れたもので、室温時効後に AI 相を選択的に電解研磨することにより、AI 結晶から 析出した準結晶相を露出させて観察された。AI-Mn 準結晶は、Shechtman らによって最初 に発見された準結晶で準安定相の合金である。今日では様々な合金系で安定相の準結晶 が見つかっており、それらを対象にした構造や物性の研究が準結晶研究の主流となって いる.詳細は本号に掲載されている下田正彦氏の「現代物理のキーワード」記事を参照の こと.

美しく複雑な秩序

Keyword: 準結晶

1. 準結晶とは

1982年4月8日、液体急冷で得たアルミニウム・マンガ ン (Al-Mn) 合金の準安定相を透過電子顕微鏡で調べてい たイスラエルの金属学者 Dan Shechtman (Israel Institute of Technology)は、それまでの常識では考えられない回折像 を観察した、それは、10回の回転対称性を持つ明瞭な回 折斑点像であった(図1).10回回転対称は結晶の並進対 称性と両立しない対称性だが、明瞭な回折斑点は、構造に 長距離秩序があることを示している. Shechtmanは、様々 な方位から観察することで、この合金が正20面体と同じ 回転対称性を持つことを明らかにした.1)この常識を覆す 構造の物質は、結晶でもアモルファスでもない第3の固体 として「準結晶」と名付けられた.*1 Shechtman の発見した 準結晶は、今日正20面体相とよばれる準結晶の一つで、 この発見に対し2011年のノーベル化学賞が授与された. 正20面体相では、その対称性を反映して、ときに花弁状 に成長した美しい固体 (ナノフラワー) が得られる (表紙).

正20面体相は、あらゆる方向に原子が準周期的に配列 した3次元準結晶であるが、準周期構造を持つ原子面が、 面の法線方向に周期的に積層した2次元準結晶も存在する。 2次元準結晶には、準周期面の回転対称性に応じて、正8、 10,12角形相などがある.なお、並進対称性と相容れない 長距離秩序構造を準周期構造と言い、これに加えて2,3,4、 6回以外の回転対称性を持つ場合を準結晶構造と呼ぶ.

2. 原子はどこに?

準結晶は、周期性がない上に2種類以上の元素からなり、 しかも多くの場合ケミカルディスオーダー(異種の元素が 同じサイトを確率的に占める状態)が存在するので、その 原子構造を決定することは大変難しい.

一般に、準結晶の構造は、骨格としての準周期格子とそれを修飾する原子クラスターの組み合わせで記述される。 2次元準結晶の正10角形相における準周期格子は、2種類の菱型による平面を隙間なく、かつ非周期的に充填して得られるペンローズ格子である。

正20面体相準結晶の場合,準周期格子はペンローズ格 子の3次元版とも言うべきもので,2種類の菱面体を単位 胞とする,3次元空間の非周期充填構造である.原子クラ スターは,複数の多面体からなる多重設構造になっており, 殻構造の異なる複数の型が知られている.このうちTsai型 クラスターは,図2に示すような5つの殻から構成されて いる.

Tsai型クラスターを持つ典型的な準結晶に正 20 面体相 カドミウム・イッテルビウム (Cd-Yb) がある. その特徴は, 第3殻の12 面体を Ybが, それ以外の殻を Cdが占めており, ケミカルディスオーダーが全くないことである. しかも, 30 個の Tsai型クラスターが集まって1つの切頭12 面体 (Tsai型クラスターの第4殻の多面体)を構成し, それがさ らに 30 個集まってより大きな切頭12 面体を成すという, 複雑ではあるが美しい階層構造を持つことが判っている. この合金は, 2つの元素がX線で良く識別できるという好



図1 正 20 面体相 Al-Mn の電子線回折像.(提供:蔡安邦(東北大))



図2 Tsai型クラスターの多重殻構造.内側から4面体,12面体,20 面体,切頭12面体,菱型30面体の5重構造.(提供:野澤和生(鹿児 島大))



条件も重なり,構造が最も精度よく解明されている準結晶 である.

3. 安定性の起源

周期性のない準結晶の構造が,どうして安定なのか.こ の問題を考える上で,準結晶の探索がこれまでHume-Rothery 則に従って戦略的になされたという経緯がヒント になる.これは,特定の結晶構造を持つ合金は、1 原子あ たりの平均価電子数 (*e*/*a*)が特定の値を持つとき出現しや すいと教える経験則である.例えばアルミニウム・パラジ ウム・マンガン (Al-Pd-Mn)系の準結晶では,*e*/*a*=1.75を 保ったまま3元素の種類と組成を調整することで,数多く の関連する準結晶が発見された.

ー般に、Hume-Rothery 則に従う合金では、ブリルアン ゾーンの境界でエネルギーギャップが生じて状態密度が変 調され、エネルギー的に有利になる位置にフェルミ面が来 ることで構造が安定化すると考えられている.準結晶でも このような機構が働いていると考えられる.実際,多くの準 結晶で、電子比熱や光電子分光の測定でフェルミ準位付近 に状態密度の落ち込み(擬ギャップ)が観測されている.^{*2}

一方,このような金属電子論的描像とは異なる,共有結 合性の寄与を示す実験結果も同じ準結晶において得られて おり,共有結合に基づく安定化の機構も提案されている. 現在,準結晶合金は金属結合と共有結合が共存した系とみ なされており,安定性の議論は未だ決着していない.

4. 準結晶から複雑秩序へ

近年,非金属物質系でも準結晶構造が次々と発見されている.それに伴い,準結晶研究は複雑秩序,すなわち準結 晶構造およびそれに近似する長距離秩序に関する,物性から応用技術までを総合的に扱う複雑秩序研究へと進化した.

これまでに準結晶構造が自発的に出現することが確認さ れた複雑秩序構造物質としては、デンドライト状液晶、ポ リマーブロック共重合体、2元ナノ粒子コロイド、メソポー ラスシリカ、ペロブスカイト酸素欠損薄膜²⁾が挙げられる. このように相互作用の大きさや空間スケールが異なる様々 な系で準結晶が出現することで、安定化の起源の議論に新 たな視点が加わり、また準結晶構造との関係を議論すべき 物性も豊富になった、現在、半導体、クラスレート化合物、 イオン液体などでも準結晶構造が探索されている.

一方,単一の物質を準結晶的なポテンシャル上に強制的 に並べることで,準結晶構造の物性をより制御された系で 調べようという研究もある.こうした考えに基づくものに, 準結晶合金の準周期表面をテンプレートとして用いた単元 複雑秩序構造が応用された技術としては,放射光施設で は電子ビームの高調波制御のために準周期アンジューレー タが実用化されている.また,フォトニック準結晶は,完 全フォトニックバンドギャップを持つ光制御素子として期 待されている.合金系では,準結晶合金の脆性や構造の特 徴を利用した準結晶触媒,熱電特性を利用した熱スイッチ や熱ダイオードの研究が注目されている.

準結晶構造に本質的に由来する物性を明らかにすること も、準結晶研究の重要なテーマである.これまでに電子物 性・力学物性に関わる多数の研究があるが、真に準結晶特 有とみなせる物性は観測されていなかった.ところが最近、 希土類元素が中間価数状態にあり磁性を持つ準結晶、正 20面体相アルミニウム・金・イッテルビウム (Al-Au-Yb) が発見され、⁴⁾磁化率の測定で量子臨界現象が観測された. その独特な振る舞いは、準結晶特有の電子状態に由来する ものとして注目されている.⁵⁾ 今後、複雑秩序における強 相関電子系や準周期磁気フラストレーションなどの研究が 発展していくことが期待される.

本稿で、準結晶研究の課題と近年の多様な分野への発展 を理解していただければ幸いである.より詳しい解説およ び元論文については文献6を、最近のトピックは、ノーベ ル賞受賞を記念して編まれた雑誌の特集号(文献7)を参 照されたい.文献2~5は、これらに含まれない最新の成 果である.

参考文献

- 1) D. Shechtman, et al.: Phys. Rev. Lett. 53 (1984) 1951.
- 2) S. Föster, et al.: Nature 502 (2013) 215.
- 3) H. R. Sharma, et al.: Nat. Commun. 4 (2013) 2715.
- 4) T. Ishimasa, et al.: Philos. Mag. 91 (2011) 4218.
- 5) K. Deguchi, et al.: Nat. Mater. 11 (2012) 1013.
- 6) 竹内 伸, 枝川圭一, 蔡 安邦, 木村 薫: 『準結晶の物理』(朝倉書店, 2012).
- 7) P. A. Thiel, et al.: Israel J. Chem. 51 (2011) 1141.

下田正彦 (物質·材料研究機構)

(2013年11月25日原稿受付)

*1 今日では,国際結晶学会による結晶の定義が「本質的に離散的な回折 斑点を示す固体」と改定され、準結晶も結晶として扱われるように なっている。

*2 周期性がない準結晶には、ブリルアンゾーンは存在しないが、回折 像に現れる強いピークに基づいて「擬プリルアンゾーン」を定義する ことができる.

ペロブスカイト型 Co 酸化物のスピンクロスオーバー 現象:その歴史と現状



浅井吉蔵

電気通信大学大学院情幸 理工学研究科



小林義彦





佐藤桂輔

||||||| 交流 ||||||

茨城工業高等専門学校

遷移金属化合物では、温度や圧力などの 外部条件により原子(イオン)のスピン状 態が変化することがある.このスピン状態 が変化する現象をスピンクロスオーバー、 (あるいはスピン転移)と云う.ペロブス カイト型、及び関連の結晶構造をもつ Co 酸化物はこの現象を起す物質群の1つとし て注目されてきた.LaCoO3はその代表的 物質として1950年代より多くの研究が行 われているが、スピン状態についての議論 が変遷し、現時点においても統一的理解に いたっていない.本稿では、LaCoO3の物 性を概観し、何がこの物質のスピン状態及 び転移の統一的理解を困難にしているのか を述べたい.

LaCoO₃では、Co³⁺に6個の酸素がほぼ 立方対称に配位したCoO₆八面体が頂点を 共有して3次元的に繋がり、この物質の磁 性と伝導を担っている.LaCoO₃は全温度 領域で常磁性であるが、最低温ではほぼ零 である磁化率が温度上昇と共に増大し 100K付近で極大を示すという通常の常磁 性体では見られない振る舞いを示す.さら に、500K付近にも電気抵抗の急激な減少 を伴った磁化率の異常がある.現在まで、 LaCoO₃における100K近傍と500K近傍 の磁気的電気的異常にCo³⁺のスピン転移 が関係しているという多くの提案がなされ ている.

 Co^{3+} のスピン状態の説明をする. 球対称 ポテンシャルのもとで5重縮退した3d軌 道は、酸素のつくる立方対称の結晶場によ り、2重縮退の e_g 軌道と3重縮退の t_{2g} 軌道 に分裂し、軌道のエネルギーは前者が後者 に対して高い. 結晶場中の $Co^{3+}(3d)^6$ の電 子配置は、結晶場の大きさと原子内交換相 互作用との兼ね合いで決まる. 前者の利得 が優先されると、電子配置が $(t_{2g}\uparrow)^3(t_{2g}\downarrow)^3$ で合成スピンがS=0の低スピン状態 (LS) が、後者の利得が優先されると Hund 則を 満たす電子配置 $(t_{2g}\uparrow)^3 (e_g\uparrow)^2 (t_{2g}\downarrow)^1$ で S=2の高スピン状態 (HS) が実現する.更 にその中間の $(t_{2g}\uparrow)^3 (e_g\uparrow)^1 (t_{2g}\downarrow)^2$ の電子 配置でS=1の中間スピン状態 (IS) もあり 得る.

これまでに知られている Co³⁺. Fe²⁺錯 体中の (3d)⁶ 電子配置では通常 IS は出現せ ず,LS-HS 間のスピンクロスオーバーが配 位子場理論で説明されてきた. ところが, LaCoO₃では低温から100 K に向かって平 均のスピン状態が非磁性のスピン状態 (LS)から磁性スピン状態に変わるという ことは共通の理解であるが、その磁性スピ ン状態については論争中である.磁性スピ ン状態が電子格子相互作用の大きい Jahn-Teller 活性の IS 状態であることを支持する 実験的研究が数多くある一方で、HSが存 在することを強力に支持する実験的研究も ある. LaCoO₃では, 個々のCo³⁺のスピン 状態が結晶場と Hund 則の競合という1イ オン内の事象のみではなく、近接Coイオ ンのスピン状態間の強い相互作用がスピン 相の決定に重要な役割を果たしていると思 われる.本稿ではISとHSが共存する可能 性を述べる.

500 Kの磁気的電気的異常の本質は、強 相関電子系に特徴的な絶縁体-金属転移 (Mott 転移)であり、それに付随して新た なスピン転移が生じていると考えられる. この 500 K 近傍の転移は全ての RECoO3 (RE=希土類元素)に共通の現象であるが、 LaCoO3のみで見られる 100 K スピン転移 との関連を述べる.

ペロブスカイト型,及び関連結晶構造 Co酸化物のスピン転移はスピンの自由度 が電荷や軌道の自由度と結合した現象であ る.この物質群のスピン転移が多彩である のは、この物質群が Mott 転移近傍に位置 し、その電子状態が "柔らかい" ことが理 由の1つと思われる.

-Keywords-

配位子場理論:

化合物中の遷移金属の d 軌道 のエネルギー準位の変化の起 源を、金属の d 軌道と、その 周囲にあるイオンや分子(配 位子と呼ばれる)の間にはた らくクーロン相互作用によっ て説明する理論、遷移金属化 合物において、電子状態の議 論の出発点となることが多い.

Jahn-Teller 活性:

エネルギー準位に縮退がある 状態にいる電子が、周りの結 晶格子などのひずみをひき起 こすことによりその縮退をと き、よりエネルギー的に安定 な状態に変化する現象を Jahn-Teller効果と呼ぶ、本Co 系のIS状態は、二重に縮退 したeg軌道に1個のd電子が いるため、Jahn-Teller効果発 現の不安定性をもつ.

Mott 転移:

バンド理論では金属となるに もかかわらず,電子間の強い クーロン相互作用によって絶 縁体になる現象.遷移金属酸 化物の多くの興味深い現象は, この Mott 転移によって引き 起こされるものが多い.

1. はじめに

ペロブスカイト型,及び関連の結晶構造をもつ3d遷移 金属酸化物は,近年銅酸化物高温超伝導体やMn酸化物の 巨大磁気抵抗等で特によく知られるようになったが,それ らの物質が発見される以前から多彩な物性を示す物質群と して注目され,多岐にわたる研究がなされてきた.¹⁾その 中でCo酸化物はスピンクロスオーバー,あるいはスピン 転移を起す物質として注目されてきた.LaCoO3はその代 表的物質として1950年代より研究が行われている.²⁾その 後,関連する種々の物質におけるスピンクロスオーバー現 象の発見と発現機構の解明がなされてきたが,最も古くか ら研究されてきた物質の1つであるLaCoO3においては, スピン状態についての議論が変遷し,現時点においても統 一的理解にいたっていない.本稿では,LaCoO3の物性を 概観し,何がこの物質のスピン状態及び転移の統一的理解 を困難にしているのかを述べたい.

ペロブスカイト型結晶 REMO₃ (RE=希土類元素; M= 遷移金属元素)の基本構造を図1に示す.Mに6個の酸素 が立方対称に配位した MO₆八面体が頂点共有をして3次 元的に繋がっており、REはその隙間を埋める.*1 球対称 ポテンシャルのもとで5重縮退した3d軌道は、酸素のつ くる立方対称の結晶場により、頂点酸素の方向に軌道が伸 びた2重縮退の e_a 軌道 $(3z^2 - r^2, x^2 - y^2)$ と八面体の辺方向 に伸びた3重縮退のt_{2g}軌道(xy, yz, zx)に分裂する.軌道 のエネルギーは前者が後者に対して高い(図2). d軌道を 複数の電子が占める場合、電子間の原子内交換相互作用に 起因して、合成スピンが最大となる(なるべく平行スピン となる)電子配置のエネルギーが最も低いというHundの 規則がある.原子(又はイオン)にn個の3d電子が占める 状態 (3d)ⁿは, 4≤n≤7の場合, 立方対称結晶場中でエネ ルギーの低いt2g軌道を優先して占有することによるエネ ルギー利得とHundの規則を満たすことによる利得の大小 によって、基底状態の電子配置とスピン状態(合成スピン) が異なる。複数の状態間のエネルギー差が小さい場合、温 度や圧力等の外的環境,電場や磁場等の外場によって平衡 の電子配置とスピン状態が変わる. この現象をスピン状態 の変化に注目してスピンクロスオーバー、又はスピン転移 という.*2

本稿で論じる Co³⁺ (3*d*)⁶の場合,結晶場の利得が Hund 則を満たす利得を上回る場合の電子配置は $(t_{2g}\uparrow)^3 (t_{2g}\downarrow)^3$ となり,合成スピン S=0の低スピン状態 (low spin state; 略して LS)が基底状態となる.逆の場合,電子配置は $(t_{2g}\uparrow)^3 (e_g\uparrow)^2 (t_{2g}\downarrow)^1$ となり,S=2の高スピン状態 (high spin state;略して HS)が基底状態となる.その他に $(t_{2g}\uparrow)^3 (e_g\uparrow)^1 (t_{2g}\downarrow)^2$ の電子配置をもつS=1の中間スピン



図1 ペロブスカイト型結晶 REMO₃の基本構造. (a) と (b) はそれぞれ, M 原子と RE 原子を原点にとった.¹⁾



状態 (intermediate spin state;略して IS) も考えられる (図 3). 各スピン状態の特徴を述べる. S=0のLSでは,全て $0_{t_{2g}}$ 軌道が電子で占有されることから合成軌道角運動量 もL=0となり,磁気モーメントをもたない. S=1の IS は, 電子-格子相互作用の大きい e_{g} 軌道に占有の自由度が残り, Co³⁺は Jahn-Teller イオンとなる.*³ S=2の HS 状態は (IS 状態もそうであるが) t_{2g} 軌道が部分占有されることで,軌 道角運動量Lが残る.又, e_{g} 軌道は配位子に向かって伸び た軌道であるので, e_{g} 軌道占有によりイオン半径rは大き くなる、即ち、 $r_{IS} < r_{HS} < r_{HS}$ である.

LaCoO₃のスピン転移の実験的研究が始まる以前に, TanabeとSuganoは6配位立方対称結晶場中の $(3d)^n$ の電子 配置のエネルギーを結晶場と原子内電子間相互作用の相対 的強度の関数として系統的に計算した.³⁾その結果得られ たTanabe-Sugano diagram によれば, n=6の場合,結晶場

^{*1} 多くの物質では、RE-O、M-Oの結合長を最適化するために八面体が 歪み、結晶の単位胞が大きくなる。

^{*2} 本稿では、スピンの平均が顕著に変わる現象をスピン転移という. 必ずしも相転移ではない.

交流 ペロブスカイト型Co酸化物のスピンクロスオーバー現象

^{*3} 格子変形により電子系の縮退がとれ、系が安定化する現象を Jahn-Teller 効果と呼び、その効果が顕著にあらわれるイオンを Jahn-Teller イオンと云う。



図4 LaCoO₃の(a)磁化率と(b) 電気抵抗率の温度変化.5)

の相対的強度の増大により基底状態はHSからLSに入れ 替わる.このdiagramでは、ISが基底状態になることはない.

以上の説明では、LaCoO₃では、3d電子 $(3d)^{6}$ がCo³⁺に 完全に局在しているかのように述べたが、それは厳密では ない.LaMO₃の物性をMの周期律表上の順番で見よう.¹⁾ 手前のLaFeO₃は T_N =740Kの反強磁性絶縁体である. Fe³⁺ $(3d)^5$ はHS状態 (*S*=5/2)の局在した磁気モーメント をもつ、即ち、LaFeO₃はMott絶縁体である.^{*4}一方、次の LaNiO₃は金属的電気伝導を示すPauli常磁性体である.^{*5} Ni³⁺ $(3d)^7$ はLS状態で電子配置は $(t_{2g}\uparrow)^3(t_{2g}\downarrow)^3(e_g)^1$ であ るが、 e_g 電子は局在磁気モーメントをもたない、このよう に、LaCoO₃はHSのMott絶縁体LaFeO₃とLSの常磁性金 属LaNiO₃の間に位置し、その結果、電子状態もスピン状 態も "柔らかい"物質であると考えられる。LaCoO₃のスピ ン転移では、スピンの自由度が電荷や軌道の自由度と結合 しており、スピン転移に伴って電子輸送現象や格子の弾性 等に大きな変化が起こる.

本稿では、LaCoO₃の物性を紹介した後、この物質で見 られる2つの磁気的、電気的転移について議論を進め、全 体を纏める.

2. LaCoO₃の物性

LaCoO₃の広い温度範囲での磁化と電気抵抗の温度変化



図5 LaCoO₃の(a)格子体積の温度変化と(b)異常部分.⁵⁾

はHeikes等により最初に報告された.⁴⁾ その後,今日まで 多くの報告があるがデータの本質は変わらない.ここでは, 筆者等の論文⁵⁾から引用する(図4).LaCoO₃の磁化率は温 度上昇と共に増大し100K付近で極大を示した後緩やかに 減少するという常磁性として通常ではない振る舞いを示す (最低温部分の磁化は不純物による).又,500K付近には 温度変化がやや平坦になる領域がある(図4(a)).100Kの 磁化の極大が反強磁性的磁気秩序によるものではないこと は中性子散乱により早期に確かめられた.⁶⁾一方,電気抵 抗は温度上昇と共に減少するが,500K近傍(400~600K) で2~3桁の急激な減少が見られる(図4(b)).即ち, LaCoO₃は100K近辺と500K近辺に異常な磁気的振る舞 いを示し,後者は電気抵抗の急激な減少を伴う.なお,図 5に示すように2つの領域では共に,格子体積の異常膨張 が見られる.⁵⁾

ここで中性子の磁気散乱を見よう.⁷⁾ 295 K での磁気散 乱を図6に示す.横軸は散乱ベクトルの波数を1化学式の 擬立方晶を単位胞とした時の逆格子座標で表している.磁 気散乱は逆格子全域に広がっており,磁気散乱が常磁性散 乱であることを示している.又,(1,0,0)付近で散乱強度 が大きいことから,磁気モーメント間には相関距離は極め て短いものの強磁性的相関のあることが分かる.この常磁 性散乱の温度変化を図7に示す.この温度変化は,図4の 磁化率の温度変化と良い対応を示しており,最低温では零 であった常磁性散乱強度が温度上昇と共に増大すること, 即ち,最低温では非磁性であった Co³⁺が温度上昇と共に 磁性状態に転移するという直接的な証拠を与えている.な

^{*&}lt;sup>4</sup> モット絶縁体 (Mott-insulator) とは、電子相関の効果によって実現す る絶縁体

^{*5} Fermi 縮退した自由電子の示す常磁性



図6 LaCoO₃の295 K での中性子常磁性散乱.⁷⁾ (a) (h, 0, 0), (b) (1, k, k).



図7 LaCoO₃の(1.07,0,0)での中性子常磁性散乱の温度変化.⁷⁾

お、この実験精度では500 K 近傍の磁気異常は見えない。

現在まで、LaCoO₃における100 K近傍と500 K近傍の磁気的電気的異常にCo³⁺のスピン転移が関係しているという提案が数多くなされている.しかしながら、現時点での共通理解は、低温から100 Kに向かって平均のスピン状態が非磁性のスピン状態(LS)から磁性スピン状態(IS,又はHS)に変わるということのみである.以降、100 K領域でのスピン転移を100 K転移と呼ぶことにする.

3. 100 K 転移後の Co³⁺の磁性スピン状態

1966年以降1990年半ばまで,LaCoO₃の100K近傍の磁 気的異常は,LS基底状態からHS励起状態が熱的に励起さ れる現象であると理解されていた.⁸⁾この背景には,LSが 基底状態の時に第1励起状態はHSであるとする先行の理 論研究(Tanabe-Sugano diagram)がある.しかしながら,熱 的に励起された磁性状態をHSとすると,1)予想される室 温付近での磁化の値が実測値より若干大きいこと,2) Goodenough-Kanamori則によるとHS Co³⁺間には反強磁性 的超交換相互作用が働くはずであるが中性子常磁性散乱の 結果はそれを支持しない等の問題があった.

1995年に Potze は電子配置が (3*d*)⁵である SrCoO₃では, Co3*d* 軌道が酸素 2*p* 軌道と強く混成することにより IS 状態 が安定化され基底状態になりうることを指摘した.⁹⁾続い て1996年KorotinはLDA+Uの手法でLaCoO₃の電子状態 を計算し,1)基底状態がLS,2)100K程度の励起エネル ギーをもつ第1励起状態がIS,3)HSのエネルギーは両状 態に比べてかなり高いというTanabe-Sugano diagramとは 異なる結果を得た.¹⁰⁾前述したようにIS状態Co³⁺は e_g 軌 道に自由度が残るJahn-Tellerイオンである.Korotin等は 同論文で500K以下では軌道秩序が生じている可能性のあ ることを指摘した.同年,MizokawaとFujimoriはバンド計 算の結果から,100K転移にISが関与することを示唆し た.¹¹⁾

これらの理論的研究以降。100K転移が非磁性のLSか ら磁性をもつISへの励起であることを支持する実験的研 究が続出した.以下,年代順に列挙する.室温近辺での光 電子分光 (photoemission spectroscopy) と X 線吸収分光 (Xray absorption spectroscopy)のスペクトルは従来のLSとHS の2状態のみを考えるモデルではLSが主成分と考えられ てきたが、Saitoh等は IS が主成分であるとして磁化測定の 結果と矛盾なく解析できることを示した (1997).¹²⁾ Yamaguchi等は赤外分光により検出された100Kスピン転移に よる光学 phonon の変化を IS 状態 Co³⁺に起因する局所的格 子歪みで説明した (1997).¹³⁾ Maris 等は精密 X 線構造解析 により、100Kスピン転移に伴い Q₂ type の Jahn-Teller 歪み と ea の軌道秩序を観測するという,励起された磁性状態 がISであることを直接的に支持する結果を得た (2003).¹⁴⁾ Ishikawa等はラマン分光により光学 phonon の温度変化を調 べた結果, 100 K スピン転移に伴い Jahn-Teller モードに結 合した光学 phonon が顕著にソフト化するという IS を支持 する結果を得た (2004).¹⁵⁾ 低エネルギーの光学 phonon の ソフト化は後に中性子実験でも確認されている (2005).¹⁶⁾ Thant等はLaCoO₃の150K以上の温度領域で周波数が 10~100 MHzの超音波の音速に顕著な周波数分散のあるこ とを見いだし、この分散がeg軌道の揺らぎに結合した格 子緩和によるという提案をした (2006).¹⁷⁾ これらの研究 の多くはeaの軌道秩序とその揺らぎをIS支持の根拠とし ている.

ISを支持する研究が多い中で、100Kスピン転移に関与 するのはHS状態が結晶場とスピン-軌道相互作用により 分裂してできた仮想スピンS=1の3重項であると主張する 理論的研究が出た(1999).¹⁸⁾ 2002年、Noguchi等は100K スピン転移で励起された磁性スピン状態を電子スピン共鳴 (Electron Spin Resonance)により観測することに成功し た.¹⁹⁾ 観測結果から得られたエネルギーダイアグラムを図 8に示す.磁性励起状態は、菱面晶系の[111]を主軸とす る1軸性の結晶場により僅かに分裂した仮想スピンS=1 の3重項である.注目すべき事柄は、この3重項が g_{\parallel} =3.35, g_{\perp} =3.55という大きなg因子をもつことである.Noguchi 等は、この大きなg因子は6配位立方対称場中の(3d)⁶の HS状態からスピン-軌道相互作用で生じる3重項に特徴的



図8 ESR から得られた LaCoO₃ 中 Co³⁺励起状態のエネルギー準位.¹⁹⁾

なものとして説明した.励起エネルギー (ΔE~140 K) は ESR 信号強度の温度変化から求めている.*6 この3 重項の エネルギーダイアグラムは中性子による3重項内遷移に よっても観測されている.²⁰⁾ この研究は磁性スピン状態の 直接的観測ということで衝撃を与えたが, Noguchi等が指 摘したように、この磁性スピン状態から予想される磁化率 は実測値の3倍にも達する.*7 この矛盾を解決するために Kyomen 等は 100 K スピン 転移に負の協力効果 (negative cooperative effect) を取り入れた.²²⁾ このモデルは, 注目す る Co^{3+} の周囲にHSの数が増えると、その Co^{3+} のHSへの 励起エネルギー(LSとのエネルギー差)が増大するという ものである.磁化率と比熱の実験値が再現されるように温 度の関数として励起エネルギーを求めると。HSの励起エ ネルギーはCo³⁺が殆どLSである低温ではΔ=200K程度 であるが、HSが増えた300KではΔ=700Kに達する.こ の考え方は後のXASの温度変化の解析にも用いられてい る.²³⁾

ここでパルス磁場を用いた超強磁場中でのLaCoO₃の磁 化過程を見る(図9).²⁴⁾約60Tに磁化の不連続な増大が 見られる.この転移磁場は、図8に示される3重項励起状 態がZeeman 分裂し、その準位の1つがLS基底状態と交わ る磁場と良い一致をしており、この磁気転移が磁場誘起の 準位交差により生じたと考えるのが自然である.又、ヒス テリシスがあることからこの転移が相転移であること、即 ち、近接するCoのスピン状態間に何らかの相互作用が あってスピン転移が協力的に起こっていることを伺わせる. しかしながら、飛びの大きさは0.32 µB/Coと3重項の磁気 モーメントの大きさ3.35 µBに比べて著しく小さい.言い 換えれば、何らかの事情で全Coイオンに対して1割未満 のCoのみが磁場誘起スピン転移に寄与をするということ である.このスピン転移に寄与をするCo種をCo₁と呼ぶ



図9 LaCoO₃の強磁場中磁化 (a) 4 K での磁化過程, (b) 磁化の温度変化.²⁴⁾



図10 超強磁場中LaCoO₃の磁化過程のモデル.²⁶⁾(a)提案された磁気相図 (赤)と実測値(緑),(b)LS(青)とIS(赤)がつくるスピン状態の格子.

ことにする.次に磁化の温度変化を見る.Co₁のつくる磁 化 $M_{\rm I}$ は、Co₁のエネルギー準位と4Kの磁化の飛びから求 めたCo₁の個数から計算できる.磁性不純物(Co⁴⁺に依る と思われる)がつくる磁化 $M_{\rm II}$ の温度変化を適当に見積も ることにすると、磁化の実測値Mは磁化 $M_{\rm I}$ と $M_{\rm III}$ の和よ り遥かに大きいことが分かる.この差は、残りのCo種(Co_{II} と呼ぶ)がg=2、 $\Delta=200$ Kの磁性励起状態をもつと考える と説明することができる.即ち、4Kでの磁場誘起スピン 転移に関与するのはCoの一部であるが、高温では全ての Co種が磁性を担うということを示唆している.

上記研究の後、500 T までの磁化が測定され、何段階か の磁気転移のあることを示唆する結果が得られた.²⁵⁾ 最近、 Altarawneh等はパルス磁場で100 T までの磁化と磁歪を測 定し、63 T と 73 T の 2 段階の磁気転移を観測した.²⁶⁾ 著者 は、磁場誘起される磁性スピン状態をg=2, S=1 の IS とし、 最近接と次最近接格子点を占める IS 間に相互作用がある として相図を作製した(図 10). それによると、IS 間の斥 力に起因して LS と IS は格子を組み、磁場の増加により H_{cl}

^{*6} 励起エネルギーは観測する物理量により異なる. 例えば、⁵⁹Co NMR の緩和時間の温度変化から求めた励起エネルギーは180 K である.²¹⁾

^{*7} 隣接 Co³⁺(HS) 間に強い反強磁性的相互作用Jを入れて磁化率の計算 値を下げる試みがあるが,実験値を再現するほど大きな|J|を入れる と,励起HSの数が増えた時点で反強磁性秩序が発生する筈で,実験 事実に反する.

では1/4, *H*_{c2}では1/2, *H*_{c3}では3/4, *H*_{c4}では全てのCo種が ISとなる. このモデルでは*H*_{c1}と*H*_{c2}の間隔を決めている のは次最近接格子間の相互作用である.

以上,実験事実を羅列した感があるが,100Kスピン転 移に関与する磁性スピン状態の問題を整理しよう.

- Jahn-Teller 歪みと eg 軌道の秩序・揺らぎという eg 軌 道が部分占有されていることを示す実験結果がある.
 又,100 K 転移により生じる磁性状態の光電子分光スペクトルは HS では説明が困難である.これらは100 K 転移で生じる磁性励起状態として IS を支持する.
- Δ=140 K, g=3.35 という励起スピン状態が ESR で観 測され、中性子非弾性散乱でも確認された.この状 態は6配位立方対称結晶場中の(3d)⁶ HS より生じた 仮想スピンS=1の3重項として説明できる.
- 3. 2. で観測された HS で磁化等の実測値を再現するには, HS の濃度が増えると HS への励起エネルギーが急激 に増加するという負の協力効果を仮定する必要があ る.
- 4. 低温では、2.で提案されたエネルギーダイアグラム からの予想と一致する磁場で磁場誘起の磁気相転移 が起こるが、その転移でHSに誘起されるCoの数は、 全Coの1割程度である。

1. で示した実験結果は eg 軌道に自由度のない HS では説明 ができない.一方,2.より,(少なくとも比較的低温では) 励起エネルギーが 100 K 程度の HS が存在することも動か し難い事柄である.しかしながら,3.及び4.からは全ての Coが同時には HS になり難いこと,即ち,HS 状態間には 近接することを避けようとする強い相互作用のあることが 伺われる.

我々は、スピン転移を考える出発点として、1つのCo³⁺ のスピン状態 (LS, IS, HS) のエネルギー準位を考えた. こ のように考えた1イオンのスピン状態間のエネルギー差に 比べて無視のできない、あるいはそれを凌駕する相互作用 が近接するCoのスピン状態間に存在するのであれば、正 に多体の問題である。従って1イオンのスピン状態を考察 の出発点とすることには限界があると思われる. そのよう な強い相互作用のもとでは、スピン状態の格子形成やその 融解。あるいはスピン相分離等の出現が期待されるが、そ れらを扱うには、多数の原子を明示的に取り入れた考察が 必要である. LaCoO₃では、100K転移後の磁性スピン状 態がHS, ISのどちらであるかという観点を変えてもよい ように思われる.HSの励起がHSの濃度と共に急速に困 難になるのであれば、HSとISの両者が共存することは当 然期待してよい. それが一見矛盾する実験事実を総合的に 説明する可能性の1つであると思われる.

この節の最後に Itoh 等の RECoO₃の NMR を紹介する.²⁷⁾ RE = La の場合, Knight Shift(*K*) は磁化率(χ)の温度変化 と同様に 100 K 転移に伴い増加している(図 11(a)). 一般 に χ とKの関係は線形であることが多いが, LaCoO₃の



図 11 (a) RECoO₃ (RE = La, Nd, Sm, Eu) 中の ⁵⁹Co NMR. (b) LaCoO₃ の χ^{-K} plot. ²⁷⁾

 χ -K plot (図 11(b))を見ると、100 K 転移の途中で直線から外れ、さらに100 K を超えて χ とKが減少する時にはそれまでの曲線を戻らずにループを描き、600 K 付近で元の 直線に戻っている.この通常では見られない振る舞いは 100 K 転移には複数の磁性状態が関与し、その割合が温度 により異なる可能性を示唆する.さらに注目すべきことは、 調べられた RECoO₃ のうち、100 K 転移に対応する Knight Shift の変化が見られるのは RE = La のみである.それに対 して次節に述べる 500 K の金属絶縁体転移に伴う Knight Shift の変化は、RE の原子番号が増えると転移温度が多少 上昇するが、全ての RECoO₃ で共通に見られる現象である.

4. 500 K 近傍の絶縁体-金属転移

先に述べたように LaCoO₃では,500 K 近傍で温度上昇と 共に電気抵抗が3 桁減少する (図4(b)). Tokura 等は,光伝 導スペクトルがこの温度領域で数 eV にわたる大きなエネ ルギー領域で変化をして,電荷ギャップが閉じることを明 らかにしている.²⁸⁾ この振る舞いは電子相関の強い系の非 金属-金属転移 (以後 IMT) に特有の現象で,500 K 近傍の



IMT が熱的に誘起された Mott 転移とみなすことができる ことを示している.²⁸⁾ 注目すべき事柄は,この温度領域で 電気抵抗が調べられた全ての RECoO₃ (RE=La~Gd, Ho, Y) において,この IMT が観測されていることである(図 12).^{*8,29)} 又,格子定数が測定された全ての RECoO₃ (RE= La, Gd, Ho, Y) において,この IMT に伴う格子の異常膨張 が観測されている.このことから,500~700 K 温度領域で 格子の異常膨張を伴う IMT が生じることは全ての RECoO₃ に共通する性質と云えよう.

5. RECoO₃のスピン転移と絶縁体-金属転移

RECoO₃のRE=Laで見られる100Kスピン転移は、 RE ≠ Laでは 500 K 領域の IMT に融合する.*9 500 K の IMT とスピン転移の関連を調べる.図13にREが非磁性である RECoO₃の有効Bohr磁子数peffと格子体積の温度変化を示 す. peff は磁化率からCurie 則を仮定して求めた. 格子体積 は300Kの体積からの差を表している. RE=Laの場合, peffは100K近傍で増大しそれが一旦飽和傾向を示した後, 500 K領域でIMTに伴って再び若干の増加をする.即ち, 2段階の増加をしている.他方, RE=Lu (又はY)の場合, peffは600K程度までは磁性不純物による offset があるのみ で600K近傍以降で急速に増大する.即ち,RE=Lu,Yで は600K近傍のIMTに伴ってLSからスピン転移が生じて いる. 転移温度が高いために測定温度範囲では完全に飽和 するにはいたらないが、peffの値はRE=Laの場合と同じと ころまで上昇しそうである.次に格子膨張を見よう.RE= Laの場合,500K転移に伴う異常部分は約1%である。一方、 RE=Lu, Yでは約4%である(RE=Gdでも同程度であるこ とが分かっている). 即ち, 500 K 転移に伴う peff の変化も 格子膨張もRE=Laの場合はRE=Lu,Yの場合に比べて小 さい.

筆者等は次のような描像をもっている.全てのRECoO3



図13 RECoO₃ (RE=La, Lu, Y)の有効磁子数と格子体積.⁵⁾

に共通するのは、1) 最低温で非磁性(LS) 絶縁体であるこ と、2) 500 K 転移より高温で常磁性金属であること、の2 点である. RE=Laの場合、100 K 近傍のスピン転移で絶縁 体のまま磁性状態が出現する. 更に500 K の IMT に伴って 新たな(あるいは残りの)スピン転移を起す. RE=Lu, Y の場合は、RE=Laの場合に観測された100 K スピン転移 は 500 K IMT と融合して、非磁性(LS) 絶縁体のまま 500 K IMT でスピン転移を生じ、RE=Laの場合と同様の常磁 性金属になると考えている. 500 K IMT に転移前のスピン 状態が影響をしないように見えるが、それは 500 K 転移の 本質が IMT でスピン転移はそれに付随する現象であるこ とを反映しているように思われる.

6. おわりに

当初の予想を超えてLaCoO₃の100Kスピン転移は難問 であることが分かった.その原因は,近接Coのスピン状 態間の相互作用が大きいためにスピン転移は collective な 現象で,孤立したCoO₆八面体中のCo³⁺のスピン状態の考 察のみでは現象を充分に理解できないからであると思われ る.近接Coのスピン状態間の強い相互作用から,スピン 状態の格子形成,スピン相分離など多数のCoが関与する 多彩なスピン相が現れることが予想されているが,それら を実証する実験的根拠は充分ではない.又,スピン相は微 妙なバランスで決まっているので,僅かな擾乱によりスピ ン相が大きく変化することが期待される.僅かなホール導 入で出現するスピンポーラロン (SP)もその1つである. SPは,最初に磁化測定から提案され,中性子散乱や超強 磁場磁化過程で明らかにされた.³¹⁾

Co系酸化物のスピン転移の解明にはその電子状態を正確に知ることが欠かせない.最近,その一環として放射光 によるコンプトン散乱実験が始まっている.この方法では, 運動量空間での電子密度分布が求まり,d電子占有軌道の 対称性や配位子との共有結合性についての知見が従来の実 験的手法と相補的な形で得られる.さらに,円偏光を用い

^{**} 転移温度はREの原子番号に伴って上昇しRE=Gdでは650K程度であるが、本稿ではこのIMTを500K転移と呼ぶことにする.

^{*9} 例えば La1-xPrxCoO3を見ると、x=0の100 K 転移の転移温度がxの 増大と共に上昇し、x=1では500 K 転移 (IMT)と重なる.³⁰⁾

た磁気コンプトン散乱を使ってスピンと軌道の磁気モーメ ントの分離が試みられている.磁気円2色性から求められ た結果^{23,32)}との比較が興味深い.一方,理論においても, 未だ充分とは云えないもののスピン状態間の相互作用の重 要性を認識した電子状態の計算が現れつつある.³³⁾ Co系 酸化物のスピン状態と転移についての議論は,50年に及 ぶ紆余曲折を経て,強相関電子系の現象として問題の本質 が明らかになりつつあるのではないかと思われる.さらに 近年,Co系酸化物では光誘起相転移,強誘電転移,高熱 電能等の新たな応用への可能性をもつ現象や機能について の研究にも新しい展開を見せている.³⁴⁾

筆者等のLaCoO₃の研究は多くの方との共同実験として 行われた.全ての方の名前を挙げる余裕がないが(以下敬 称略),故白根元,J. Tranquada,山田和芳,秋光純(以上, 中性子散乱),安岡弘志,藤原直樹(以上,NMR),金道浩 ー(超強磁場),近桂一郎,鈴木勝(以上,全般)の方々, 及び著者の研究室で研究を共に行った大学院生に感謝申し 上げる.

参考文献

- 1) 例 え ば, J. B. Goodenough and J. M. Longo, Landort-Börnstein, ed. K. H. Hellwege and A. M. Hellwege (Springer, 1970) Vol. 4a, Chap. 3, p. 126.
- 2) J. B. Goodenough: J. Phys. Chem. Solids 6 (1958) 287.
- 3) Y. Tanabe and S. Sugano: J. Phys. Soc. Jpn. 9 (1954) 766.
- 4) R. R. Heikes, R. C. Miller and R. Mazelsky: Physica 30 (1964) 1600.
- K. Asai, A. Yoneda, O. Yokokura, J. M. Tranquada, G. Shirane and K. Kohn: J. Phys. Soc. Jpn. 67 (1998) 290.
- 6) W. C. Koeler and E. O. Wollan: J. Phys. Chem. Solids 2 (1957) 100.
- K. Asai, O. Yokokura, N. Nishimori, H. Chou, J. M. Tranquada, G. Shirane, S. Higuchi, Y. Okajima and K. Kohn: Phys. Rev. B 50 (1994) 3025.
- 8) 100 K スピン転移を論じた最も初期の論文は G. H. Jonker: J. Appl. Phys. 37 (1966) 1424.
- 9) R. H. Potze, G. A. Sawatzky and M. Abbate: Phys. Rev. B 51 (1995) 11501.
- M. A. Korotin, S. Y. Ezhov, I. V. Solovyev, V. I. Anisimov, D. I. Khomskii and G. A. Sawatzky: Phys. Rev. B 54 (1996) 5309.
- 11) T. Mizokawa and A. Fujimori: Phys. Rev. B 54 (1996) 5368.
- T. Saitoh, T. Mizokawa, A. Fujimori, M. Abbate, Y. Takeda and M. Takano: Phys. Rev. B 55 (1997) 4257.
- 13) S. Yamaguchi, Y. Okimoto and Y. Tokura: Phys. Rev. B 55 (1997) R8666.
- 14) G. Maris, Y. Ren, V. Volotchaev, C. Zobel, T. Lorentz and T. T. M. Palstra: Phys. Rev. B 67 (2003) 224423.
- 15) A. Ishikawa, J. Nohara and S. Sugai: Phys. Rev. Lett. 93 (2004) 136401.
- 16) Y. Kobayashi, T. S. Naing, M. Suzuki, M. Akimitsu, K. Asai, K. Yamada, J. Akimitsu, P. Manuel, J. M. Tranquada and G. Shirane: Phys. Rev. B 72 (2005) 174405.
- 17) T. S. Naing, T. Kobayashi, Y. Kobayashi, M. Suzuki and K. Asai: J. Phys. Soc. Jpn. 75 (2006) 084601.
- 18) R. J. Radwanski and Z. Ropka: Solid State Commun. 112 (1999) 621.
- S. Noguchi, S. Kawamata, K. Okuda, H. Nojiri and M. Motokawa: Phys. Rev. B 66 (2002) 094404.
- 20) D. Phelan, D. Louca, S. Rozenkranz, S.-H. Lee, Y. Qiu, P. J. Chupas, R. Osborn, H. Zeng, J. F. Mitchell, J. R. D. Copley, J. L. Sarrao and Y. Moritomo: Phys. Rev. Lett. **96** (2006) 027201; A. Podlesnyak, S. Streule, J. Mesot, M. Medarde, E. Pomjakushina, K. Conder, A. Tanaka, M. W. Haverkort and D. I. Khomskii: *ibid.* **97** (2006) 247208.
- Y. Kobayashi, N. Fujiwara, S. Murata, K. Asai and H. Yasuoka: Phys. Rev. B 62 (2000) 410.

- 22) T. Kyomen, Y. Asaka and M. Itoh: Phys. Rev. B 71 (2005) 024418.
- 23) M. W. Haverkort, Z. Hu, J. C. Cezar, T. Burnus, H. Hartmann, M. Reuther, C. Zobel, T. Lorentz, A. Tanaka, N. B. Brookes, H. H. Hsieh, H.-J. Lin, C. T. Chen and L. H. Tjeng: Phys. Rev. Lett. 97 (2006) 176405.
- 24) K. Sato, A. Matsuo, K. Kindo, Y. Kobayashi and K. Asai: J. Phys. Soc. Jpn. 78 (2009) 093702.
- 25) V. V. Platonov, Yu. B. Kudasov, M. P. Monakhov and P. M. Tatsenko: Phys. Solid State 54 (2012) 279.
- 26) M. M. Altarawneh, G.-W. Chern, N. Harrison, C. D. Batista, A. Uchida, M. Jaime, D. G. Rickel, S. A. Crooker, C. H. Mielke, J. B. Betts, J. F. Mitchell and M. J. R. Hoch: Phys. Rev. Lett. **109** (2012) 037201.
- M. Itoh, J. Hashimoto, S. Yamaguchi and Y. Tokura: Physica 281/282 (2000) 510.
- 28) Y. Tokura, Y. Okimoto, S. Yamaguchi, H. Taniguchi, T. Kimura and H. Takagi: Phys. Rev. B 58 (1998) R1699.
- 29) S. Yamaguchi, Y. Okimoto and Y. Tokura: Phys. Rev. B 54 (1996) R11022.
- 30) Y. Kobayashi, T. Mogi and K. Asai: J. Phys. Soc. Jpn. 75 (2006) 104703.
- 31) S. Yamaguchi, Y. Okimoto, H. Taniguchi and Y. Tokura: Phys. Rev. B 53 (1996-II) R2926; A. Podlesnyak, G. Ehlers, M. Frontzek, A. S. Sefat, A. Furrer, Th. Strassle, E. Pomjakushina, K. Conder, F. Demmel and D. I. Khomskii: Phys. Rev. B 83 (2011) 134430; K. Sato, A. Matsuo, K. Kindo, Y. Kobayashi and K. Asai: J. Phys. Soc. Jpn. 80 (2011) 104702.
- 32) J. Okamoto, H. Miyauchi, T. Sekine, T. Shidara, T. Koide, K. Amemiya, A. Fujimori, T. Saitoh, A. Tanaka, Y. Takeda and M. Takano: Phys. Rev. B 62 (2000) 4455.
- 33) 例えば, K. Knížek, Z. Jirák, J. Hejtmánek, P. Novák and W. Ku: Phys. Rev. B 79 (2009) 014430.
- 34) 日本物理学会2014年秋季大会シンポジウム「コバルト酸化物のスピン クロスオーバー現象の新展開」(2014年9月;中部大学).

著者紹介

浅井吉蔵氏: 専門は遷移金属化合物の磁性.実験手法の面では安定及び 不安定原子核をプローブとした物性研究に興味がある.

小林義彦氏: 専門は希土類・遷移金属酸化物の磁性及び電子輸送現象. 最近は、それらの化合物の放射光を用いた分光的手法による電子軌道状態の解明にも興味をもっている.

佐藤桂輔氏: 専門は遷移金属酸化物の磁性と弾性現象.実験手法の面では、強磁場中での物性研究に興味がある.

(2014年5月27日原稿受付)

Spin-Crossover Phenomena in Perovskite Cobaltites; Their History and Current Status

Kichizo Asai, Yoshihiko Kobayashi and Keisuke Sato

abstract: The perovskite cobaltites have been arousing widespread interest of researchers owing to the various spin states of $\operatorname{Co}^{3+}(3d)^6$ ions and crossover among them. It has been known since 1966 that LaCoO₃ shows a spin crossover, or a spin-state transition, around 100 K from the low spin (LS) nonmagnetic ground state with S=0 to a magnetic state. The relevant magnetic spin state of Co^{3+} still remains controversial. Although there have been many experimental results supporting the Jahn-Teller active intermediate spin (IS) state with S=1 as the magnetic state, there is instead a spectroscopic evidence for the high spin (HS) state with S=2. We argue a possibility that IS and HS states both excited in the 100 K transition coexist above the transition temperature. The inhomogeneous spin phase may be caused by strong interactions among Co^{3+} ions in the magnetic spin states. We also review the magnetic and electronic anomaly around 500 K which is commonly observed in RECoO₃ (RE = rare earth elements).



アンダーソン局在の臨界現象 ―最近の実験・理論の新展開―



小布施秀明 _{北海道大学大学院工学研究院}

金属を極低温まで冷やすと、電子が不純 物などにより散乱され、その散乱波同士が 量子干渉を起こすことにより、電子が空間 的に局在し、絶縁体となる. アンダーソン 局在として知られるこの現象の研究は, 1958年の P.W. Anderson による理論予測か ら幕を開けた. それから半世紀が経った現 在,物性物理学におけるアンダーソン局在, そしてアンダーソン転移の重要性は一段と 増している. このことは、近年、その存在 が明らかとなった新規物質であるグラフェ ンやトポロジカル絶縁体における不純物効 果に関する数多くの理論・実験研究が行わ れていることからも明らかである. 特にト ポロジカル絶縁体・超伝導体を分類する 10 種類のクラスは、アンダーソン転移の 対称性クラスそのものであるなど、トポロ ジカル絶縁体の研究発展に対してアンダー ソン転移の研究が果たした役割は大きい. さらに、アンダーソン局在の本質は干渉効 果であるため、物質中の電子に限らず、近 年、冷却原子、光、弾性波などの新たな系 における実験も行われるようになった. こ れらの新しい実験では、従来、困難であっ たアンダーソン転移における臨界指数の実 験的評価も可能である、このように、アン ダーソン局在・転移の研究分野は、今なお 拡大し続けている. 本解説では, アンダー ソン局在・転移のこれまでの研究発展を振 り返ると共に、最近の実験・理論研究の新 たな展開について紹介する.

アンダーソン転移に関する過去の研究を 振り返ると、この転移が2次相転移として 理解できることを提示した、1979年のス

本記事の長さは通常の解説記事の規程を超過しておりま すが,編集委員会の判断によりこのまま掲載しています. ケーリング理論に触れないわけにはいかな い.スケーリング理論は、空間次元が2以 下では、電子は温度ゼロの極限で必ずアン ダーソン局在するという重要な結論も導く. しかし、この結論は全ての2次元不規則電 子系に対して成立するわけではない.ス ケーリング理論に反し、2次元でアンダー ソン転移が起こる系として、スピン軌道相 互作用の強い系や量子ホール効果を示す系 が挙げられる.これらの系に対して、ス ケーリング理論で見落とされている点を考 えると、系の持つ対称性やトポロジカル項 など、今日の物性物理において重要なコン セプトが現れてくるのは興味深い歴史的事 実である.

アンダーソン転移の臨界現象に関する包 括的な理解は、この研究分野に残された大 きな問題の一つである. アンダーソン転移 で重要となる臨界指数として、臨界点近傍 における局在長の発散を特徴付ける臨界指 数と、臨界点におけるスケール不変な波動 関数を特徴付けるマルチフラクタル指数が ある. 従来, これらの指数の定量的な議論 は、数値計算を中心に行われたが、近年の 実験技術の進展により、これらの指数を実 験的に求めることも可能となった. また, 理論研究の進展により、共形場理論を用い て、臨界指数を解析的に導出することが可 能となりつつある. アンダーソン転移に対 して共形場理論を適用する際に、鍵となる のが、臨界波動関数のマルチフラクタル性 である、対数的共形場理論により、アン ダーソン転移の臨界現象を理解する試みが 現在進行中である.

-Keywords

アンダーソン転移:

金属中の不純物によって引き 起こされる金属から絶縁体への相転移.通常のバンド理論 では、固体の周期性によって 生じるエネルギーギャップに よって絶縁化が起こる.しか し、アンダーソン転移ではエ ネルギーギャップは生じず、 波動関数が空間的に局在する ことによって固体が絶縁化す ることが特徴である.

ユニバーサリティ・クラス:

統計力学では、二次相転移な どの相転移現象を記述する特 徴的な指数(臨界指数)が、 模型の詳細によらず、模型の もつ対称性のみによって決ま ることが多い、対称性によっ て模型が整理・分類されると き、個々のカテゴリーをユニ バーサリティ・クラスと呼ぶ.

マルチフラクタル:

自己相似性(拡大しても同じ 形となる性質)を持つ構造は フラクタル構造と呼ばれる. 狭義のフラクタル構造では、 その構造を特徴付けるフラク タル次元はただ一つ定義数の フラクタル次元を重むれ る.しかし、自然界には無数の フラクタル次元を重むあわせ た構造も数多く存在する.そ のような構造体に対して、フ ラクタルの概念を拡張したも のをマルチフラクタルという.



1. はじめに

1958年に P. W. Anderson により理論的に予測された不純物ポテンシャル中における電子の局在現象,すなわちアン ダーソン局在¹⁾の本質は,不規則ポテンシャルにより散乱 された電子の波動関数の干渉効果である.そのため,最も 基本的な系は,電子相関の寄与を無視した,次の一電子近 似ハミルトニアンで記述される:

$$H = H_0 + V(\mathbf{r}) , \quad H_0 = \hat{\mathbf{p}}^2 / 2m .$$
 (1)

ここで H_0 が運動エネルギー, $V(\mathbf{r})$ が空間的にランダムな (時間に依存しない)不規則ポテンシャルを表し, $\hat{\mathbf{p}}$ とmは それぞれ運動量演算子と電子の質量である.ランダムなポ テンシャルに空間的な相関はないと仮定し, $V(\mathbf{r})$ は以下 の確率分布に従うとする:

$$\overline{V(\mathbf{r})} = 0, \quad \overline{V(\mathbf{r})V(\mathbf{r}')} = \frac{1}{2\pi\rho\tau} \,\delta(\mathbf{r} - \mathbf{r'}). \tag{2}$$

ここで, はポテンシャル配置が異なるサンプルに対す る平均, ρは電子の状態密度, τは電子が不純物に散乱され ずに運動する平均的な時間, すなわち平均自由時間, を表 す.

(1),(2)式から分かるようにアンダーソン局在・転移は, 非常に単純なハミルトニアンを出発点とする問題であるた め、様々な物質、さらには電子系以外でも、普遍的に現れ る現象である.しかし、その単純さにも関わらず、乱れの 強さを変えるだけで、図1(a)のような波動関数振幅が系 全体に広がった非局在状態(金属相)から、図1(b)のよう な空間の狭い部分に波動関数振幅のピークが現れる局在状 態(絶縁相)への量子相転移が起こる.さらに後述するよ うに、臨界点においては図1(c)のように波動関数振幅が 空間的に強く揺らいだ非常に複雑な構造を形成するなど興 味深い物理現象を内包している.本解説では、アンダーソ ン局在・転移の過去の研究を振り返ると共に、最近の理



図1 2次元系不規則電子系の (a) 金属相 (非局在相), (b) 絶縁相 (局在相), (c) 臨界点における波動関数振幅分布 $|\psi(x,y)|^2$ の典型例 (2次元 symplectic クラスに属する量子スピンホール系の理論モデル²⁾の固有波動関数を,数 値対角化により計算した).

論・実験研究の新たな展開について紹介したい.

なお、アンダーソン局在・転移に関しては、優れたレ ビュー論文・書籍がすでに多数存在する。例えば、スケー リング理論や弱局在理論、³⁻⁷⁾ 非線形σ模型とそのトポロ ジカル項、^{8,9)} アンダーソン転移の臨界現象¹⁰⁻¹³⁾に詳しい ものなどがある。本解説で興味を持ち、より詳しい解説を 望む読者は、これらのレビューを手にとっていただければ 幸いである。

アンダーソン転移のユニバーサリティ・クラ ス

図1に各相における波動関数の典型例を示したが,絶縁 相と金属相の波動関数についてもう少し説明しよう.図2 (a)に示すように,絶縁相の波動関数は,r₀を中心として 局在長*č*程度の有限な領域でのみ大きな振幅を持ち,それ より外側では指数関数的に減衰する.従って,絶縁相の波 動関数の包絡線は以下のように記述できる:

 $|\psi(\mathbf{r})| \sim \exp\left(-|\mathbf{r}-\mathbf{r}_0|/\xi\right) . \tag{3}$

一方,金属相における波動関数振幅は,図1(a)のように, 系全体に乱雑に分布する.実は,この振幅分布はランダム 行列理論から得られる Porter-Thomas 分布に従い,異なる 位置の波動関数振幅間に相関がないことが知られている. 乱れの強さを変えると,非局在状態から局在状態へどのよ うに変化するのか? 本章では,この疑問に答えるために アンダーソン転移を理解する上で基礎となるスケーリング 理論を説明する.さらに,2次元系にスケーリング理論を 適用する際の問題点を指摘し,その理由を明らかにしたい と思う.

2.1 スケーリング理論

1979年に提案されたスケーリング理論¹⁴⁾では,一辺の サイズがLのd次元立方体における,伝導特性のサイズL 依存性から,電子状態が局在か非局在状態かを判断する. そこでまず,乱れが弱い時と強い時の両極限を考えよう.

乱れの弱い極限では、系は良導体であり、その電気的特 性は古典的なオームの法則に従うと考えてよい.従って、 電気抵抗の逆数であるコンダクタンス(電気伝導度)は、



図2 (a) 局在状態の波動関数の概略図. (b) d=1, 2, 3 におけるスケーリン グ関数 $\beta(g)$ の概略 (実曲線). 破曲線は2次元 symplectic クラスに対するス ケーリング関数である. $\beta(g)=0$ となる g_c がアンダーソン転移点を表す. $\beta(g) \neq 0$ の場合、サイズの増加と共に、曲線上の矢印の方向に沿って g_c か ら遠ざかる.

(サイズに依存しない) 電気伝導率 σ_0 を係数とし、断面積 L^{d-1} に比例し、長さLに反比例する.さらに、 e^2/h (e は電 気素量、hはプランク定数)を単位とし規格化すると、無次 元化されたコンダクタンスgは、以下のように定義され る:

$$g(L) = \sigma_0 L^{d-2} (h/e^2) .$$
 (4)

一方,乱れが強い極限では,電子状態はアンダーソン局 在状態であると考えられる.(3)式の局在長ξを用いると, コンダクタンスは,以下のようにサイズ*L*に対して指数関 数的に減衰すると予想できる:

$$g(L) \approx g_0 \exp\left(-\frac{2L}{\xi}\right) . \tag{5}$$

(指数関数内の因子2は、コンダクタンスが波動関数の絶 対値の2乗に関係付けられることによる.)

(4),(5)式から,乱れの強さの両極限におけるコンダク タンスgのサイズL依存性は、大きく異なることが分かる. そこで、スケーリング理論では、コンダクタンスのサイズ 依存性を表すスケーリング関数

$$\beta(g) = \frac{d(\ln g)}{d(\ln L)}.$$
(6)

を導入し、電子状態が局在か非局在かを判断する.(6)式 では、スケーリング関数 $\beta(g)$ は、コンダクタンスgにの み依存すると仮定している.これは**単一パラメータース ケーリング仮説**と呼ばれ、スケーリング理論の本質とも言 える. $\beta(g) > 0$ であれば、サイズLと共にコンダクタンス gが増加するため、熱力学的極限ではコンダクタンスが発 散し、系の電気的性質が金属となる.一方、 $\beta(g) < 0$ であ れば、サイズLが増加すると、コンダクタンスが減少し、 無限系では絶縁体となる.このように、アンダーソン転移 における金属相と絶縁相は、コンダクタンスの絶対値では なく、サイズ依存性により定義される.

実際に (4), (5)式を (6)式に代入すると, 両極限におけ る β(q) が得られる:

$$\beta(g) = \begin{cases} \ln g - \ln g_0 < 0 & (g \to 0), \\ d - 2 & (g \to \infty). \end{cases}$$
(7)

さらに, β(g) がgに対して連続かつ短調増加すると仮定し, (7)式の両極限を繋ぐと, d=1,2,3次元に対して図2(b) に 描かれる3本の実曲線を得る.

まず、1次元と3次元の場合を見てみよう、1次元 (d=1) ではスケーリング関数 $\beta(g)$ は常に負となるので、(6)式よ り、サイズLが大きくなるにつれ、コンダクタンスは減少 する.従って、系に乱れがある場合、熱力学的極限では電 子は必ず局在することになる、一方で、3次元 (d=3) では、 乱れが弱い極限では、 $\beta(g)$ が正になる、この時、(6)式よ りサイズLと共にコンダクタンスは増加し、熱力学的極限 では、金属相となる、そして、図2(b)に示すように、あ る乱れの強さでは、スケーリング関数が $\beta(g_c) = 0$ となり、 コンダクタンスがサイズ依存性を失う点が存在する、この *g*。がアンダーソン転移の臨界点に対応する. β(g)の定義 から明らかなように, *g*。は, 繰り込み群の言葉を使うと不 安定固定点である.

このようにスケーリング理論は多くの仮定に基づいてい るため、アンダーソン転移が2次相転移であることを証明 したわけではない.しかしながら、アンダーソン転移を通 常の2次相転移の枠組みで捉えることが可能であることを 提示したことにより、以後の研究に多大な影響を与えたと いう点で、スケーリング理論は非常に重要である.

2.2 2次元系におけるスケーリング理論の問題点

スケーリング理論の結果を2次元 (d=2) に適用すると, (7)式より乱れが弱い極限で $\beta(g)=0$ となるため $\beta(g)$ が正 になることはない.繰り込み群の流れを考えると,わずか な乱れでも存在すると,無限系では常に絶縁相になるため, 有名な「2次元以下では常にアンダーソン局在する」とい う結論が導かれる.しかし,実際の2次元系では,このス ケーリング理論の結論と矛盾する現象が存在する.

その一例は、スピン軌道相互作用が強い2次元電子系に おける反局在効果である.この系は乱れが弱い時、温度を 下げるとコンダクタンスが増加することが実験的にも知ら れている.温度と非弾性散乱長 ℓ_p は $\ell_p \propto T^{-2p}(p>0)$ とい う関係があるため、温度を下げると、非弾性散乱長が増加 し有効的にシステムサイズLが増加すると考えられる.そ のため、この実験結果は2次元系でありながら金属相の存 在を示唆している.

また、2次元電子系に垂直磁場を印加した時に生ずる量 子ホール効果⁶⁾もその一例である.量子ホール効果では ホール伝導率 σ_Hが e²/hを単位とし量子化され、磁場やゲー ト電圧を変化させても σ_Hが一定となるプラトー領域が現 れる.プラトー領域では縦伝導率 σ_{xx} はゼロとなり、バル クの電子状態はアンダーソン局在している.ところがホー ル伝導率 σ_Hが、隣り合うプラトー領域に移る(プラトー 転移)時、縦伝導率 σ_{xx} が有限となることがホールバーを 用いた実験でも観測される.これは系のバルクな状態が非 局在状態となることを意味しており、やはりスケーリング 理論の結論とは矛盾している.

さらに, Bi₂Se₃などに代表されるスピン軌道相互作用の 強い3次元トポロジカル絶縁体の表面状態は,2次元表面 であるにも関わらず,バルク状態のエネルギー・ギャップ が閉じない限り,常に非局在状態のままである.

2.3 系の対称性,対称性クラス

この矛盾の原因を明らかにするために、スケーリング理 論では無視されていたスピン軌道相互作用や磁場が、電子 の散乱現象にどのような寄与を及ぼすのかを考える必要が ある.そのために、不純物による後方散乱を考えてみよう. 波数 k から k'への散乱振幅は、Born 近似を用いると、ポ テンシャル項のフーリエ変換で与えられる:

$$\boldsymbol{k}'|\boldsymbol{V}|\boldsymbol{k}\rangle = \int \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\boldsymbol{k}'\cdot\boldsymbol{r}}\boldsymbol{V}(\boldsymbol{r})\,\mathrm{e}^{\mathrm{i}\boldsymbol{k}\cdot\boldsymbol{r}}\mathrm{d}^d\boldsymbol{r}\,.$$
(8)

磁場や磁性不純物がない場合は,系に時間反転対称性があるので,kから-kへの後方散乱プロセスと,その逆の散乱プロセス,すなわち-kからkへの散乱振幅は等しくなる:

$$\langle -\mathbf{k}|V|\mathbf{k}\rangle = +\langle \mathbf{k}|V|-\mathbf{k}\rangle . \tag{9}$$

散乱確率は、全散乱プロセスの散乱振幅の和の2乗で与え られるため、(9)式より後方散乱の確率が強め合い高くな ることが分かる.結果として、電子を局在状態に導く.

磁場を印加したり磁性不純物が存在すると,時間反転対称性が破れるため,(9)式は成立せず,時間反転対称性がある場合と比較し局在の効果が弱まる.これは,負の磁気抵抗と呼ばれる,磁場を印加することによりコンダクタンスが増加(電気抵抗が低下)する現象の物理的原因である.

一方,スピン軌道相互作用がある場合は,スピン回転対称性が破れるため,散乱振幅に対してもスピンの寄与を考える必要がある.時間反転操作を行うと波数だけでなくスピンの向きも反転するので,以下の関係式が成立する:

$$\langle -\mathbf{k}, \uparrow | V | \mathbf{k}, \uparrow \rangle = + \langle \mathbf{k}, \downarrow | V | - \mathbf{k}, \downarrow \rangle$$
 (10)

ここで, ↑,↓は, それぞれ電子のアップ・ダウンスピンを 表す. 一方で, スピンの向きを変えない後方散乱プロセス は,

$$\langle -\mathbf{k}, \uparrow | V | \mathbf{k}, \uparrow \rangle = - \langle \mathbf{k}, \uparrow | V | -\mathbf{k}, \uparrow \rangle, \qquad (11)$$

となり,右辺に負符号が付く(ダウンスピンについても同様).よって,相殺的な干渉となり,後方散乱の確率は弱め合う.

以上の議論から分かるように系の持つ対称性は、アン ダーソン局在の性質を大きく左右する.そのためアンダー ソン局在・転移の議論を行う上で、対称性により分類され る対称性クラスを導入すると便利である.伝統的には、時 間反転対称性とスピン回転対称性の有無から表1に示すよ うに、3つのWigner-Dysonクラス (orthogonal, unitary, symplectic クラス)に分類する.その後、1997年にAltland と Zirnbauer により、不規則電子系は粒子-ホール対称性とカ イラル (副格子)対称性という対称性も持ちうることを考 慮し、アンダーソン転移の対称性クラスは10個に拡張さ れた.¹⁵⁾

Wigner-Dyson クラスに対するスケーリング関数 $\beta(g)$ を 1/g で摂動展開すると以下のように記述される¹⁶:

$$\beta(g) = \begin{cases} (d-2) - 1/(\pi g) - \mathcal{O}(g^{-4}) & (\text{orthogonal}), \\ (d-2) - 1/(2\pi^2 g^2) - \mathcal{O}(g^{-4}) & (\text{unitary}), \\ (d-2) + 1/(\pi g) - \mathcal{O}(g^{-4}) & (\text{symplectic}). \end{cases}$$
(12)

(symplectic クラスのコンダクタンスは、スピンについての 和をとる.) (12)式から分かるように、スピン軌道相互作 用の強い系 (symplectic クラス)のスケーリング関数 $\beta(g)$ は、 g^{-1} 項の展開係数が正となる.よって、symplectic クラ スは、2次元でも $\beta(g) > 0$ となりうるため、非局在状態が

表1 アンダーソン転移の Wigner-Dyson クラスに属する対称性クラスと数 値計算により得られた2次元系におけるアンダーソン転移の臨界指数νと α₀. unitary クラスの臨界指数は、量子ホール・プラトー転移のものである. 表中の "TRS" と "SRS" は、それぞれ時間反転対称性とスピン回転対称性を 表す.

対称性クラス	TRS	SRS	v	α ₀
orthgonal unitary symplectic	有り 無し 有り	有り 有り/無し 無し	2.59 ²⁴⁾ 2.74 ¹⁷⁾	2.26 ²⁵⁾ 2.17 ²⁶⁾

存在し、先に述べた反局在効果が実験により観測される. 実際、2次元 symplectic クラスのスケーリング関数 $\beta(g)$ を数値的に求めたところ、図2(b)の破線で示される曲線のように振る舞うことが確認された.¹⁷⁾従って、 $\beta(g_c)=0$ となる点が存在することになり、2次元系でもアンダーソン転移が起こることが理解できる.

一方で、時間反転対称性が破れた unitary クラスのスケー リング関数 $\beta(g)$ は、最低次の g^{-2} 項の係数が負であるた め、非局在状態は現れないはずである。従って、対称性の 議論だけでは、なぜ量子ホール系で非局在状態が現れるの かを説明できない、また、スピン軌道相互作用の強い3次 元トポロジカル絶縁体の表面状態が、全く局在しない理由 も対称性だけでは説明がつかない.

2.4 弱局在理論, 非線形σ模型, トポロジカル項

量子ホール系や3次元トポロジカル絶縁体の表面状態に おける非局在状態の原因を説明するために,まず,(1),(2) 式で定義されるハミルトニアンを用いて,不規則系の電子 状態を解析的に扱う手法である非線形の模型の紹介を行い たい.ただし,本解説では乱れ平均を行うための基本的な 考え方を説明するに留め,より詳細な導出は1章で紹介し た他のレビュー論文や書籍に譲る.

2.1節で紹介したように、アンダーソン転移における金 属相、絶縁相はコンダクタンスのサイズ依存性により定義 される。解析的にコンダクタンスを計算するために、久保 公式を用いる。そのためには、(1)、(2)式のハミルトニア ンに対する先進グリーン関数 $G^{A}(\mathbf{r},\mathbf{r}')$ と遅延グリーン関数 $G^{R}(\mathbf{r},\mathbf{r}')$

$$G^{A,R}(\boldsymbol{r},\boldsymbol{r}';E) = \left\langle \boldsymbol{r} \middle| \frac{1}{E - H_0 - V(\boldsymbol{r}) \mp i\varepsilon} \middle| \boldsymbol{r}' \right\rangle, \tag{13}$$

の積を計算し, さらに (2)式に従って乱れ平均を行えばよ いことになる. ただし, (13)式では不規則ポテンシャル項 *V*(*r*)が分母にあるため, 単純に (2)式を用いて, 乱れ平均 を行うことはできない. これが, アンダーソン局在・転移 の解析的な取扱いの難しい点である.

この問題に対する一つの解法は,(13)式の右辺をポテン シャル項*V*(*r*)で摂動展開し,*V*(*r*)を分子に移動した後で, 乱れ平均を取る方法である.この場合,*V*(*r*)について無 限次の項が現れるため,様々な散乱プロセスを表すファイ ンマン・ダイアグラムを考える必要がある.その中から不 規則系の伝導に寄与する散乱モード,すなわち Diffuson と

Cooperon, を取り出すことにより**弱局在理論**が構築される. 一方で,ポテンシャル項についての摂動展開を行わず, 超対称性法⁸⁾ やレプリカ法を用いることにより,グリーン 関数に対して乱れ平均を行い,不規則電子系を記述する有 効理論である非線形σ模型を導出することもできる. 超対 称性法の場合,フェルミオンとボソンに対応するグラスマ ン数χ(r) と c 数S(r) からなる超ベクトルの場Φ(r)を導入 することにより,グリーン関数は

$$G^{A,R}(\mathbf{r},\mathbf{r}';E) = \pm i \int \mathcal{D}\Phi^* \mathcal{D}\Phi S^*(\mathbf{r}) S(\mathbf{r}') e^{-\mathcal{L}_{\pm}}, \qquad (14)$$

$$\mathcal{L}_{\pm} = \mathrm{i} \int \mathrm{d}^{d} \boldsymbol{r}^{\prime\prime} \Phi^{\ast}(\boldsymbol{r}^{\prime\prime}) [\mp \{ E - H_{0} - V(\boldsymbol{r}^{\prime\prime}) \} + \mathrm{i}\varepsilon] \Phi(\boldsymbol{r}^{\prime\prime}), \quad (15)$$

となり、分母が現れない式で記述できる. これは2体のグ リーン関数の積の場合でも変わらないため、指数関数を展 開することにより、厳密に乱れ平均を行うことが可能であ る. しかしこの手法の代償は、乱れ平均を行うことにより 有効ハミルトニアンにΦの4乗項が現れることである. 元々の問題が一電子近似ハミルトニアンであるにも関わら ず、乱れ平均を行うことにより多体の相互作用が現れるこ とを意味しており、不規則系の難しさの一旦を垣間見るこ とができる. そこで、Φの4乗項をΦの2乗項に分解する ために、補助場として超行列 $Q(\mathbf{r})$ を導入し、Hubbard-Stratonovich変換を行う. さらに $Q(\mathbf{r})$ に対して長距離揺ら ぎのみを取り出す勾配展開を行い、導出された有効理論が、 不規則電子系における**非線形σ模型**である. このモデルの 有効的な作用 Seff[Q] は

$$S_{\text{eff}}[Q] = \alpha \pi \rho \left[d^d \mathbf{r} \operatorname{Str}[-D[\nabla Q(\mathbf{r})]^2 - 2i\epsilon \Lambda Q(\mathbf{r})], \quad (16) \right]$$

と書ける. $\Lambda \equiv \text{diag} \{1, -1\}$ は先進・遅延グリーン関数の違いを反映し, Dは拡散定数, α は系の対称性により決まる定数, Str は超行列に対するトレースである. 非線形 σ 模型では, 弱局在理論では扱えなかった強い乱れの寄与を調べることができる.

更に、非線形σ模型では、弱局在理論のような摂動的 アプローチでは捉えることができないトポロジカル項の 存在を議論できる.ここで考えるトポロジカル項は、 θ (Pruisken)項、 \mathbb{Z}_2 トポロジカル項(θ 項のうち θ =0,πのみ 取りうる)、Wess-Zumino-Witten (WZW)項である.⁹⁾これ らのトポロジカル項が(16)式の有効作用 S_{eff}[*Q*]に加わる と、 θ 項と \mathbb{Z}_2 トポロジカル項の場合は θ =πの時のみ、また WZW項の場合は常に、バルクの電子状態は乱れがあって もアンダーソン局在を回避できることが知られてい る.^{18,19)}そして、トポロジカル項が(16)式の作用に加わ るか否かは、それぞれの空間次元・対称性クラスにおける 補助場*Q*(*r*)が定義される多様体のホモトピー群によって 決まる.

2次元 unitary クラスの場合は、 $S_{eff}[Q]$ に θ 項を加えるこ とが可能である.⁸⁾よって、 $\theta \neq \pi$ の時電子はアンダーソン 局在するが、 $\theta = \pi$ の時のみアンダーソン局在を回避しバル クの電子状態が非局在状態となる.これは、まさしくθ=π をプラトー転移点とする量子ホール効果である.すなわち、 スケーリング理論では捉えることができなかった量子ホー ル系のプラトー転移は、θ項が加わった非線形σ模型によ り説明される.

また、奇数個の Dirac フェルミオンからなる 2 次元 symplectic クラスの非線形 σ 模型には、常にアンダーソン局在 を禁止する $\theta = \pi \sigma \mathbb{Z}_2$ トポロジカル項を加えることが許さ れる.¹⁹⁾ このことが Bi₂Se₃ などのスピン軌道相互作用を有 する 3 次元系のトポロジカル絶縁体の存在を裏付けること になる. さらに、 \mathbb{Z}_2 トポロジカル項と WZW 項の有無を全 ての対称性クラス・空間次元に対して調べることにより、 トポロジカル絶縁体・超伝導体の分類が行われた.¹⁹⁾

2.5 ユニバーサリティ・クラス

以上のことから,アンダーソン転移における臨界現象の ユニバーサリティ・クラスは,空間次元,10個の対称性 クラス,非線形σ模型におけるトポロジカル項の有無の組 み合わせにより分類される.元々のスケーリング理論では 2次元系ではアンダーソン転移が起こらないという予想で あったが,実は対称性やトポロジカル項を考慮すると,2 次元系では10個の対称性クラスのうち,orthogonal クラス 以外の9個の対称性クラスでアンダーソン転移が起こるの である.

3. アンダーソン転移における臨界指数

ユニバーサリティ・クラスの違いは、アンダーソン転移 の有無だけではなく、臨界指数の値にも、もちろん現れる. そこで本章では、アンダーソン転移の臨界現象の研究でよ く調べられる、局在長の発散を特徴付ける指数と、臨界点 における波動関数のべき的減衰を特徴付ける指数を紹介す る.

3.1 臨界指数 v:局在長の発散

2.1節のスケーリング理論で説明したようにアンダーソン転移は2次相転移であるため、図3のように絶縁相側から臨界点に近づくと、局在長さはべき的に増加し、臨界点で発散する.この局在長の発散を特徴付ける臨界指数がvであり、以下で定義される:

$$\xi \propto |X - X_{\rm c}|^{-\nu} \,. \tag{17}$$



図3 局在長 ξ と電気伝導率 σ_0 の臨界パラメーターXに対する依存性. X_c が臨界点であり、 $X < X_c$ が絶縁相、 $X > X_c$ が金属相である.

ここで、Xは乱れの強さや化学ポテンシャルなど相を変化 させる relevant な量を表し、 X_{e} は臨界点である.

3.2 マルチフラクタル指数∆_q:スケール不変な波動関数

図1に示したように、アンダーソン転移は、転移の前後 で波動関数の空間構造が大きく異なるという特徴がある. 臨界点における波動関数は、図1(c)に示すように、金属 相・絶縁相とも異なり、非常に複雑な空間構造を形成する. この複雑な構造は、臨界点では局在長が発散するため系の 特徴的長さが消失することに伴い、波動関数がスケール不 変なマルチフラクタル(自己相似)構造を有するためであ る.^{20-22,13)}

マルチフラクタル性を定量的に議論するための一般的な 手法として、一辺の長さがLのd次元系の波動関数 $\psi(\mathbf{r})$ に 対して以下で定義される inverse participation ratio (IPR) I_q を導入する:

$$I_q \equiv \overline{\int \mathrm{d}^d \boldsymbol{r} |\psi(\boldsymbol{r})|^{2q}} \propto L^{-\tau_q}, \quad \tau_q \equiv \mathrm{d}q + \Delta_q - d \;. \tag{18}$$

臨界点の波動関数であれば, I_q は (18)式右辺のように, サ イズLに対してべき関数で振る舞う. ここで, Δ_q をマルチ フラクタル指数と呼び, qは範囲が $[-\infty:\infty]$ の任意の実 数である. マルチフラクタルとは, 指数 Δ_q が, 図4(a)に 示すように, qについて非線形な振る舞いを示すことに対 応する.

また、マルチフラクタル性を調べる際には、*tq*のルジャンドル変換で定義されるマルチフラクタル・スペクトル

$$f(\alpha) \equiv \alpha q - \tau_q, \quad \alpha \equiv \frac{\partial \tau_q}{\partial q}, \tag{19}$$

も重要な指標となる.分かりやすく言えば,f(a)は,位置rにおける波動関数振幅 $|\psi(r)|^2$ が局所的に $L^{-\alpha}$ でスケールされる点の空間的な分布を特徴付けるフラクタル次元に対応すると考えればよい.(ただし,(18),(19)式により定義された $f(\alpha)$ は,負にもなり得る.) $f(\alpha)$ は, $q \rightarrow 0$ における α , すなわち

$$\alpha_0 = \partial \tau_q / \partial q |_{q \to 0} \sim - \overline{\ln |\psi|^2} / \ln L , \qquad (20)$$

において,最大値, $f(a_0) = d$,をとる凸関数である. (20) 式より, $a_0 \operatorname{dln} |\psi|^2$ の平均,すなわち $|\psi|^2$ の幾何平均と関 係づけられる.そのため, a_0 は波動関数振幅分布の代表値 を表す.図4(b)に,f(a)の概略を示す.



図4 (a) マルチフラクタル指数 Δ_q と (b) マルチフラクタル・スペクトル f(α) の概略図. Wigner-Dyson クラスでは、 Δ_q は、 $\Delta_{q=0}=\Delta_{q=1}=0$ を満たし、 また q=1/2 に対して対称になる.²³⁾

マルチフラクタル性に関する研究は、長らく解析・数値 計算を中心に行われてきた.しかし、4章で説明するよう に、実験的にマルチフラクタル性を調べることも可能にな り、その状況は変わりつつある.さらに、5章で紹介する アンダーソン転移における共形場理論では、マルチフラク タル性がアンダーソン転移の臨界現象の難問を紐解く鍵と なるのである.本章のまとめとして、数値計算により得ら れた2次元系のアンダーソン転移における臨界指数νとα₀ を表1に示す.

4. 最近の実験研究

ここからは、アンダーソン転移に関する最近の研究を紹 介していこう.アンダーソン転移の一例である量子ホール 効果の実験では、磁場の強さやゲート電圧を変えることに より、臨界点からの距離の制御が可能であるため、プラ トー転移近傍の縦伝導率の温度依存性から臨界指数vを求 めることができる.しかし、それ以外のユニバーサリ ティ・クラスとなると、乱れの強さを系統的に制御する必 要があるため、実験によるアンダーソン転移の観測すら容 易ではない.

しかし、ここ10年で新しい手法による実験が行われる ようになり、その状況は変わりつつある.また、グラフェ ンやトポロジカル絶縁体などの新規物質が研究対象に加わ り、さらに電子系に限らず冷却原子、光、弾性波のアンダー ソン局在・転移の研究も行われるようになるなど、実験の 舞台が大幅に拡大していることもその要因である.特筆す べきは、いくつかの実験系では、以前の実験では困難で あったマルチフラクタル性などの臨界的性質をも調べるこ とが可能となったことである.本章では、このようなアン ダーソン局在・転移に関する最近の実験をいくつか紹介し たい.

4.1 量子ホール転移における電子の局所状態密度

まずは、電子系における新しい実験として、半導体の2 次元表面状態についての走査型トンネル顕微鏡 (Scanning Tunneling Microscope: STM) による研究を紹介する. 近年, 物質の表面における電子状態の STM 像を観測することが 可能になり、大局的な輸送特性だけではなく、電子の局所 状態密度を実験的に測定することが可能になった。2003 年にM. Morgenstern らにより、強い垂直磁場を印加した2 次元表面の電子状態のSTMによる観測が行われた.27) ラ ンダウ・バンドの中心では、量子ホール転移が起こるため 電子状態はスケール不変なマルチフラクタル状態となるこ とが1983年に理論的に予想されていたが、²¹⁾ゲート電圧 を制御することによりランダウ・バンド中心の STM 像を 得たところ、電子の局所状態密度が非常に複雑な空間構造 を成すことが実験的に確認された. さらに、測定された局 所状態密度よりマルチフラクタル・スペクトル f(α)の計 算も行われている.

4.2 冷却原子の実空間におけるアンダーソン局在・転移

このように電子系においても新しい実験手法を用いるこ とにより、従来では得られなかったアンダーソン転移にお ける臨界的な振る舞いを観測することが可能になった.し かしながら、ここ10年間のアンダーソン局在・転移に関 する実験の目覚しい進展は、電子系以外の新しい実験系が 生み出されたことも大きな要因である.

2008年に発表された冷却原子を用いた Bose-Einstein 凝縮の実験では,Bose-Einstein 凝縮した物質波に対して,光 学的に作り出したランダムポテンシャル²⁸⁾ や不整合な光 学格子²⁹⁾を閉じ込めポテンシャルに印加することにより, 実空間における(準)1次元系のアンダーソン局在の観測 を行った.1次元系では非常に弱い乱れでも局在状態しか 現れないが,その後の発展研究で,3次元への拡張が行わ れ,^{30,31)} 乱れの強さを変化させることにより,非局在状態 から局在状態への転移も実験的に確認することができるよ うになった.

4.3 Kicked 回転子による運動量空間のアンダーソン転移

同じく冷却原子を用いるが,周期的に外力を印加することにより,運動量空間における不規則系を実現する, Kicked回転子系におけるアンダーソン転移の実験結果も2008年から発表されている.³²⁻³⁴⁾ Kicked回転子の実験では,周期的な外力を印加してからt秒後の運動量分布の測定を行い,得られた分布関数より見積もられる運動量の分散の時間依存性から,局在相か非局在相かを判断することができる.

3次元 orthogonal クラスに属すると考えられる Kicked 回 転子の実験では、運動量の分散に対してスケーリング解析 を行うことにより、フィッティング・パラメーターとして 導入された局在長がある乱れの強さでべき的な発散を示唆 する結果が得られた.³⁴⁾ さらに、実験的に見積もられた べき指数は $v\approx 1.63 \pm 0.05^{34)}$ であるが、この値は3次元 orthogonal クラスに対する数値計算結果 $v=1.58^{35)}$ と良く 一致する.過去の数値的研究により、アンダーソン転移が 普遍的な臨界指数により特徴付けられる2次相転移である ことは、多くの研究者にすでに認められていたが、Kicked 回転子におけるこの結果により、実験的にも裏付けられた といえる.さらに、Kicked 回転子の実験では、臨界点に おける波動関数振幅の分布関数が、マルチフラクタル性を 示唆するスケール不変性を有していることも確認され た.³³⁾

4.4 弾性波のアンダーソン局在・転移

さらに、近年は冷却原子以外でも、光や弾性波などを用 いたアンダーソン局在・転移の実験が行われている.2008, 2009年に発表された弾性波^{36,37)}の実験は、直径約4mm のアルミニウムの多数のビーズをランダムに結合すること により、体積率が55%程度の非常に疎な3次元物質を作成 し、ある面から発生させた弾性波を対面で観測することに より行われる、弾性波には、吸収に伴う振幅減衰と、ラン ダムな構造に伴うアンダーソン局在の寄与が混在するが, 吸収に伴う振幅減衰を除去することにより,非局在状態か らアンダーソン局在状態への転移を実験的に示した.³⁶⁾更 に,対面に到達した弾性波の実空間振幅を測定し,得られ た振幅データを用いてマルチフラクタル解析を行ったとこ ろ.³⁷⁾ 2006年に理論的に示されたマルチフラクタル指数 Δ_q が満たすべき対称関係式,²³⁾ $\Delta_q = \Delta_{1-q}$,が実験により確 認された.

このように,最新の理論結果すらも,実験による検証が 可能となり,今後の研究発展も非常に期待できる.さらに は,理論的には極めて難しい問題である,粒子間相互作用 が強い不規則系の局在問題に関しては,このような実験研 究がより一層重要な役割を果たすであろう.

5. 最近の理論研究

最後に,最近のアンダーソン転移に関する理論的な研究 を紹介したい.2.4節では,弱局在理論や非線形σ模型な ど不規則電子系に対する解析手法を紹介した.これらの手 法を用いることにより,解析的な臨界指数の導出も行われ ているが,数値的に得られた値と一致するまでには至って いない.そのため,アンダーソン転移の臨界現象を記述す る理論の構築は,この研究分野に残された大きな問題の一 つである.

このような中、2次元系のアンダーソン転移に対して共 形場理論を適用することで、その臨界現象の解明を目指す 試みがある.³⁸⁾(非常に先駆的な例として量子ホール転移 に対し、共形場理論を適用した研究が2000年に行われて いる.³⁹⁾)**共形不変性**とは、系が局所的な並進・回転・ス ケール変換などに対して不変な性質である.⁴⁰⁾この対称性 を有する2次元の相転移に対しては、共形場理論を適用す ることにより、臨界指数を解析的に厳密に導出できるため、 非常に強力な手法である.本章では、アンダーソン転移に おける共形場理論に関する最近の研究について紹介したい.

5.1 アンダーソン転移における共形不変性

アンダーソン転移の臨界現象に対して共形場理論を適用 する際、そもそも不規則系であるアンダーソン転移に共形 不変性が存在するのか?という疑問が生じる.この問題を 明らかにするため、まず、以下の2つの仮定を行う:

- [1] アンダーソン転移の臨界点に共形不変性が存在する.
- [2] 局所状態密度 $\rho(\mathbf{r})$ のq乗が,対応する場の理論の primary 演算子 $\mathcal{O}_q(\mathbf{r})$ である:

 $\langle \mathcal{O}_q(\mathbf{r}) \rangle \equiv \overline{[\rho(\mathbf{r})]^q} = (L^d \rho)^q \overline{[|\psi(\mathbf{r})|^2]^q}.$

(左辺のブラケットは、演算子の期待値を表す.)

primary 演算子とは、任意の共形変換w = f(z)により、複素 平面z($\equiv x + iy = re^{i\phi}$; $x, y \in \mathbb{R}, r \in [0:\infty], \phi \in [0:2\pi)$)を別 の複素平面w($\equiv u + iv$; $u, v \in \mathbb{R}$)に変換した際に、それぞ れの平面における場の演算子の期待値が以下のような関係 式を満たす演算子である:

$$\langle \mathcal{O}_q(w) \rangle = |dz/dw|^{x_q} \langle \mathcal{O}_q(z) \rangle .$$
⁽²¹⁾

(21)式の x_q は異常次元(またはスケーリング次元)と呼ばれ、 $\langle O_q(\mathbf{r}) \rangle$ のサイズ依存性により定義される:

$$\langle \mathcal{O}_q(\mathbf{r}) \rangle \propto L^{-x_q}$$
 (22)

Wigner-Dyson クラスのアンダーソン転移では状態密度 ρ は一定であるため、仮定[2]と(18)式より $x_q = \Delta_q$ となる、 すなわち、マルチフラクタル指数そのものが異常次元とな る、Wigner-Dyson クラス以外では、状態密度 ρ が、アン ダーソン転移点で $\rho \propto L^{-x_p}$ のように特異性を示す、この場 合、異常次元は、 $x_q = \Delta_q + qx_q$ となる、

アンダーソン転移の臨界波動関数が,様々な共形変換に 対し,(21)式を満たすことが確認できれば,仮定[1],[2] が正しいと考えることができる.

5.2 準1次元系への共形変換

半径Rの2次元複素z平面では、臨界点の波動関数はマ ルチフラクタル性を有するので、 $\langle O_q(z) \rangle \propto R^{-x_q}$ となる.2 次元複素平面に対し、対数関数 $w = (M/2\pi) \ln z$ による共形 変換を行うと、長さL、円周Mの準1次元的な中空円筒形 状に変換される、従って、(21)式より、

$$\langle \mathcal{O}_q(w) \rangle \propto \exp\left[-\frac{2\pi}{M} x_q (L-u)\right],$$
 (23)

を得る.一方,準1次元系では、波動関数は局在するため、

$$|\psi(\mathbf{r})|^{2q} \propto \exp(-2|\mathbf{r} - \mathbf{r}_0|/\xi_q), \qquad (24)$$

となると考えられる. ここで ξ_q は, (3)式を拡張し, 波動 関数の2乗のq次のモーメントに対して定義される一般化 された局在長である. (23)式と(24)式を比較し, さらに Wigner-Dysonクラスでは $x_q = \Delta_q$ であることを考慮すると, 局在長とマルチフラクタル指数に関する以下の関係式が得 られる:

$$M/\xi_q = \pi \Delta_q . \tag{25}$$

準1次元系の局在長を数値的に求める一般的な手法であ る転送行列法³⁵⁾では、ln|ψ|²の平均値についての局在長

$$\overline{\ln|\psi(\mathbf{r})|^2} \propto -\frac{2|\mathbf{r} - \mathbf{r}_0|}{\tilde{\xi}},\tag{26}$$

の計算を行うため, (25)式を $\tilde{\xi}$ に対するものに変換した方 が便利である. $\overline{\ln|\psi|^2} = d|\overline{\psi|^{2q}}/dq|_{q\to 0}$ であることから, (23), (24)式をqで微分し, $q\to 0$ の極限を考えると

$$\Lambda_{\rm c}^{-1} = \pi (\alpha_0 - 2) , \quad \Lambda_{\rm c} \equiv \tilde{\xi} / M , \tag{27}$$

を得る. 2次元系の量子ホール・プラトー転移や symplectic クラスのアンダーソン転移において独立な数値計算により 得られた $\alpha_0 \ge \Lambda_c \acute{m}$ (27)式を満たすことが 1990 年代から知 られていた.⁴¹⁾ しかしながら, q=0の極限に限られたこと, また他の共形変換についての数値的検証が困難であったこ とから, アンダーソン転移における共形不変性の存在をよ



図5 (a) バルク領域 \mathcal{R}_b ,境界領域 \mathcal{R}_s ,角度が θ のコーナー領域 \mathcal{R}_d . (b) 2次元半平面. (c) $w = M/\pi \ln(z)$, (d) $w = z^{\theta/\pi}$ により2次元半平面を共形変換した形状.

り確実にするため、さらなる検証が望まれていた.

5.3 境界マルチフラクタル性と共形不変性

ここで、2005年に提案された境界マルチフラクタル 性^{42,43)}という、新しいマルチフラクタル性が重要となる. (18)式では、例えば周期境界条件を課すことにより、波動 関数はバルクの性質のみを有していることを暗に仮定して いた.しかし、図5(a)に示すように、例えば2次元系に 固定境界条件を課すと、系の境界から離れた領域*R*_bのマ ルチフラクタル性は周期境界条件を課した時と同様のバル クの性質を示すのに対し、境界近傍*R*_sではバルク領域と は異なるマルチフラクタル性を示すことが期待される.こ のことから近年、一般的な臨界現象で議論される境界臨界 性をアンダーソン転移に適用することにより、境界マルチ フラクタル性という新しいマルチフラクタル指数の概念が 提案された、境界がある系のマルチフラクタル性は、(18) 式を拡張し以下のように定義される:

$$\overline{|\psi(\mathbf{r}\in\mathcal{R}_b)|^{2q}} \propto L^{-\mathrm{d}q-\Delta_q^b},\tag{28}$$

$$|\psi(\mathbf{r} \in \mathcal{R}_s)|^{2q} \propto L^{-\mathrm{d}q - \Delta_q^s},\tag{29}$$

 $\Delta_{q}^{b}, \Delta_{q}^{s} \varepsilon$, それぞれ, バルクマルチフラクタル指数, 境界 マルチフラクタル指数と呼ぶ. さらに, 図 5(a) には, 角度 が θ のコーナー領域 \mathcal{R}_{θ} も存在する. この領域におけるマ ルチフラクタル性も, 上式と同様に,

$$\overline{|\psi(\mathbf{r}\in\mathcal{R}_{\theta})|^{2q}} \propto L^{-\mathrm{d}q-\Delta_{q}^{\theta}},\tag{30}$$

と定義し、 Δ_q^{θ} をコーナー・マルチフラクタル指数と呼ぶ.

各 $\Delta_q^x(x=b, s, \theta)$ を, (18)式で導入した IPR のべき指数 τ_q に関係付けると, 2次元系では,

$$\tau_q^x = dq + \Delta_q^x - d_x \quad (x = b, s, \theta) , \qquad (31)$$

$$d_b = 2 , \quad d_s = 1 , \quad d_\theta = 0 ,$$

となる. そして, (31)式をルジャンドル変換すると、それ

ぞれの領域におけるマルチフラクタル・スペクトルを得る:

$$f^{x}(\alpha^{x}) = \alpha^{x}q - \tau^{x}_{q}, \quad \alpha^{x} = \mathrm{d}\tau^{x}_{q}/\mathrm{d}q \;. \tag{32}$$

境界マルチフラクタル性は,共形不変性の検証を行う上 で,非常に重要である.なぜなら,図5(c),(d)に示すよう に,周期境界を課したバルクの系に比べ,境界のある系の 方が,数値的検証が比較的容易ないくつかの共形変換を考 えることができるからである.

図 5(b) の 2 次 元 半 平 面 z に 対 し て, 対 数 関 数 w= (M/π) ln z により 共形変換を行うと, 図 5(c) に示す長さ L, 幅 M の準 1 次元ストライプ形 w 平面に変換される. (27) 式 の導出と同様の計算を行うと, 準 1 次元系の局在長と境界 マルチフラクタル性を結びつける関係式

$$M/\xi_{q}^{s} = \pi \Delta_{q}^{s}/2, \qquad (33)$$

$$(\Lambda_{c}^{s})^{-1} = \pi (\alpha_{0}^{s} - 2)/2, \quad \Lambda_{c}^{s} \equiv \tilde{\xi}^{s}/M, \qquad (34)$$

を得る. ぞは、図5(c)のような境界のある準1次元系の波 動関数に対して、(26) 式のそをぞい置き換えた式で定義 される.以前の数値研究⁴⁴⁾で、準1次元系の局在長が境 界条件に依存することが報告されていたが、(25)、(33)式 より、この原因は、(因子2を除き)バルクマルチフラク タル性と境界マルチフラクタル性の違いに起因することが 分かる.

さらに、境界がある系では、べき関数による共形変換 w=z^{θ/π}を行うことにより、図5(d)に示す角度θのくさび形 状のw平面への変換が可能である.くさび形状では、コー ナー・マルチフラクタル性が現れるため、(21)式より、

$$\Delta_q^{\theta} = \frac{\pi}{\theta} \, \Delta_q^s \,, \tag{35}$$

$$\alpha^{\theta} - 2 = \frac{\pi}{\theta} (\alpha^{s} - 2), \quad f^{\theta}(\alpha^{\theta}) = \frac{\pi}{\theta} [f^{s}(\alpha^{s} - 1)], \quad (36)$$

という関係式が得られる.

2次元量子ホール系, symplectic クラスなどのアンダー ソン転移を記述する理論モデルを用いることにより,(34) 式が成立することが数値的に確認されている.⁴⁵⁾ また,2 次元 symplectic クラスの金属-絶縁体転移に対する,(36) 式の検証結果を図6に示す.数値計算により直接計算され た $\theta = \pi/4$, $\pi/2$, $3\pi/4$ におけるコーナー・マルチフラクタ ル・スペクトルが,(36)式を通して境界マルチフラクタ ル・スペクトルと一致することから,(36)式が成立してい ることが分かる.^{43,46)}

以上の結果により、2次元系のアンダーソン転移におい て共形不変性が存在することは疑いのないものとなり、ア ンダーソン転移の臨界現象を共形場理論により理解するこ とができる道筋がたった.並進対称性の破れた不規則系で あるにも関わらず、共形不変性が存在する理由は、乱れ平 均を行うことにより有効的に並進対称性を回復しているか らであると考えられる.



図6 2次元 symplectic クラスにおける金属-絶縁体 (M-I) 転移,及び,金属-量子スピンホール絶縁体 (M-QSHI) 転移における様々なマルチフラク タル・スペクトル $f(\alpha)$.破線,点線、一点破線の楕円内に含まれるシンボ ルは、それぞれ、バルク、境界、コーナー $f(\alpha)$ を表し、より詳細な情報は 図中の凡例を参照のこと、破線、実線、点線の曲線は、それぞれ、数値計 算により得られた M-I 転移における境界マルチフラクタル・スペクトル $f^{s}(\alpha^{i}) \in (36)$ 式に代入することにより見積もられた、 $\theta = \pi/4, \pi/2, 3\pi/4$ にお けるコーナー・マルチフラクタルスペクトル $f^{\theta}(\alpha^{\theta})$ を示す.

5.4 トポロジカル相転移とアンダーソン転移

ここで、共形不変性に関する話は一休みして、トポロジ カル絶縁体におけるアンダーソン転移の興味深い性質を紹 介したい.現在.物性物理ではトポロジカル絶縁体・超伝 導体に関する研究が盛んに行われている. トポロジカル絶 縁体とは、バルクの状態のエネルギーギャップ中に、系の 表面に局在したギャップレスな伝導状態 (エッジ状態,表 面状態) が存在する物質である. この新しい絶縁体の性質 は、価電子帯におけるバルクの波動関数から計算される整 数のトポロジカル数により特徴付けられる.47)同じトポロ ジカル数を持つ状態を一つの相と考えると、異なるトポロ ジカル数の状態に移ることをある種の相転移と見なすこと ができるため、トポロジカル相転移と呼ぶ. 乱れのない系 におけるトポロジカル相転移では、転移点でバルクのエネ ルギーギャップが閉じ、半金属のように振る舞う.しかし、 実際の物質には、不純物や欠陥が存在する. このような (対 称性を破らない) 乱れのある系のトポロジカル相転移では 転移点でギャップが閉じるだけでは不十分で、量子ホール 系におけるプラトー転移のように、転移点に非局在状態が 現れる必要がある。従って、不規則系におけるトポロジカ ル相転移とは、転移点における非局在状態を経由するトポ ロジカル絶縁相間のアンダーソン転移、あるいはトポロジ カル絶縁相から金属相(またはトポロジカルに自明な絶縁 体)へのアンダーソン転移であると考えることができる.

トポロジカル相転移におけるアンダーソン転移は,通常 のアンダーソン転移と同様に考えていいのであろうか? この興味深い研究テーマは,時間反転対称性を有する2次 元トポロジカル絶縁体である量子スピンホール系における アンダーソン転移,すなわち金属-量子スピンホール絶縁 体 (Metal-Quantum Spin Hall Insulator: M-QSHI) 転移に関 する研究⁴⁸⁾から幕を開けた.量子スピンホール系の対称 性クラスは、時間反転対称性がありスピン回転対称性が破 れた2次元 symplectic クラスである.M-QSHI 転移におけ る臨界指数vやバルクマルチフラクタル性の研究により、 M-QSHI 転移は、通常の2次元 symplectic クラスと同じユ ニバーサリティ・クラスに属することが明らかとなっ た.^{2,26)}

しかし、トポロジカル絶縁体におけるアンダーソン転移 の臨界現象全てが、通常のアンダーソン転移と同じという わけではない。固定境界を課した系の臨界現象を調べると、 図6に示すように、M-QSHI転移におけるバルクマルチフ ラクタル性(図中の×)は、2次元 symplectic クラスのM-I 転移のバルクマルチフラクタル性(図中の○)と一致する が、M-QSHI転移における境界マルチフラクタル性(図中 の+)はM-I転移の境界マルチフラクタル性(図中 の+)はM-I転移の境界マルチフラクタル性(図中の●) とは異なる.²⁶⁾この結果は、境界マルチフラクタル性が、 量子スピンホール絶縁相のエッジ状態に影響されると考え るのが自然である。すなわち、境界マルチフラクタル性は トポロジカル相転移で変化するトポロジカル数に依存する と考えられる。

5.5 共形場理論による臨界指数の導出

再び、アンダーソン転移の共形不変性に関する話に戻ろう.前節で紹介した、境界マルチフラクタル性のトポロジ カル数依存性は、他のトポロジカル絶縁体・超伝導体でも 成立すると期待できる.中でも、Zトポロジカル超伝導体 である、時間反転対称性が破れ、スピン回転対称性を有す る2次元超伝導体(Altland と Zirnbauer の分類¹⁵⁾で class C) は、トポロジカル数が0から1へと変わるトポロジカル相 転移におけるアンダーソン転移の臨界現象が、古典的な2 次元パーコレーションと同じユニバーサリティ・クラスに 属することが明らかにされているなど、⁴⁹⁾最も解析的な理 解が進んでいる系である.

最近,この系に対して共系場理論を用いることにより, 非負の整数nに対し,トポロジカル数がnからn+1に変化 するアンダーソン転移の境界異常次元が,以下の式で与え られることが解析的に示された⁵⁰:

$$x_{q=1}^{s}(n) = \frac{(3r_n - 2s_n)^2 - 1}{24},$$
(37)

$$r_n, s_n = \frac{6}{\pi} \arccos\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \frac{\sqrt{n(n+2)}}{n+1}\right). \tag{38}$$

いくつかの*n*についての解析結果と,数値計算による検証 結果を表2に示す.注目すべきは,*n*≥1におけるトポロジ カル相転移の境界異常次元は,古典的なパーコレーション 転移では現れない無理数の臨界指数となる点である.表2 に示すように,解析解と数値計算結果を比較した結果,高 い精度で一致することが確かめられた.このように,共形 場理論がアンダーソン転移の臨界現象を理解する上で非常 に有効であることが分かった.

この他にも、共形場理論と関係がある Schramm-Löwner

トポロジカル数n	x ^s (解析解)	x ⁱ (数値計算)
0	1/3	0.333 ± 0.0012
1	0.037720	0.03775 ± 0.00025
2	0.015906	0.01600 ± 0.00002
3	0.008797…	0.00880 ± 0.00001
4	0.005587…	0.00562 ± 0.00001

evolutionと呼ばれる,共形不変なフラクタル曲線の成長現 象を扱う解析手法を用いることにより,量子ホール系の境 界マルチフラクタル性の導出が行われている.⁵¹⁾また最近 では,開放系のprimary演算子に対する,高次の相関関数 についての研究も行われている.⁵²⁾ 2.4節で述べたように, アンダーソン転移の有効理論を導出するためには,超対称 性法やレプリカ法による乱れ平均を行うことから,この転 移に対する共形場理論では,共形場理論において重要なパ ラメーターである中心電荷がゼロになると考えられる.そ のため,アンダーソン転移は,それ自体が現在発展中であ る,対数的共形場理論^{53,54)}により記述されると考えられ ている.このような共形場理論によるアプローチにより, アンダーソン転移の様々なユニバーサリティ・クラスにお ける臨界現象が,今後明らかにされることを期待している.

6. おわりに

以上,駆け足でアンダーソン局在・転移の研究を紹介した. 説明の至らぬ点が多々あったと思うが,本解説により アンダーソン局在・転移に興味を持っていただけたのであ れば幸いである.

最近の理論研究で紹介した研究は,筆者が理化学研究所 の古崎昭主任研究員らと行った研究成果が基になっている. 興味深い研究に携わる機会を与えてくださったことに,改 めて感謝申し上げます.また,本解説を執筆するにあたり 多大なるご助言をくださった北海道大学の矢久保考介教授 に感謝の意を表し,本解説の結びといたします.

参考文献

- 1) P. W. Anderson: Phys. Rev. 109 (1958) 1492.
- H. Obuse, A. Furusaki, S. Ryu and C. Mudry: Phys. Rev. B 76 (2007) 075301.
- 3) P. A. Lee and T. V. Ramakrishnan: Rev. Mod. Phys. 57 (1985) 287.
- 4) 福山秀敏:『アンダーソン局在(物理学最前線2)』大槻義彦編(共立出版, 1982).
- 5) 川畑有郷:『アンダーソン局在のスケーリング理論(物理学最前線13)』 大槻義彦編(共立出版, 1986).
- 6) 長岡洋介,安藤恒也,高山 一:『局在・量子ホール効果・密度波(岩 波講座 現代の物理学 第18巻)』(岩波出版, 1993).
- 7) 小野嘉之: 『金属絶縁体転移 (朝倉物性物理シリーズ1)』(朝倉書店, 2002).
- K. Efetov: Supersymmetry in Disorder and Chaos (Cambridge Univ. Press, 1997).
- A. Altland and B. D. Simons: Condensed Matter Field Theory (Cambridge Univ. Press 2010).
- 10) B. K. Kramer and A. MacKinnon: Rep. Prog. Phys. 56 (1993) 1469.
- 大槻東巳:『不規則電子系の金属-絶縁体転移(現代物理学最前線2)』 大槻義彦編(共立出版, 2000).

- 12) B. Kramer, T. Ohtsuki and S. Kettemann: Phys. Rep. 417 (2005) 211.
- 13) F. Evers and A. D. Mirlin: Rev. Mod. Phys. 80 (2008) 1355.
- E. Abrahams, P. W. Anderson, D. C. Licciardello and T. V. Ramakrishnan: Phys. Rev. Lett. 42 (1979) 673.
- 15) A. Altland and M. R. Zirnbauer: Phys. Rev. B 55 (1997) 1142.
- 16) S. Hikami, A. I. Larkin and Y. Nagaoka: Prog. Theor. Phys. 63 (1980) 707; S. Hikami: Phys. Rev. B 24 (1981) 2671.
- Y. Asada, K. Slevin and T. Ohtsuki: Phys. Rev. Lett. 89 (2002) 256601;
 Phys. Rev. B 70 (2004) 035115.
- 18) K. Nomura, M. Koshino and S. Ryu: Phys. Rev. Lett. 99 (2007) 146806.
- A. P. Schnyder, S. Ryu, A. Furusaki and A. W. W. Ludwig: Phys. Rev. B 78 (2008) 195125; S. Ryu, A. P. Schnyder, A. Furusaki and A. W. W. Ludwig: New. J. Phys. 12 (2010) 065010.
- 20) F. Wegner: Z. Phys. B 36 (1980) 209.
- 21) H. Aoki: J. Phys. C 16 (1983) L205.
- T. Nakayama and K. Yakubo: Fractal Concepts in Condensed Matter Physics (Springer-Verlag, Berlin, 2003).
- 23) A. D. Mirlin, Y. V. Fyodorov, A. Mildenberger and F. Evers: Phys. Rev. Lett. 97 (2006) 046803.
- 24) K. Slevin and T. Ohtsuki: Phys. Rev. B 80 (2009) 041304(R).
- 25) H. Obuse, A. R. Subramaniam, A. Furusaki, I. A. Gruzberg and A. W. W. Ludwig: Phys. Rev. Lett. 101 (2008) 116802.
- 26) H. Obuse, A. Furusaki, S. Ryu and C. Mudry: Phys. Rev. B 78 (2008) 115301.
- 27) M. Morgenstern, J. Klijn, Chr. Meyer and R. Wiesendanger: Phys. Rev. Lett. 90 (2003) 056804.
- 28) J. Billy, V. Josse, Z. Zuo, A. Bernard, B. Hambrecht, P. Lugan, D. Clément, L. Sanchez-Palencia, P. Bouyer and A. Aspect: Nature 453 (2008) 891.
- 29) G. Roati, C. D'Errico, L. Fallani, M. Fattori, C. Fort, M. Zaccanti, G. Modugno, M. Modugno and M. Inguscio: Nature 453 (2008) 895.
- S. S. Kondov, W. R. McGehhe, J. J. Zirbel and B. DeMarco: Science 334 (2011) 66.
- 31) F. Jendrzejewski, A. Bernard, K. Müller, P. Cheinet, V. Josse, M. Piraund, L. Pezzé, L. Sanchez-Palencia, A. Aspect and P. Bouyer: Nature Phys. 8 (2012) 398.
- 32) J. Chabé, G. Lemarié, B. Grémaud, D. Delande, P. Szriftgiser and J. C. Garreau: Phys. Rev. Lett. 101 (2008) 255702.
- 33) G. Lemarié, H. Lignier, D. Delande, P. Szriftgiser and J. C. Garreau: Phys. Rev. Lett. 105 (2010) 090601.
- 34) M. Lopez, J. F. Clément, P. Szriftgiser, J. C. Garreau and D. Delande: Phys. Rev. Lett. 108 (2012) 095701.
- 35) K. Slevin and T. Ohtsuki: Phys. Rev. Lett. 82 (1999) 382.
- 36) H. Hu, A. Strybulevych, J. H. Page, S. E. Skipetrov and B. A. van Tiggelen: Nature Phys. 4 (2008) 945.
- 37) S. Faez, A. Strybulevych, J. H. Page, A. Lagendijk and B. A. van Tiggelen: Phys. Rev. Lett. **103** (2009) 155703.
- 38) アンダーソン転移では一電子近似したハミルトニアンを扱うため、量子相転移とは言っても、空間1次元+時間1次元ではなく、空間次元 d=2の2次元共形場理論を考える。
- 39) M. J. Bhaseen, I. I. Kogan, O. A. Soloviev, N. Taniguchi and A. M. Tsvelik: Nucl. Phys. B 580 (2000) 688.

- J. Cardy: Scaling and Renormalization in Statistical Physics (Cambridge Univ. Press, 1996).
- 41) M. Janssen: Int. J. Mod. Phys. B 8 (1994) 943.
- 42) A. R. Subramaniam, I. A. Gruzberg, A. W. W. Ludwig, F. Evers, A. Mildenberger and A. D. Mirlin: Phys. Rev. Lett. 96 (2006) 126802.
- 43) H. Obuse, A. R. Subramaniam, A. Furusaki, I. A. Gruzberg and A. W. W. Ludwig: Phys. Rev. Lett. 98 (2007) 156802.
- 44) K. Slevin, T. Ohtsuki and T. Kawarabayashi: Phys. Rev. Lett. 84 (2000) 3915.
- 45) H. Obuse, A. R. Subramaniam, A. Furusaki, I. A. Gruzberg and A. W. W. Ludwig: Phys. Rev. B 82 (2010) 035309.
- 46) ただし, *q*がある閾値*q*_cより大きい場合, *τ_q*(またはΔ_q)が*q*依存性を 失う freezing 転移が起こるため, 修正された関係式を用いる必要があ る. 詳細は, 文献44,45を参照のこと.
- 47) 初貝安弘:日本物理学会誌68 (2013) 19.
- 48) M. Onoda, Y. Avishai and N. Nagaosa: Phys. Rev. Lett. 98 (2007) 076802.
- 49) I. A. Gruzberg, A. W. W. Ludwig and N. Read: Phys. Rev. Lett. 82 (1999) 4524.
- R. Bondesan, I. A. Gruzberg, J. L. Jacobsen, H. Obuse and H. Saleur: Phys. Rev. Lett. 108 (2012) 126801.
- 51) E. Bettelheim, I. A. Gruzberg and A. W. W. Ludwig: Phys. Rev. B 86 (2012) 165324.
- 52) R. Bondesan, D. Wieczorek and M. R. Zirnbauer: Phys. Rev. Lett. 112 (2014) 186803.
- 53) L. Rozansky and H. Saleur: Nucl. Phys. B $\boldsymbol{376}$ (1992) 376.
- 54) V. Gurarie: Nucl. Phys. B 410 (1993) 535.

著者紹介

小布施秀明氏: 専門:アンダーソン局在・転移,トポロジカル絶縁体, 量子ウォーク.

(2014年5月28日原稿受付)

Recent Progresses on Anderson Transitions Hideaki Obuse

abstract: It has been passed more than fifty years since P. W. Anderson had theoretically predicted localizations of electrons in disordered systems. The concepts of the Anderson localization and transition have been important in the condensed matter physics, and are getting more important after discoveries of new fascinating materials, such as the graphene and topological insulators. Furthermore, nowadays, experiments on the Anderson localization and transition can be carried not only on the conventional electrical materials but also on new platforms by cold atoms, lights, elastic waves, and so on. In this article, we review the previous work and introduce recent theoretical and experimental progresses on the Anderson localization and transition.



反応-拡散-駆動系として理解する細胞の形態変化

石原秀至 〈明治大学理工学部〉 澤井 哲 〈東京大学大学院総合文化研究科〉

例えば対流や液晶,化学反応では,系が もつ非線形や非平衡性の結果として振動や 自発的なパターンが自己組織化的に現れる. 構成要素が全く異なるものの、その背後に は共通したメカニズムが働いていることも 多い. 例えば. ベルーゾフ・ジャボティン スキー反応 (BZ 反応) では、マロン酸など の反応基質が臭素酸イオンによって一過的 に酸化される反応が拡散によって空間的に 伝播し, 同心円状やらせん状の進行波パ ターンが現れる. 同様なパターンは Pt表 面上のCOの酸化反応でも現れ、こうした 系の振る舞いは、「興奮系」という共通の 枠組みから理解できる. 非線形・非平衡系 に固有でかつ動的なマクロ構造形成の理解 は、実験・理論ともに、これまでよく進ん できた.

生きた細胞は非平衡系の最たるものであ るが、系の複雑さゆえにその動態の特徴付 けが難しい。それでも近年、細胞内の化学 反応や輸送が直接観測できるようになった ことで、マクロ非平衡系の秩序形成と共通 する振る舞いが見えてきた。自然現象とし ての面白さもさることながら、様々な生命 機能における役割の理解からも重要な視点 を供する。本稿では、その具体例として、 アメーバ状の細胞が示す複雑な変形ダイナ ミクスが、細胞内の化学反応と拡散によっ て出現する動的なマクロ構造として理解で きること¹⁾を紹介する。

細胞性粘菌 Dictyostelium discoideum や, 好中球などの免疫系細胞でみられるアメー バ様の運動に伴う細胞膜の変形は、アクチ ンの重合と枝分かれによるフィラメント形 成によって発生する力によって、膜が押し 広げられることによると考えられている. アクチンのフィラメント形成は、いくつも のシグナル伝達分子によって、その構築と 解体が調節されているが、その主たるもの の一つにホスファチヂルイノシトール3リ ン酸PI(3,4,5)P3 (以後PIP3と呼ぶ) がある. これは細胞膜を構成する脂質の中では割合 としては希少なものであり、これに特異的 に結合するタンパク質の膜上の結合サイト を提供している.細胞性粘菌では、この PIP3 やフィラメント状のアクチン (以後 F-アクチンと呼ぶ)の濃度分布が、ガラスな どの基質に接着した細胞膜の内側にそって, らせんや進行波となって時間発展し、細胞端に到達した際に膜が伸張する現象が知られている(以後これを PIP3/F-アクチン波と呼ぶ:右図).²⁻⁴⁾ この波の運動を特徴付ければ、アメーバ状の膜の変形、その複雑さやランダムさがいかに生まれているかの手がかりが得られると期待できる.

波の挙動はなかなか複雑である. 新しく 現れては伝播し、波面同士が正面から互い にぶつかると消滅する. そこで, 波の位相 マップを作成し、位相特異点に着目した解 析を行ったところ、細胞の中では、特異点 の対生成と、膜境界での消滅が繰り返され ており、これが波のパターンの遷移、ひい ては膜変形を特徴付けることがわかった. ー連の解析結果から、PIP3/F-アクチン波 がBZ反応に見られるような「興奮系の波」 であることが示唆され、また、パターンの 遷移は、特異点の生成消滅に関してはトポ ロジカルな生成消滅のルールを破らず、決 定論的に振る舞っていることがわかった. -般に、PIP3はイノシトール環3位のOH 基のリン酸化/脱リン酸化反応によって, その濃度が調節されており,先行研究から, リン酸化反応がF-アクチンを介した強い 非線形性をもった反応動力学によっている と考えられる. これらの生化学反応と, 膜 上の拡散を連結した数理モデルから、PIP3 の濃度波が興奮系の波であることが理論的 にも数値的にも予測される. さらには膜変 形をフェーズフィールド法によって表現 することで、実際の細胞でみられる特徴的 な形態の多くが再現されることが確かめら れた. 本稿で注目している細胞変形は非常 に複雑に見えるが、そのランダム性は PIP3/F-アクチン波が新しくできる発火の 場所やタイミングにその起源をもっている. 波の生物学的な意義やその発生の大元の仕 組みはまだわかっていないが,将来的に, 波のコントロール、ひいては細胞の振る舞 いも操れるようになるだろう. 分子生物学 的アプローチと非線形物理学の手法を組み 合わせることによって、「分子レベルの相 互作用」から「細胞膜の変形」という階層 をまたいだ描象を与え、生命が示す自発性 や巧みさの仕組みに迫りつつある研究分野 の動向を感じていただければ幸いである.

-Keywords

興奮系:

ある系が以下の性質をもつとき. 興奮系と呼ぶ. ①ある閾値以上 の入力に対して応答する。 ②応 答は一過的で,基底状態にもど る、③応答後のしばらくの期間 は、刺激に対して応答しない不 応期に入り、その後しばらく たってまた①の状態に戻る.神 経細胞も典型的な興奮系である. この状態遷移が外因性のノイズ によって駆動されなくとも、系 がパラメタ変化などで内在的に 不安定化すれば, ファン ル・ポール振動子でおなじみの リミットサイクル型の自励振動 を示し、振動系ときわめて近い 関係にある. このような性質を もった要素が、拡散などを介し て空間的に結びつき、反応が連 鎖することで「波」が発生する. 特に2次元空間では、特異点を 中心にして自己充足的に反応波 を維持し続けることでらせん波 を形成する.

細胞性粘菌:

細胞性粘菌は、土壌中に広く認 められる牛物で 動物界 植物 界、菌界とは別の系統に属する 真核細胞、南方熊楠でおなじみ の真性粘菌が多核の巨大なア メーバを形成するのに対し、細 胞性粘菌は単核の細胞が数十万 個集まって多細胞体を形成する ことから「細胞性」と呼ぶ.代 表的な種である Dictyostelium discoideumは, 培養, 計測, 遺 伝子改変の容易さと, 細胞運動 や細胞シグナルなど動物細胞の 特徴も多くもっているため, 分 子生物学,細胞生物学,発生生 物学などにおける解析に利用さ れてきたモデル生物種. 高校の 生物学の教科書や大学入試では 和名のキイロタマホコリカビと しておなじみ.別名「社会性ア メーバ] とも呼ばれる





細胞内部で起こる化学反応波が 境界で膜を押し、細胞の膜変形 を駆動する.

1. 細胞の膜変形とそれを調節する反応ダイナミ クス

細胞膜の大規模な変形は、個体発生や免疫応答、創傷治 癒過程等における重心移動を伴う細胞遊走 (cell migration) や基質面への接触と変形 (cell spreading), 外敵をとりこむ 食作用 (phagocytosis) などの様々な役割を担っている。細 胞種や環境に応じて様々な形態変化や運動様式があるが, それらの背後には、細胞骨格分子アクチンの重合やそれら の架橋によって形成されるフィラメントによる細胞膜の伸 張と、アクチンの脱重合や、ミオシンと呼ばれるモーター タンパクによる収縮という共通点がある. こうした膜変形 は、しばしば外からのシグナル分子などによって誘起され る.細胞外の拡散性の分子や、あるいは基質や他の細胞膜 上に提示された接着性の因子が主に細胞膜上の受容体タン パクに結合することで検知され、これに依存して、シグナ ル伝達系と呼ばれる化学反応の連鎖が膜の裏打ちで生じる. シグナルは反応と拡散によって空間的に非対称に増幅され, このことによって特定の膜の裏打ちでのみアクチンのフィ ラメントやバンドルの形成や解体が誘起され、変形する膜 の箇所やタイミングが決定づけられる.細胞外の誘引物質 の濃度勾配が非常に緩やかでも、微小な濃度差が細胞内の シグナルとして大きく増幅されて, 膜を押し出す前側と, ひっこめる後ろ側が排他的に調節され、細胞の動く方向が 決定されると考えられている.

細胞膜の変形にはそのきっかけを外因的なものに求めに くいもの、自発的に起こっているかのように見えるものも ある. その1つに. 外部からのシグナルがない環境でも PIP3や裏打ちのF-アクチンの濃度分布が進行波となって 伝播するアクチン波という現象があり、動物細胞や粘菌な どのいくつかの細胞種でよく知られている.5) この波が細 胞端で伝播すると、アクチンフィラメントの形成によって 膜が押し出される.細胞性粘菌で観察される PIP3/F-アクチ ン波は、ガラス表面に接着した側の細胞膜の皮層で観察さ れる,波長約細胞1個分(約10 μm)の動的な構造である.⁶⁾ 全反射照明蛍光顕微鏡観察によると, 波面の内部ではアク チンフィラメントの枝分かれに必要な Arp2/3 複合体が微 細なクラスターを形成して無数に生じており、これ自体は 移動していない.⁷⁾ また蛍光アクチンを局所的に褪色させ てもすぐさま回復しないことから,⁸⁾ モータータンパクな どによってフィラメントが能動的に輸送されているのでは なく,一過的なフィラメントの構築と解体反応が連鎖的に 拡散によって空間的に伝わっていると考えられている.

2. 二次元波の位相マップ解析

膜の伸張がどこで起こるかは,波がいつどこで発生し, どの方向へ伝播しているかが重要となる.そこで,私達は 細胞性粘菌のPIP3/F-アクチン波の動力学的な特徴付けを より詳しく行うことにした.PIP3に選択的に結合するプレ クストリン相同ドメイン (PHドメイン) タンパクと赤色蛍



図1 細胞基底膜にそった PIP3/F-アクチン波. a. PIP3 に結合する PH-RFP タンパクの蛍光強度(赤)と PIP2 に結合する PTEN-GFP の蛍光強度(緑)が 示すらせん波. b. 波の発生. 矢印で示した場所で PIP3 の発火が起こり,引 き続いて同心円状に広がって行く. それに伴いアクチン(緑; LimEAcoil-GFP)の波も広がって行くことが観察される. c. PH-RFP(赤)と PTEN-GFP (緑)の蛍光強度プロフィール. 細胞内に波面が2つある. PIP3/F-アクチン 波が細胞境界を押し出し, 膜の変形を起こしていることが見て取れる.

光タンパクとの融合タンパク (PH-RFP) と, PIP3 から PIP2 への脱リン酸化を担う、ホスフォターゼと緑色蛍光タンパ クとの融合タンパク (PTEN-GFP; PIP2 により強く結合す る)を発現させた細胞を用い. それらを励起したときの蛍 光強度を共焦点レーザー顕微鏡により測定した(図1).波 の形状をみてみると、それらは同心円状やらせん状に伝播 しており、波と波が正面衝突すると波は消滅する. これら の性質はゲル内のベルーゾフ・ジャボティンスキー反応 (BZ 反応)や固体表面での触媒反応⁹⁾などの非平衡系で知 られる化学反応波によく似ている. 周期性も認められ、約 5-6分程度で細胞内を行き来し、細胞の境界で反射するこ ともあれば、ぶつかって消えることもある. 図1bに見ら れるように、新しい波がランダムな発火点から起こり、同 心円状に広がって行く、細胞境界に届いた波は、境界部を 押し出すように変形を引き起こし、PIP3/F-アクチンの波 が細胞の形態変化の制御に関わることがわかる.

細胞性粘菌の示す膜変形ダイナミクスの複雑さの要因の 一つとして、上で述べた波の形態が次々と時間的に切り替 わることが挙げられる.細胞内で複数の波が共存し、たが いに衝突し合うなどの相互作用を起こすことによって、例 えば、時計回りのらせん波が、時間が経つにつれていつの まにか反時計回りになったりする.この複雑なパターンの 変化を捉えるために、我々は位相マップ解析を行った.¹⁾ 進行波が伝播することから、細胞膜上の各点では振動的な 振る舞いが見られる.振動する時系列データをウェーブ レット変換することで、最大強度をもつ周波数成分を各時



図2 PIP3の位相マップ解析. a. データから位相を同定する 手順. 膜上の各点で PH-RFP の濃度は振動的な時間変化を する. この時系列データをウェーブレット変換し,各位置 と時間で位相を求める. らせんの中心にはトポロジカル チャージをもった位相特異点が現れる. b.らせん波の反転 過程における位相マップ.特異点の境界での消失と対生成 によってらせんの反転が起こる.



図3 大規模な膜変形を起こしている細胞内のPIP3/F-アクチン波の位相 マップ解析.a.細胞内に複数の波面が現れ,互いに相互作用している.そ れに伴い,位相特異点の対生成と消滅が頻発する.正負のトポロジカル チャージをもった特異点の対を端点にもつ進行波が膜の並進的な伸張を (太い矢印),単一の特異点から外側に向かって伝播するらせん状の進行波 が回転を伴なった膜の伸張を引き起こす.矢頭:二つの波のフロント同士 の衝突.破線:フロント-バックの衝突.b.左:二つの波のフロント同士の 衝突により,波は消えるが、特異点の生成・消滅は伴わない.右:フロン ト-バックの衝突では特異点が対生成する.

刻・各点で抜き出すことによって位相を定めた(図2a). 図2に示す細胞ではアクチンの重合を薬剤で阻害しており, 細胞形態は円状に保たれている.このような状況では,波 の発生頻度が低下し,らせん波が一度出現すると,他の波 との干渉をうけずに長時間安定した状態で観察されやすい. 図2で,カラー表示された位相の黄色部分が波の前面に対 応し,青からマゼンタ色にかけての位相が波の背面に相当 する.らせんの中心では位相が定義できない空間的な位相 の特異点が存在する.一般に,時計回りのらせん中心に対応 する位相特異点に対して-1の値をもったトポロジカル チャージを定義することができる.

波の形態を特異点の数、トポロジカルチャージ、位置に 基づいて分類し、波の形態の遷移過程を、特異点の追跡を 通じて解析した。例えば図2bでは、はじめに時計回りに 伝播していたらせん波が最終的には反時計回りのらせん波 に変わっている。その遷移過程をみてみると、まず、+1 のトポロジカルチャージをもったらせん中心がドリフトし、 細胞境界に到達すると消える。次に、図の左下部で発火が 起こり、そこから同心円状に新しい波が伝わる。新しい波 のフロントが、前の波の後端部分に追いつくと、そこで +1、-1のチャージをもった特異点が対で生成する。その うち、図で示した例では+1の特異点が細胞境界で消失し、 その後に出現した対の特異点のうち、最終的に-1の チャージを中心にもった反時計回りのらせんが残ったので ある。

アクチン重合を薬剤で阻害していない細胞では、波の生 成頻度が高く、しばしば二つ以上の波面をもつ PIP3の波 が生じ、細胞は複雑な形態変化を示す、このような場合で も,特異点を追うと,パターンの遷移は上述の基本的な ルールに従っていることがわかる.細胞形態の並進的な変 形は+1.-1の特異点の対を端点にもつ波面から生じ(図 3a, t=84, 318 sec), 一方で特異点が単独で一つのみであれ ばトポロジカルチャージに応じた方向に回転を伴った膜の 伸張が引き起こされる (図 3a, 180 sec). したがって, 特異 点がいつどこで出現しているかは、膜の変形の仕方に大き な影響を及ぼす.特異点の生成を詳しくみてみると、新し い波が古い波の後方に衝突する際に起こっていることがわ かる. 例えば図 3a で, 発火によって新しい波が同心円状 に広がって行くが、波のフロント同士の衝突では特異点の 生成・消滅は起こらず (t=12,264 sec での矢頭),パター ン遷移を引き起こさない(図3b左).発火した波が、前に ある波の後方にある場合には正負の特異点が対生成し(図 3a, t=0, 222, 294 での破線部), パターンの変化を引き起 こす(図3b右). 細胞内での観察では, 異なるチャージの 対消滅による特異点の消失はあまり見られず(1/10程度), ほとんどの消失は細胞境界で観察される.

細胞の挙動の複雑さはしばしば細胞内の化学反応に伴う 「揺らぎ」が重要だと考えられてきたが、上の解析から見 えてきたことは、特異点の遷移に関する 'トポロジカル・ ルール'があり、ノイズによる波の進行方向の急な反転な どは観測されないということである. このようなルールは 二次元空間の非線形振動子系の枠組みから自然に理解でき るものであり、実際に心臓の脈動を制御するカルシウム波 の特異点発生に伴う心室細動に関して A. Winfree が指摘し た一般的な性質である.10) 心臓の場合には、特異点は全体 で統御された拍動をこわし、心室細動の原因となるので避 けられるべきものであるが、アメーバ細胞では、特異点の 対生成・消滅を繰り返すことで複雑なパターンの遷移が起 こり,回転を伴った変形を引き起こしている.新規の波の 発生位置やタイミングに規則性は見出せないことから、今 回見ているような細胞変形に関わるランダムネスはこの発 火プロセスに由来している.

3. 反応と拡散の動力学から細胞の膜変形ダイナ ミクスへ

以上の解析結果は、PIP3/F-アクチンの波が興奮性の波で あることを強く示唆する.例えば、伝播する同心円状の新 しい波の生成は、閾値を超えた刺激によって波が誘起され、 興奮波として広がっていくものと解釈できる.波と波の正 面衝突によって波が消えるのは、波が通り過ぎた不応期の 状態に、新しい波が侵入できないことによると考えられる. また、特異点の対生成は、新しい波が古い波の後方不応期 部に衝突した結果生じる.それでは、興奮系としての振る 舞いは、どのような分子機構から現れるのであろうか? 先行研究の知見からPIP2からPIP3へのリン酸化反応はア クチン重合によって促進されること、¹¹⁾また、PIP3から PIP2への脱リン酸化反応はPIP2によって促進される¹²⁾と いう二つの正のフィードバックループがあると考えられる (図4a).これらを考慮にいれ、リン酸化過程が十分速いという仮定をおくと、以下の2変数方程式が得られる.

$$\frac{\partial U}{\partial t} = D_U \Delta U - \frac{\alpha U V^2}{K_K + A^{-1} \int_{\Omega} V^2 \, \mathrm{d} \mathbf{x}} + \frac{\beta U V}{K_P + A^{-1} \int_{\Omega} U \, \mathrm{d} \mathbf{x}} + S - \gamma U$$
$$\frac{\partial V}{\partial t} = D_V \Delta V + \frac{\alpha U V^2}{K_K + A^{-1} \int_{\Omega} V^2 \, \mathrm{d} \mathbf{x}} - \frac{\beta U V}{K_P + A^{-1} \int_{\Omega} U \, \mathrm{d} \mathbf{x}} - \mu V$$

U(x, t), V(x, t)はそれぞれ PIP2、 PIP3 (もしくは、それに近 い調節関係にある因子)の位置x,時刻tにおける濃度を表 す. それぞれの式の第一項は、U, Vの膜上の拡散係数DU, D_{V} , 第二項はUからVへのリン酸化反応, 第三項はその逆 にVからUへの脱リン酸化反応を表す.第二,三項は正の フィードバックの効果を含み、また二変数への縮約の過程 で細胞部分Ωにわたる積分が現れた. Uに関しては生成項 Sと分解項 $-\gamma U$, Vに関しては分解項 $-\mu V$ を考慮した.以 上の個々の過程の反応速度係数や、条件依存性は具体的に わかってはいないが、パラメータを適切に設定することで 化学反応から細胞レベルの変形がいかに出現しているかが ある程度再現できるだけでなく、シミュレーションと実験 解析の比較から、系のより詳細についての検証へつなげら れる.実験と理論を連動させる研究は、物質系では当たり 前の研究アプローチかもしれないが、生命系ではまだまだ 有効に活用されるまでにはいたっていないのが現状である.

この方程式で,拡散項を無視して反応項のみを考え, U-V面上での速度場の様子を描くと(図4b),(U,V) = (S/y,0)に安定固定点があり,Vの値がある程度大きくな るとUからVへの生成反応がポジティブフィードバックに よって加速され,その後上がり切ったVがUの枯渇ととも に今度は下がり始め,U-V面をぐるりと回ってもとの固定 点に戻る.このことから、方程式系が確かに(S/y,0)を基 底状態とする興奮系となっていることがわかる.実際に上 の方程式にショットノイズを含めた形で数値計算を行うと,



図4 数理モデルとシミュレーション結果. a. PIP3のリン酸化 と脱リン酸化の反応スキーム.リン酸化反応はPI3キナーゼ (PI3K), 脱リン酸化反応はホスファターゼ PTEN によって触媒 される. PI3KとPTENはともに細胞質と細胞膜を行き来し, PIP2が多ければ PTEN が膜局在しやすく、PIP3 が多ければ PI3K が膜局在しやすいフィードバックを仮定している. これらの局 在の度合いによってリン酸化/脱リン酸化反応の進みやすさが 変わる.b.化学反応のU-V平面上のフローダイアグラム.dU/dt =0とdV/dt=0のヌルクラインが、それぞれ青と赤線で示され ている. 白丸が基底状態であり, 刺激によって V が大きくなる と(マジェンタ矢印), Vの増加が進み、その後U-V平面上をぐ るりとまわる軌跡を描いて基底状態にもどる. c. 円領域でノイ マン条件の下にシミュレーションを行った結果.一過的な波, らせん波,反射波を示す.d,e.上段:細胞中でのPH-RFP(赤) とPTEN-GFP(緑)の蛍光強度の振る舞いと膜変形.下段: フェーズフィールドモデルによるシミュレーション結果。

一過性の波やらせん波,反射を伴う進行波が現れる(図4c). 実験では、薬剤によってアクチンの重合や、PIP2から PIP3へのリン酸化を触媒する PI3 キナーゼを阻害すると、 PIP3/F-アクチン波の発生頻度が下がり、伝播する波が少 なくなる.したがって、モデルで表現されている*U*から*V* を生成する反応における正のフィードバックは、アクチン 重合を介しているものと考えている.一方で,アクチン重 合を阻害する因子 pirA を欠失した変異体 pirA⁻ではアクチ ンの重合が過剰に生じており、このフィードバックが強い 状況に置かれていると考えられる. モデルから予想される ことは、フィードバックが強くなると、サドルノード分岐 を起こして新しい固定点が現れ、結果として系の興奮性が 失われる.おもしろいことに、実験解析からこのような細 胞では、PIP3の発火頻度は多くなるものの、そのノイズ によってトリガーされる波の生成が確かに観察されなくな る.このように、興奮性にはアクチンを介したフィード バックがほどよい強さであることが大切で、これが弱すぎ ても、強すぎても興奮性が失われることがモデルから理解 できる.

我々はPIP3/F-アクチン波と細胞膜の形態との関係をより理解するため、界面の形態変化を表現する数値シミュレーションを、フェーズフィールド法を用いて行った. この手法では、形態を表すための場の変数 'フェーズフィールド' φを導入する. φはほとんどの位置で0か1の値をとり、細胞である部分を表すφ=1が、外部を表すφ=0の部分と薄い遷移層(細胞境界を表す)を通してつながる. 形態変化を表す方程式は以下に従う.

 $\tau \frac{\partial \phi}{\partial t} = \eta \left(\Delta \phi - \frac{G'(\phi)}{\varepsilon^2} \right)$ $-M \left(\int \phi \, \mathrm{d} \mathbf{r} - A_0 \right) |\nabla \phi| + (aV - bU) |\nabla \phi|$

ここで $G(\phi) = 18\phi^2(1-\phi)^2$ はフェーズフィールドを特長づ ける基本的なポテンシャルで、φ=0,1に極小値をもち、拡 散項とあわせて↓の基本的な挙動を決める. Mがかかる第 二項は*ϕ*=1である細胞部の面積を保つ項である.近年, 細胞の形態変化を表現するための数値計算スキームが盛ん に研究されており、フェーズフィールド法では細胞内の反 応拡散場と細胞のソフトマター的な物性場を結びつけるこ とができる.13) 実際,現象論的ではあるが,細胞の体積弾 性力や細胞境界にそった表面張力等の機械的な性質を表現 時に最も安定である. 第三項は細胞内の反応場の効果を表 し、細胞境界での濃度 V. Uに応じた変形を駆動する項で ある. Vが多いとø=1の領域を広げ、逆にUの多い所で は収縮が起こるとした.上のøについての式がU,Vの濃 度に応じた細胞変形の発展方程式を与える. 逆に、 øを導 入したことで、化学反応の式は以下のように変わる.

$$\frac{\partial(\phi U)}{\partial t} = D_U \nabla \phi \nabla U + \phi \left(-\frac{\alpha U V^2}{K_K + A^{-1} \int_{\Omega} V^2 \, \mathrm{d} \mathbf{x}} + \frac{\beta U V}{K_P + A^{-1} \int_{\Omega} U \, \mathrm{d} \mathbf{x}} + S - \gamma U \right) - \chi_U U |\nabla \phi|^2$$
$$\frac{\partial(\phi V)}{\partial t} = D_V \nabla \phi \nabla V + \phi \left(+ \frac{\alpha U V^2}{K_K + A^{-1} \int_{\Omega} V^2 \, \mathrm{d} \mathbf{x}} - \frac{\beta U V}{K_P + A^{-1} \int_{\Omega} U \, \mathrm{d} \mathbf{x}} - \mu U \right) - \chi_V V |\nabla \phi|^2$$

最後の項で、細胞境界では系の状況が変わりうることを想 定し、ここではU, Vが分解する(減る)という境界条件を おいた、以上により、変数(U, V, ϕ)の閉じた方程式が得 られた.

シミュレーション結果を図4d.eに示す.背景が黒いも のが実験観察. 白いものがシミュレーション結果である (比較のため図を回転させて示している). 膜上の離れた二 点の位置から新たに発火し伝播する同心円状の進行波に よって生じる膜変形では、はじめに境界方向へ伝播した波 面によって、発火点を結ぶ直線上の細胞膜が伸張する. ほ ぼ同時に内側へ伝播する側の波面は、発火点を結ぶ直線上 では波面が互いに衝突して消滅する、その後、それとは垂 直方向への伝播は続くため、膜の伸張は発火点を結ぶ直線 とは直交した方向に生じる. この発火のタイミングのずれ で形態が楕円形か扇状になるかが決まることが見てとれる (図4dとeの比較). これらの数値計算結果は、分子の相 互作用から興奮系が現れ、自己組織化的な波を介して細胞 の形態変化を引き起こすこと、発火のタイミングが形態変 化のランダムネスに大きな寄与をすることをよくシミュ レートしていると言えよう.

4. さいごに

本稿では、細胞が示す自己組織化的なダイナミクスの例 として、細胞性粘菌の基底膜を走る PIP3/F-アクチンの濃 度波を見てきた.この波はアクチンの重合を通して細胞膜 の形態変化を調節する興奮性の波であり、反応と拡散から 出現する.PIP3/F-アクチンの波のパターンは、次々と異 なる状態間を遷移するが、その際には波の位相特異点の生 成・消滅についてトポロジカルなルールが存在し、その意 味において決定論的に振る舞っている.したがって、今回 みた細胞のダイナミクスのランダムさの主な起源は、波自 体の振る舞いではなく、波の発火する場所やタイミングに 起源をもつのである.ただし、ランダムといっても、今後 詳細にみていくことで、細胞と基質の接着などと波の発火 との相関などが見えてくるかもしれない.

膜とそれを裏打ちする細胞骨格系からなる系の物性は, ソフトマター研究の格好の対象でもある.外力はアクチン で裏打ちされた細胞皮質に伝わり,その結果,ミオシンや

架橋タンパクの分子間結合が変化し、さらにそれらの空間 分布が変化し、アクチン皮層の大局的な構造が変化し、膜 の形状も変化するという、たいへん複雑な過程が進む.14) それに加えて、自律的な細胞変形と運動はもとより、 PIP3/F-アクチン波のような動的な現象が存在するという ことは、自己駆動力や複雑な非線形反応によって特徴付け られる、平衡から離れた系としての理解が不可欠であるこ とを物語っている.これ以外にも、例えば、大腸菌の膜上 では、細胞分裂面の位置決めのために、Minと呼ばれるタ ンパクがやはり細胞膜の裏打ちで密度波となって周期的に 伝播する.¹⁵⁾ また,脊椎動物の体節形成では,遺伝子発現 の周期的な進行波が節構造を決定する遺伝子発現の調節を 担っている.¹⁶⁾ これらの例のように,振動やパターンが細 胞内・個体内の大域的な位置情報や時間情報をコードし, 生命機能を支える重要で本質的な役割を果たしている場面 が少なくないと思われる. 今後, 例えば遺伝子発現等につ いての人工的な制御回路を細胞に組み込むアプローチの発 展により、PIP3/F-アクチン波や、細胞の運動を制御・設 計できるようになってくるだろう.一方で、必ずしも既存 の生物ではないが、「細胞のように、生きているかのよう な物体」を構成することで、動く細胞の物質系としての、 より普遍的な理解が進むだろう. 例えば油膜内中やゲル中 でBZ反応が媒質の動きを誘導する系¹⁷⁾が報告されている. これらのアプローチが統合されていき、生命と生命でない ものの境目が消える日はもう近くまできている.物理学の 新発展を期待したい.

参考文献

- 1) D. Taniguchi, et al.: Proc. Natl. Acad. Sci. USA 110 (2013) 5016.
- 2) G. Gerisch, et al.: Cell Adhes. Migr. 3 (2009) 373.
- G. Gerisch, B. Schroth-Diez, A. Müller-Taubenberger and M. Ecke: Biophys. J. 103 (2012) 1170.
- 4) Y. Arai, et al.: Proc. Natl. Acad. Sci. USA 107 (2010) 12399.
- 5) H. G. Döbereiner, et al.: Phys. Rev. Lett. 97 (2006) 038102.
- 6) T. Bretschneider, et al.: J. Muscle Res. Cell Motil. 23 (2002) 639.
- 7) T. Bretschneider, et al.: Curr. Biol. 14 (2004) 1.
- 8) T. Bretschneider, et al.: Biophys. J. 96 (2009) 2888.
- 9) M. P. Cox, G. Ertl and R. Imbihl: Phys. Rev. Lett. 54 (1985) 1725.

- A. T. Winfree: The Geometry of Biological Time (Springer, New York, 1980).
- 11) A. T. Sasaki, et al.: J. Cell Biol. 178 (2007) 185.
- 12) M. Iijima, Y. E. Huang, H. R. Luo, F. Vazquez and P. N. Devreotes: J. Biol. Chem. 279 (2004) 16606.
- 13) D. Shao, W. J. Rappel and H. Levine: Phys. Rev. Lett. 105 (2010) 108104.
- 14) T. Luo, K. Mohan, P. A. Iglesias and D. N. Robinson: Nat. Mater. 12 (2013) 1064.
- M. Loose, E. Fischer-Friedrich, J. Ries, K. Kruse and P. Schwille: Science 320 (2008) 789.
- 16) I. H. Riedel-Kruse, C. Müller and A. C. Oates: Science 317 (2007) 1911.
- 17) H. Kitahata, N. Yoshinaga, K. H. Nagai and Y. Sumino: Phys. Rev. E 84 (2011) 015101.

非会員著者の紹介

石原秀至氏: 大阪大学理学部物理学科卒業,東京大学大学院総合文化研 究科で修士・博士課程終了(金子邦彦研究室).博士(学術).基礎生物学 研究所研究員,東京大学大学院総合分化研究科助教を経て,現在,明治大 学理工学部物理学科准教授.非線形物理や統計学的手法を組み合わせ,細 胞や細胞集団(特に個体発生)レベルを対象とした生物物理学を専門とする. 澤井 哲氏: 早稲田大学理工学部応用物理学科卒業,同大学院(相澤洋 二研究室)修士,東北大学大学院情報科学研究科(沢田康次研究室)博士課 程修了(2001年).博士(情報科学).プリンストン大学分子生物学部博士研 究員,JST ERATO 金子複雑系生命プロジェクトグループリーダーを経て, 現在,東京大学大学院総合文化研究科准教授.専門はシステムレベルの生 物物理学.入出力関係,非線形応答,振動などの特性から理解する,シグ ナル伝達,細胞運動,細胞間コミュニケーションなど.

(2014年5月27日原稿受付)

Morphodynamics of Cells as Reaction-Diffusion Systems Coupled with Cellular Membrane

Shuji Ishihara and Satoshi Sawai

abstract: In slime mold *Dictyostelium discoideum*, concentrations of phosphoinositide lipids propagate as waves accompanied by transient formation of dendritic filaments of actin. From confocal live-cell imaging and phase map analysis, we demonstrate that wave nucleation is F-actin dependent. Mathematical modeling of the key regulatory steps of phosphoinositide lipids suggests excitable reaction that can support initiation and propagation of the wave in the form of spiral and target. Phase-field simulations of membrane deformation coupled with the excitable phosphoinositide signaling suggest that some of the typical semi-periodic modes of random membrane deformation can be attributed to the property of wave-wave interactions.



5d電子系イリジウム酸化物における 新奇な絶縁体と超伝導

渡部 洋	〈理化学研究所創発物性科学研究センター	\rangle
白川知功	〈理化学研究所〉〉	
柚 木 清 司	〈理化学研究所創発物性科学研究センター,	計算科学研究機構

固体中の電子は原子核、結晶格子、自身 以外の周囲の電子など多くの相手と相互作 用をしながら運動し、各物質に特有な性質 を産み出している. これらの相互作用の一 つである 「スピン軌道相互作用」は相対論 的な効果を起源とし,量子力学初期の段階 から知られているが,近年その重要性に大 きな注目が集まっている.スピン軌道相互 作用がもたらす効果は枚挙に暇が無く、エ ネルギーバンド構造の変化や磁気異方性を もたらすことはもちろん、トポロジカル絶 縁体、(交換相互作用の異方性に起因する) 量子スピン液体、マルチフェロイクスと いった新しい概念さえも産み出すことが分 かってきた.特に近年の大型シンクロトロ ンを用いたX線散乱の実験技術の向上に よってスピンと軌道の結合の詳細が明らか になりつつあり、基礎・応用の両面から注 目を集めている. スピン軌道相互作用が無 視出来ない場合は、軌道角運動量Lとスピ ン角運動量Sがもはや良い量子数では無く なり,両者を合成した全角運動量が良い量 子数となる.通常、全角運動量はJ=L+S と表されるが、本稿で紹介する 5d 電子系 イリジウム酸化物では $J_{eff} = -L + S$ を良い 量子数とする特異な状態が実現しており, 新たな強相関電子系の舞台として注目を集 めている.

本稿では 5d 電子系イリジウム酸化物の 例として層状ペロブスカイト型構造を持つ Sr2IrO4を取り上げ、これまでの研究の現 状について紹介する.この物質は特殊な磁 気構造を持つ絶縁体であるが、従来のモッ

ト絶縁体の描像では説明出来ず、その電子 状態の解明は長年の問題となっていた. 我々はこの問題に対し, 複数の計算手法を 用いて Sr₂IrO₄をモデル化した3軌道ハバー ド模型を解析した. その結果, この物質は $J_{\text{eff}} = -L + S$ を良い量子数とし、クーロン 相互作用とスピン軌道相互作用が協力的に 働くことで実現する特異な絶縁体であるこ とを示した. また, 電子間のクーロン相互 作用が電子の運動エネルギーに比べて小さ い系を弱相関系、大きい系を強相関系と呼 ぶが、Sr₂IrO₄はちょうど両者が入れ替わる 「中相関系」とも言うべき領域に位置して いることを示唆する結果が得られた.これ は5d電子の強い遍歴性に起因するもので あり、実験・理論ともにアプローチが難し い領域であるが、それ故に金属・絶縁体転 移のメカニズムを深く理解するための格好 の場を提供しているとも言える. また. キャリアをドープすることでスピンと軌道 が結合して出来た「擬スピン」がペアを組 んだ超伝導が発現する可能性を示し、新た な超伝導体の候補と成り得ることを提案し た.

Sr₂IrO₄が最初に合成されたのは1950年 代であるが、その面白さが理解されてきた のは実に今世紀に入ってからである.これ は、様々な実験技術の向上と多軌道電子系 に対する理論解析の手法の進展によるとこ ろが大きい.まさに「故(ふる)きを温(た ず)ねて新しきを知る」の好例であろう. 今後も「故くて新しい」スピン軌道相互作 用に対する研究の進展が期待される.

-Keywords

スピン軌道相互作用:

電子のスピン角運動量と軌道 角運動量の間に働く相互作用 のこと. 電子が原子核の周り を回転運動する際の、電子の 位置に作られる磁場と電子の 磁気モーメントの間の磁気的 相互作用として理解できる. スピン軌道相互作用が無視で きるほど小さい場合には、結 晶場による軌道角運動量の消 失のため、磁気モーメントは スピン角運動量による寄与が 支配的である. 一方, スピン 軌道相互作用が大きい場合に は軌道角運動量が復活し. 様々な物理量に顔を出すよう になる. Sr₂IrO₄においては, 磁気モーメントに対する軌道 角運動量の寄与がスピン角運 動量の5倍にも達するという 報告がされている.

5d 電子系物質:

伝導を担う最外殻の電子が 5d軌道を占有している物質 系のこと. Ir. Os酸化物など が代表例であり、スピン軌道 相互作用が重要な役割を果た す系として近年さかんに研究 が行われている.また、典型 的な強相関電子系である3d 電子系に比べて遍歴性が強く (電子が動き回りやすい)、 クーロン相互作用との競合の 様相も異なるため、新たな電 子相関の舞台として期待され ている.

1. はじめに

近年、5d電子系イリジウム酸化物に関する研究が大き く進展し、実験・理論の両面から注目を集めている.この 系では強いスピン軌道相互作用と結晶場の効果によってス ピンと軌道が結合し、有効的な全角運動量 $J_{eff} = -L + S$ が 良い量子数となった特異な状態が実現していることがほぼ 確立している.また、5d軌道の同一サイトクーロン相互 作用U、スピン軌道相互作用 λ 、隣接サイト間の電子の飛 び移り積分tの三者が同程度の大きさを有し、これらが拮 抗した状態となっている.このように、イリジウム酸化物 は典型的な強相関電子系である3d電子系遷移金属酸化物 ($U > t \gg \lambda$)や重い電子系物質($U > \lambda \gg t$)とは異なる特徴を 持ち、新たな電子相関の舞台として期待されている.実際、 ここ数年のうちに様々な物質が合成され、スピン液体・ト ポロジカル絶縁体・ワイル半金属・新奇な超伝導体など、 様々な興味深い現象が観測、あるいは提案されている.

このような状況の中,我々は層状ペロブスカイト型構造 を持つ Sr_2IrO_4 を対象に,複数の計算手法を用いてその詳 細な電子状態を解析した.その結果,この物質は J_{eff} を良 い量子数とし,クーロン相互作用とスピン軌道相互作用が 協力的に働くことで実現する新奇な絶縁体であることを示 した.また,この絶縁体が強相関的なモット絶縁体と,弱 相関的なスレーター絶縁体の中間(クロスオーバー付近) に位置することを提案した.さらに、 Sr_2IrO_4 が銅酸化物 高温超伝導体の母物質の一つである La_2CuO_4 と多くの類似 点を持つことから,超伝導発現の可能性を調べた.その結 果,電子ドープ側で $d_{x^2-y^2}$ 波「擬スピン」一重項の対称性 を持つ超伝導が発現する可能性があることを示した.

2. *J*_{eff} 描像とは?

イリジウム酸化物のようにスピン軌道相互作用が強い 5d電子系物質を記述する際には、しばしば" J_{eff} 描像"が用 いられるが、この言葉に馴染みの無い方も多いと思われる ので、以下でご紹介させて頂く.ここで言うスピン軌道相 互作用とは、相対論的効果を起源とし、孤立イオンに対し て $H_{SOC} = \zeta \sum_i l_i \cdot s_i = \lambda L \cdot S$ という形で働くものを指している. $\sum_i d 2$ 電子についての和、L は全軌道角運動量、S は全ス ピン角運動量である.ここでは Sr₂IrO₄ を例にとってスピン 軌道相互作用の効果を考察する.Sr₂IrO₄ では結晶場分裂に よって e_a 軌道と t_{2a} 軌道が形成されるが、この分裂が大き



図1 Sr₂IrO₄における (a) エネルギーレベル,¹⁾ (b) 基底多重項.¹⁾ SOC は スピン軌道相互作用を表す. 電子数 n = 5 > 21+1 なので, *λ* < 0 である. いため下のt2q軌道にのみ電子が5つ詰まると考えて良い. t2a 軌道はスピンも含めて6重に縮退した yz, zx, xy 軌道から 成るが、ここにスピン軌道相互作用を導入すると2重・4 重縮退した状態に分かれる. ea 軌道を忘れて t2a 軌道のみを 考えた場合,従来の合成角運動量 j=l+s はもはや良い量 子数では無くなってしまうが、新たに $j_{eff} = -l + s$ という量 子数を導入すると、スピン軌道相互作用で分裂した上下の 状態は各々 jeff=1/2,3/2 と表される (図1(a)). これは以下 に示す_{t2g}軌道とp軌道の同等性から理解することが出来る. 両者はいずれも3つの基底 (yz, zx, xy) と (px, py, pz) を持 つが,各々について軌道角運動量1の行列要素を計算する と、同じ大きさで符号が反対になっていることが分かる. 例えば、 $\langle zx | l_{t_{2a}}^x | xy \rangle = i = - \langle p_y | l_p^x | p_z \rangle$ であり、まとめて表せ ば $I_{t_{n}} = -I_p$ となる. このような対応から, 角運動量の合成 に関してはt2a軌道を(軌道角運動量が反転した)p軌道と 同様に扱って良いことが分かり、jeff=-l+sを用いた表現 が正当化される. また, 全電子について和を取ったものに 関しても同様に $J_{eff} = -L + S$ が成り立つ. このような数学 的な対応関係は以前から知られていたが,¹⁾5d電子系物質 でそれが実際に成り立っていることが分かったのはごく最 近であり、興味深い事実である.図1(a)のエネルギーレ ベルに5つの準粒子(電子ではない)を敷き詰めるパター ンを考えると、基底状態では*j*eff=3/2に4つ、*j*eff=1/2に1 つ入ることになるが、これがJeff=1/2の状態であり、jeff= 3/2に3つ, j_{eff}=1/2に2つ入ったのがJ_{eff}=3/2の状態であ る (図1(b)). $j_{eff} \ge J_{eff}, \xi \ge \lambda$ を混同しがちであるので注 意されたい. ¿は原子核の周りを運動する1電子の問題か ら決まる結合定数であるが、λはフント則から決まり、電 子数とL.Sの値に依存する.²⁾

3. J_{eff} 描像下での新奇な絶縁体

ここからはいよいよ本題である Sr₂IrO₄の詳細について 解説する.この物質は層状ペロブスカイト型構造を有し (図2(a)), *T*_N~240 K 以下で弱い強磁性モーメントを伴っ た反強磁性秩序を示す.電気抵抗に関しては *T*_N付近で目 立った異常は見られず,高温側から既に絶縁体的な振る舞



図2 (a) Sr₂IrO₄の結晶構造(の一部). 正八面体の中心にある Ir 原子が正 方格子型の伝導面を形成している.(b) Sr₂IrO₄をモデル化した 2次元正方 格子 3 軌道ハバード模型の基底状態相図.⁷⁾ PM は常磁性金属, x-AFI は面 内反強磁性絶縁体を表す. J/Uは同一サイトクーロン相互作用 Uに対する フント結合Jの割合である.

いを示している.³⁾ イリジウム原子あたり5個(奇数)の電 子が存在するため、(磁気秩序を考えなければ)電子相関に よるモット絶縁体が実現していると期待される.しかし, モット絶縁体の大部分を占める3d電子系物質に比べてイ リジウムの5d電子は遍歴性が強く、オンサイトクーロン 相互作用Uはバンド幅Wに比べて小さいと見積もられて おり(U<W),モット絶縁体には成り難い状況にある.-方,同じ構造を持つ4d電子系物質のSr₂RhO₄は,Sr₂IrO₄ に比べてUが強いと期待されるにも関わらず,常磁性金属 である.⁴⁾ このように, Sr₂IrO₄の絶縁化は単純なモット絶 縁体の描像では説明出来ず、長い間未解決の問題となって いた.これに対しKimらは、2章で紹介したJeff 描像に基 づいた絶縁化機構を提案した.5)スピン軌道相互作用が十 分大きければ、下のjeff=3/2のバンドには電子が4つ詰ま り(full-filled), 上の*j*eff=1/2のバンドには電子が1つ詰ま る (half-filled) ことになり、さらに j_{eff} = 1/2のバンドがクー ロン相互作用によって上部・下部ハバード・バンドに分裂 することでモット絶縁体になるというシナリオである.実 際,Sr₂IrO₄においてJ_{eff} 描像が良く成り立っていることは 共鳴X線散乱の実験によって確認されている.⁶⁾

それでは、クーロン相互作用とスピン軌道相互作用を適 切に考慮すれば、長年の謎だった Sr₂IrO₄の絶縁化を正し く理解することが出来るのであろうか? 我々はこの問題 に対し、Sr₂IrO₄のt_{2q}軌道をモデル化した3軌道ハバード 模型を構築し,変分モンテカルロ法を用いてその基底状態 を詳細に調べた.⁷⁾ 図2(b) は横軸にクーロン相互作用 U/t, 縦軸にスピン軌道相互作用 λ/tを取った基底状態相図であ る. tはxy軌道の最近接サイト間の飛び移り積分である. Ultが大きい領域で磁気モーメントが面内を向いた反強磁 性絶縁体 (x-AFI) が安定化するが、これは実験で観測され ている秩序状態を再現している.また,λ/tが大きくなる と金属・絶縁体転移点U_cが小さくなり、絶縁化が起こり 易くなっている.この結果は定性的には以下のように理解 出来る. λ/t→∞の極限では jeff = 1/2 と 3/2 のバンドが完全 に分離するため、half-filledのjeff=1/2バンドのみを考えれ ば良い. この jeff = 1/2 バンドのバンド幅 W' は元のバンド幅 Wの半分以下であり、U<WであってもU~W'ならば十分 に絶縁化し得る状況にある. ここから*λ/t*を小さくしてい くと、*j*_{eff}=1/2と3/2のバンドが重なり始め、次第に絶縁化 し難い状況になっていく.実際の物質に当てはめてみると、 Sr₂IrO₄ はスピン軌道相互作用が大きいため ($\lambda/t \ge 1$), クー ロン相互作用 (U/t=6~8) が元のバンド幅 (W/t~12) より 小さくても十分絶縁化し得る領域に位置している.一方, Sr₂RhO₄では λ/t ~0.5であり、 $j_{eff} = 1/2 \ge 3/2$ のバンドの重 なりが大きいため、クーロン相互作用を導入しても絶縁化 せずに常磁性金属状態に留まっていると考えられる. また. 図2(b)に示すように、フント結合J/Uが大きくなるほど絶 縁体の領域は小さくなることが分かった. これはフント結 合が大きくなることで実効的な電子相関が弱められ、絶縁



図3 一粒子励起スペクトル $A(\mathbf{k}, \omega)/A_{\max}^{7}$ (最大値で normalize した値をプ ロットしている). (a) は総和, (b)-(d) は j_{eff} を基底として分解したもの.

化が起こりにくくなることによっている(詳細は文献8,9 を参照). さらに我々は変分クラスター近似を用いて Sr₂IrO₄の絶縁体状態における一粒子励起スペクトルを計 算した.⁷⁾図3には得られたスペクトルを*j*effを基底として 分解したものを示す.フェルミエネルギー($\omega/t=0$)より 上の空(ホール)の状態はほぼ*j*eff=1/2の成分で占められ ており,電子相関によって*j*eff=1/2バンドのちょうど半分 (サイトあたりホール1つ)が切り離されて絶縁体になっ ていることが分かる.我々の結果は,孤立イオン極限で期 待される*J*eff 描像が,現実の物質のバンド構造を取り入れ てもよく成り立っており,強いスピン軌道相互作用が Sr₂IrO₄の絶縁化に本質的であることを示している.

4. モット絶縁体か、スレーター絶縁体か?

このようにSr₂IrO₄の絶縁化は、5d電子の強いスピン軌 道相互作用を考慮すれば理解出来ることが分かった. ただ し、反強磁性秩序が存在する状況下ではこの物質が強相関 的なモット絶縁体なのか、あるいは弱相関的なスレーター 絶縁体なのかは自明ではない。前者の場合はクーロン相互 作用によって上部・下部ハバード・バンドが形成されるこ とが本質で、反強磁性秩序は二次的な効果として現れるだ けである.一方,後者の場合は反強磁性秩序によってブリ ルアンゾーンが折り畳まれてエネルギーギャップが開くこ とが本質であり、広義のバンド絶縁体と見なすことが出来 る. この問題に関しては両者を支持する実験・理論が存在 し、一致した見解は得られていないが、逆にこれがSr₂IrO₄ の興味深い特徴であるとも言える.TNにおいて電気抵抗 に異常が見られないという実験結果³⁾はモット絶縁体の描 像を支持している一方,硬X線光電子分光¹⁰⁾や走査型ト ンネル顕微鏡¹¹⁾の実験では低温側からT_Nに向かって

ギャップが閉じていくような振る舞いが見られ、こちらは スレーター絶縁体の描像と整合する.ただし、 T_N 直上で はいわゆる "bad metal"的な振る舞いが見られ、強い電子 相関の影響も示唆されている.¹²⁾ このように Sr₂IrO₄の絶 縁体状態は特異であり、その理解にはさらなる研究が必要 である.

この問題に対して我々は、エネルギー利得機構¹³⁾の観 点から Sr₂IrO₄の絶縁体状態についての解析を行った.⁸⁾ 具 体的には、常磁性状態から反強磁性絶縁体に転移した際の エネルギー利得ΔE(<0)をバンドエネルギー (運動エネル ギー+スピン軌道相互作用エネルギー)とクーロン相互作 用エネルギー (U, U', J) の損得に分割し $(\Delta E = \Delta E_{hand})$ + Δ*E*_{int}), その傾向の違いからモット絶縁体とスレーター 絶縁体を区別しようというものである.計算には変分モン テカルロ法を用いた. 図4(a)はU/tに対するエネルギー損 得の変化を示したものである. Ultが小さい弱相関領域で は, 常磁性状態は金属であり, 反強磁性絶縁体に転移する ことでバンドエネルギーを損失する (ΔE_{band}>0) 代わりに 相互作用エネルギーを利得する (ΔE_{int} < 0). 一方, U/tが大 きい強相関領域では、常磁性状態で既に絶縁体になってお り、反強磁性絶縁体への転移ではバンドエネルギーを利得 する (ΔE_{band} < 0) 代わりに相互作用エネルギーを損失する



図4 (a) U/tに対するエネルギー損得の変化 ($\lambda/t=1.4$, J/U=0.1).⁸⁾ U/t~3.0 で常磁性金属から反強磁性絶縁体に転移しており、 $\Delta E = \Delta E_{band} + \Delta E_{int} < 0$ で ある.水色の領域では $\Delta E_{band} < 0$ かつ $\Delta E_{int} < 0$ が成り立っている.(b) U/t - J/U平面における基底状態相図 ($\lambda/t=1.4$).⁸⁾ PM, Slater, Mott はそれぞれ常磁 性金属、スレーター絶縁体、モット絶縁体を表す、黄色の領域は Sr₂IrO₄ に 対応するパラメータ領域を示している.

 $(\Delta E_{int} > 0)$. 興味深いのは、U/tが中間的な値を取る際に、 両方のエネルギーを利得する領域 ($\Delta E_{\text{band}} < 0$ かつ $\Delta E_{\text{int}} < 0$, 図4(a), (b)の水色の領域)が存在するという結果である. この領域での常磁性状態は金属であるが、繰り込み因子z が急激に小さくなっており(つまり電子の有効質量が大き く増加している). 電子相関によって強く繰り込まれた状 態になっていることが分かる.変分モンテカルロ法で得ら れたフェルミ面は、元の形状から大きく変形して (π, π) の ネスティングがほぼ完全であるような形状に繰り込まれて おり、反強磁性揺らぎが大きく増強されていると考えられ る. 我々はこの常磁性状態が、TNより上の温度で見られ る "bad metal" の状態と深く関わっていると考えている. 図4(b)はエネルギー利得機構の解析から得られた基底状 態相図であるが、Sr₂IrO₄ (U/t=6~8) はちょうどこの中間 的な領域 (図4(b)の intermediate region) 付近に位置してい ると考えられる.以上の結果から我々は、Sr₂IrO₄はモッ ト絶縁体とスレーター絶縁体のクロスオーバー付近に位置 する,言わば"中相関"的な絶縁体であり、それ故、実験 でも両者の性質を示すような振る舞いが観測されるのでは ないかと考えている. このような物質は他にあまり例が無 く、金属・絶縁体転移のメカニズムをより深く理解するた めの格好の場を提供していると言えるであろう.

5. 超伝導の可能性

Sr₂IrO₄の特徴をもう一度見直してみると, 銅酸化物高 温超伝導体の母物質の一つであるLa₂CuO₄と複数の類似点 を持っていることが分かる.具体的には,(1)層状ペロブ スカイト構造を有し,ほぼ二次元電子系と見なせること, (2)一つのIr(Cu)イオンあたり一つのホールを持つこと, (3)擬スピン(スピン)1/2の反強磁性秩序を示すこと,(4) それに伴う大きな反強磁性交換相互作用J_{ex}を持つこと¹⁴⁾ である.それ故,Sr₂IrO₄にキャリアをドープすることで 超伝導が発現するのではないかと考えるのは自然な発想で ある.我々はこれまでと同様に3軌道ハバード模型に変分 モンテカルロ法を適用し,電子密度を変化させた際の基底 状態を調べた.¹⁵⁾図5は横軸に電子密度*n*,縦軸にクーロ ン相互作用U/tを取った基底状態相図である.*n*=5の反強



図5 電子ドープ領域 ($n \ge 5$)の基底状態相図 (J/U=0).¹⁵ PM, AFI, AFM, SC はそれぞれ常磁性金属,反強磁性絶縁体,反強磁性金属,超伝導を表す.

磁性絶縁体 (AFI, Sr₂IrO₄に対応) に電子をドープすると、 まずは反強磁性金属 (AFM) が現れ, さらにドープしてい くと U/t>6においては超伝導 (SC)の領域が現れる.これ は $i_{eff} = 1/2$ バンドの擬スピンがペアを組んだ $d_{x^2-y^2}$ -波擬ス ピン一重項超伝導であり、強いスピン軌道相互作用下で期 待される新奇な状態である.スピン軌道相互作用によって 3つのt2g軌道と上下のスピンが混ざり合っているため, t2qの基底で表せば一重項ペアと三重項ペアが混在した 状態になっている. $\lambda/t \to \infty$ の極限では $a_{k(1/2)\uparrow}^{\dagger}a_{-k(1/2)\downarrow}^{\dagger}\infty$ $(c^{\dagger}_{kxv\uparrow} + c^{\dagger}_{kyz\downarrow} + ic^{\dagger}_{kzx\downarrow})(c^{\dagger}_{-kxv\downarrow} - c^{\dagger}_{-kyz\uparrow} + ic^{\dagger}_{-kzx\uparrow})$ と表すことが 出来る. さて、ここまで断りなく「擬スピン」という言葉 を用いてきたが、これは「*j*eff=1/2バンドのクラマース二重 項」を意味している.上に示した生成演算子の表式から明 らかなように、Jeff 描像下では元の上下スピンは混ざり 合ってしまってもはや良い量子数ではない. しかし時間反 転対称性は破れていないため、クラマース二重項の縮退は 残っており、これをあらためて擬スピンと呼んでいるので ある.従って、これまで述べてきた反強磁性相は「擬スピ ン」が交代的に並んだ秩序であり、超伝導は反強磁性「擬 スピン」揺らぎによって誘起されたものである.以上は電 子ドープ側に対する結果であるが、ホールドープ側では超 伝導が基底状態となる領域は確認出来なかった(フント結 合が大きい場合にはホールドープ側で*s*+波¹⁶⁾あるいはp 波¹⁷⁾ 超伝導の可能性が議論されている). この電子・ホー ル非対称性はバンド構造の観点から説明することが出来る. 電子をドープしていくと、フェルミエネルギーがk= $(\pm \pi, 0), (0, \pm \pi)$ にある van Hove 特異点に近づき, そこで の大きな状態密度によって超伝導が増強される.一方, ホールをドープしていくと状態密度は減少し、さらに $j_{eff}=3/2$ バンドのフェルミ面も大きくなっていくため, *j*eff=1/2バンド内での超伝導ペアリングは阻害されてしま う.以上の結果から我々は、Sr₂IrO₄に電子をドープする ことで新たな超伝導体が得られる可能性があることを提案 した.15) 銅酸化物高温超伝導体との類似点も多く見られる ため、高い転移温度が得られても不思議ではなく、その実 現に期待したいところである.

6. おわりに

以上のように、Sr₂IrO₄一つを取っても実に多くの物理 を内包していることが分かった.その本質は、この系に特 有な $J_{\rm eff}$ 描像に加え、異なる三つのエネルギースケール (U, λ, t) が競合し、弱相関と強相関の狭間で起こる非自明 な現象が見られる点にあると言えるだろう.イリジウム酸 化物をはじめとした、強いスピン軌道相互作用を有する 5d 電子系での今後の研究の進展が大いに期待される.

最後に、本研究を進める上でお世話になった秋光純氏, 磯部雅朗氏,岡部博孝氏,藤山茂樹氏,有田亮太郎氏,山崎 篤志氏,Silke Biermann 氏ら多くの方々に感謝いたします.

参考文献

- 上村 洸, 菅野 暁, 田辺行人: 『配位子場理論とその応用』(裳華房, 1969).
- 2) 柳瀬陽一, 播磨尚朝: 固体物理46 (2011) 229.
- 3) S. Chikara, et al.: Phys. Rev. B 80 (2009) 140407(R).
- 4) F. Baumberger, et al.: Phys. Rev. Lett. 96 (2006) 246402.
- 5) B. J. Kim, et al.: Phys. Rev. Lett. 101 (2008) 076402.
- 6) B. J. Kim, et al.: Science 323 (2009) 1329.
- H. Watanabe, T. Shirakawa and S. Yunoki: Phys. Rev. Lett. 105 (2010) 216410.
- 8) H. Watanabe, T. Shirakawa and S. Yunoki: Phys. Rev. B 89 (2014) 165115.
- 9) A. Georges, et al.: Annu. Rev. Condens. Matter Phys. 4 (2013) 137.
- 10) A. Yamasaki, et al.: Phys. Rev. B 89 (2014) 121111(R).
- 11) Q. Li, et al.: Sci. Rep. 3 (2013) 3073.
- 12) R. Arita, et al.: Phys. Rev. Lett. 108 (2012) 086403.
- 13) H. Yokoyama, et al.: J. Phys. Soc. Jpn. 73 (2004) 1119.
- 14) S. Fujiyama, et al.: Phys. Rev. Lett. 112 (2014) 247212.
- H. Watanabe, T. Shirakawa and S. Yunoki: Phys. Rev. Lett. 110 (2013) 027002.
- 16) Y. Yang, et al.: Phys. Rev. B 89 (2014) 094518.
- 17) Z. Y. Meng, et al.: Phys. Rev. Lett. 113 (2014) 177003.

(2014年7月18日原稿受付)

Novel Insulator and Superconductivity in a 5*d* Electron System of Iridium Oxides

Hiroshi Watanabe, Tomonori Shirakawa and Seiji Yunoki

abstract: We have studied a three-orbital Hubbard model to understand the detailed electronic structure of 5*d* transition metal oxide Sr_2IrO_4 . We have shown that the large spin-orbit coupling of 5*d* electrons induces the novel insulating state, characterized by an effective total angular momentum $J_{eff} = 1/2$. This material is found to be located between Slater and Mott insulators. We have also proposed that the novel superconductivity is induced by electron doping for Sr_2IrO_4 .



単一原子/光子を操作するナノ光ファイバー



白田耕藏

電気通信大学フォトニックイノベーション研究センター

光の発生や伝播を光子のレベルで操作制 御することは光物理学のトピックスの一つ である.また関連研究は応用の視点からも、 量子情報処理を実現するための基盤技術と して世界の各所で様々に展開されている. 本稿では、我々がこの10年来研究を進め ているナノ光ファイバーによる単一原子/ 光子の操作制御法について実験技術を中心 に紹介する.

ナノ光ファイバーとは、通常の単一モー ド光ファイバーの一部をサブミクロン直径 (伝播光の半波長程度)まで極細化したも のであり、応用の視点からは単一原子/光 子の操作制御機能を将来の量子情報光ファ イバーネットワークに直接的に組込み可能 なことが要点である.一方,物理的には光 のモード密度分布を直径が波長程度の微小 なナノファイバー伝播モードに局在集中さ せることがその要点である。 モード局在の 結果、ナノファイバー近傍に配置した原子 の光応答は自由空間と大きく異なるよう操 作し制御することができる. 典型例は原子 の自然放出であり、ナノファイバー表面近 傍では原子の自然放出は異方的となり、放 出蛍光全光子の20%以上がファイバー伝 播モードに放出される. 即ち, ナノファイ バー上に単一原子を配置すれば、その蛍光 を量子情報処理のキー要素の一つである単 一光子の列としてファイバーモード中に効 率良く発生できる. また, ナノ光ファイ バー近傍に原子を配置すれば、原子に共鳴 する伝播光の散乱確率は大きく高まり、結 果としてファイバー伝播光に対し高光学密 度系を少数原子で生成できる. ナノファイ バー伝播光の高光学密度原子系が実現すれ ば、光子レベルの超微弱伝播光を操作する 共鳴非線形光学過程を様々に設計し実現し 得る.

更に、ナノ光ファイバー系に共振器を組 込めば、異方的な自然放出や高光学密度原 子系の機能は飛躍的に増強でき、物理的に もまた応用技術としても大きなインパクト を与え得る. 最近では, ナノファイバー上 に周期的な穴構造を直接に加工しファイ バーブラッググレーティング (FBG) によ り反射機能を組込む技術も確立しつつあり, 既に優れたナノファイバー光共振器も実現 している. また直接加工法と相補的な方法 として、ナノファイバーに外部グレーティ ングを接触させることにより、ナノファイ バーに FBG 機能を組込む方法も確立しつ つある. 最近ではこの外部グレーティング に不連続欠陥を導入することにより単一 モードナノファイバー共振器も実現し、自 然放出の大きな増大効果など共振器 OED 効果も観測されている.

ナノ光ファイバーの方法は単一原子/光 子の操作制御法として、その物理的及び技 術的基盤は確立しつつあるが、諸機能を媒 介する「原子」については更なる発展が必 要である.本稿で紹介する研究では「原子」 としてレーザー冷却原子系や常温のナノ結 晶量子ドット系を用いているが、レーザー 冷却原子系は物理的には理想に近いが応用 技術展開を考えたとき、その生成/制御の 複雑さはネックになるだろうし、量子ドッ ト系は簡便な単一ドット操作や発光量子効 率の高さの面で大きな長所を有するが、発 光スペクトル幅の広さや発光が点滅するブ リンキングなど問題点もある. 今後はこれ までに確立してきた実験技術をベースに, 理想に近い「原子」系の開発が期待される.

-Keywords

共振器 QED:

共振器量子電磁力学. 原子の 光応答は通常無限に広い自由 空間の連続分布する電磁場 モード中で記述されるが、電 磁場モードが離散的となる微 小空間では光応答は自由空間 とは異なってくる. 共振器 QEDは微小共振器を用いて 電磁場モードを制御し原子の 光応答を操作制御する光物理 の研究分野. 電磁場と原子の 相互作用の強さにより弱結合 領域から強結合領域まで区分 される.弱結合領域では自然 放出の操作制御が典型的な効 果. 強結合領域では真空ラビ 分裂等が観測される. 最近で はナノ加工技術の発展とあい まって, ナノフォトニック回 路に共振器QED効果を組込 む研究が進展している.

ナノ光ファイバー:

通常の単ーモード光ファイ バーの一部をサブミクロン直 径(伝播光の半波長程度)ま で極細化した光ファイバー. 最細部のナノファイバー領域 では光(電磁場)のモード密 度集中が起こり、ファイバー 周囲の原子の光応答は自由空 間と大きく異なってくる.光 共振器を組込めば大きな共振 器 QED 効果が期待できる.



直径 600 nm のナノファイ バーに加工されたナノクレー 夕列.フェムト秒レーザーの 単ーパルス照射で加工された もの.クレータ径制御により ナノファイバーに光共振器機 能も組込める.

1. はじめに

光は日常生活においてはもちろん、現代の科学技術の多 くの領域で様々に用いられ重要な役割を果たしている.光 の典型例はレーザー光などのコヒーレント光やランプ光の ようなインコヒーレント光であろう.様々な光は量子光学 的には光を構成している光子の流れの統計的な振る舞いに より区別され特徴付けられる.この30年来,量子光学の 分野では光と物質の相互作用を単一原子のレベルで操作し, 光の発生を単一光子のレベルで制御したり、共鳴非線形光 学過程を用いて光子レベルの超微弱光の伝播を操作制御す る研究が進展してきた.1)現在ではこれらの研究は、量子 コンピューティングや量子通信などの量子情報処理の基盤 を与える技術としても注目を集め様々に研究展開がなされ ている. 最近ではナノ加工技術の発展とも相まって、単一 原子/光子の操作制御を様々なナノ導波路上で実現し、量 子光学機能を光回路や光ネットワークに組込むことを目指 してナノフォトニクス分野においても新しい展開が始まり つつある.^{2,3)}

本稿では、我々がこの10年来、提案し研究を進めてい る単一原子/光子を操作制御するナノフォトニクスの方法 について実験技術を重点に紹介する. 方法の要点は単純で あり、ナノ導波路として通常の単一モード光ファイバーの 一部をサブミクロン直径(伝播光の半波長程度)まで極細 化した光ファイバー (ナノ光ファイバー)を用いることで ある.ナノ光ファイバー上に単一/少数原子を配置しその 光応答特性を操作し制御し,新機能を創り出すことを目指 している。この方法は未だ発展段階のものであり、完成段 階に到達したものではない. そのため本稿の記述も完結的 なものとはなりえないことにはご容赦頂きたい.むしろ. 本手法やその関連分野の更なる発展には様々な分野での経 験や蓄積を学ぶことが必要にも思える. その意味で本稿が 多くの分野の方々の目に留まり、様々なご意見やコメント 等を頂けるきっかけになれば筆者にとっては大きな喜びで ある.

2. ナノ光ファイバーで何が期待できるか

ここで紹介するシステムを図1に概念的に示す.通信用 の光ファイバーの一部をサブ波長直径まで極細化しナノ ファイバー化しその表面上に少数の原子を配置するもので ある.まず通信用の光ファイバーの構造であるが,外径が 約120 µmのシリカファイバーであり,中心部の直径 5-10 µmの領域の屈折率は周囲 (クラッド)よりやや高くコアを 形成している. 伝播光はコア部に集中し周囲のクラッド部 にエバネッセントテイルがしみだして伝播する.ナノファ イバー部では外径は非常に小さいのでナノファイバー自体



図1 ナノ光ファイバー/原子系の概念図.

実験技術 単一原子/光子を操作するナノ光ファイバー

がコアとして働き,系が真空中に置かれている場合は外部 の真空がクラッドとなり,エバネッセントテイルは周囲の 真空中にしみだして伝播する.ナノファイバーの直径がサ ブ波長の場合はエバネッセント部も含めて,伝播光は直径 が波長程度の断面の領域に集中することになり,ナノファ イバー近傍の光の場のモード密度は伝播モードの領域に局 所的に集中することになる.従って,ナノファイバー近傍 に原子を配置すれば,原子は自由空間とは異なる局在集中 したモード密度分布の光の場と相互作用することになる. このことがナノ光ファイバー法の物理的な要点である.ま た,技術的にはナノ光ファイバーを用いれば単一原子/光 子を操作制御する機能が光ファイバーネットワーク中に容 易に組込み可能になるので量子情報技術応用にも新しい道 を開き得るものとなる.

まず、物理的な事情について説明する.原子の準位*i*,*j* 間の遷移周波数を v_{ij} ,遷移双極子モーメントを μ_{ij} とすれば、 準位間の自然放出レート Γ_{ij} は光の場のモード密度 $\rho(v_{ij})$ と フェルミの黄金律 $\Gamma_{ij} = (2\pi/\hbar) |\mu_{ij}|^2 \rho(v_{ij})$ により直接に結び つけられる.つまり、モード密度が局所的に集中すれば、 その領域での自然放出レートは増強され、またその局所分 布が異方的であれば自然放出も異方的になる訳である.ナ ノファイバー近傍に原子を配置した場合の自然放出レート の計算例を図2に示す.³⁾計算ではナノファイバーの屈折



図2 ナノファイバー近傍に原子を配置したときの自然放出レートの振る 舞いの理論計算結果.(a)全放出レートの原子位置依存性,(b)ナノファイ バー伝播モードへの放出レートの原子位置依存性,(c)ナノファイバー伝 播モードへの放出レートのナノファイバー径依存性.

率としてシリカの値を用いている.図2(a)は原子の全自 然放出レートをナノファイバー中心からの距離rに対して プロットした結果である. レートは自由空間での値 Γ₀ で 規格化してある. aはナノファイバー半径であり, r/a=1 はナノファイバー表面である. 自然放出レートはナノファ イバーから十分離れた位置では自由空間と同等であるが. ナノファイバー表面では1.6倍程度増強されているのが分 かる. 図2(b)は自然放出光の中でナノファイバーの伝播 モードに放出されるレートΓαの振る舞いを示す. ナノファ イバー表面ではΓ_q~0.4Γ₀に達しており, 増強された全自 然放出光の24%程度はファイバー伝播モードに放出され ており、自然放出は極めて異方的になっている. この異方 的な自然放出はナノファイバーの太さに依存するものであ る. 直感的には、ナノファイバー直径がゼロに至る細い極 限では、モード密度分布は自由空間分布に漸近するだろう し、太い極限ではエバネッセントテイルは小さくなり、そ こでのモード密度分布も自由空間分布に漸近するだろうか ら、両極限での自然放出は自由空間と同等になり、分布は 等方的になると考えられる.従ってナノファイバー径とし ては、細すぎずまた太すぎない領域に最適な値が存在する ことが予測できる. 図2(c) はナノファイバー表面に原子を 置いたときのファイバー伝播モードへの自然放出光の放出 割合をナノファイバー径に対して計算した結果である. ん は伝播光の自由空間での波数である.最大割合を得る最適 条件はkoa~1.45であり、ナノファイバーの直径2aが2a~ 0.46λ、およそ伝播光の半波長の場合である.

ナノファイバーの伝播光が波長程度の断面の領域に局在 集中することは、伝播光を共鳴非線形光学過程により操作 することにも重要な意味を持つ.効率の良い共鳴非線形光 学過程を実現する際の要点の一つは光学密度の高い原子集 団を準備することである.1) ナノファイバー近傍に2準位 からなる原子を一個配置し、ファイバー中を共鳴波長の微 弱光が伝播する系を考える.2準位原子の共鳴中心での光 吸収断面積は $\lambda^2/2\pi$ であり,⁵⁾ ナノファイバー系における 伝播モードの断面積と同程度のサイズであるので,いわば 光の導波領域に導波路と同サイズのターゲットが存在する ことになり、伝播光は原子と非常に高い確率で衝突し散乱 されることになる。ナノファイバー近傍に原子1個を配置 した系について微弱伝播光についての散乱確率を計算した 結果を図3(a),(b)に示す.⁶⁾ファイバー直径は2a~0.46ん である. (a) はナノファイバー上に. (b) はファイバー表 面からナノファイバー半径aだけ離れた位置に原子を配置 した場合である. 点線, 破線はそれぞれ散乱光が伝播モー ド. 放射モード(自由空間モード)に放射される確率であ り、実線はそれらの和である。放射モードへの散乱が光吸 収に対応する.計算結果は、原子一個がナノファイバー表 面にあれば伝播光の40%以上が、原子位置がナノファイ バー半径距離だけ離れていても15%以上が、吸収される ことを示している. つまり, ナノファイバー近傍に高々数



図3 ナノファイバー近傍に配置した単一原子によるナノファイバー伝播 光の散乱確率の理論計算結果. 点線は伝播モードへの散乱確率 η_{g} , 破線は 放射モードへの散乱確率 η_{r} , 実線は両者の和である全散乱確率 η_{r} . (a) 原子 がナノファイバー表面上に配置された場合. (b) 原子がナノファイバー半 径分だけ離れた位置に配置されている場合.

十個の原子を配置すればその光学濃度は極めて高くなり高 効率の共鳴非線形光学過程が実現できることになる.

ナノ光ファイバーの自然放出や共鳴吸収に対する効果を 更に高めるには、ナノファイバー上に光共振器機能を組込 むことが有効である.ナノファイバー上の共振器は伝播 モードのみに作用するので、 伝播モードへの自然放出レー トは増強されるし、伝播光とナノファイバー上の原子との 実効的相互作用回数も増強されることは容易に予測できる. もちろん、大きな増強を得るには原子は共振モードのアン チノードの位置に配置することが必要である. 実際に計算 してみると、アンチノードでは伝播モードへの自然放出 レートは概ね共振器フィネス(共振器の実効的な往復回 数) 倍だけ増強され、フィネスが50以上であれば伝播モー ドへの自然放出割合は90%以上にも達する.⁷⁾また,フィ ネスが50以上であればナノファイバー近傍の単一原子で すら大きな光学濃度が期待できる.もちろんこれらの効果 は共振器量子電磁力学 (C-QED) において確立してきた物 理に含まれるものではあるが、ナノファイバー共振器系は 微小ファブリーペロー共振器を用いる通常のC-QED系と は量的な意味で大きな違いがある.例えば通常のC-OED 系の自然放出制御において用いられる共振器フィネスは 100,000以上の高フィネス共振器であるが、ナノファイバー 系ではそれの1/1.000以下の小さなフィネスで良い.通常 のC-QEDにおいては共振器空間横モードの局所閉込め及 び周波数領域での縦モード閉込めの両方が一対の凹面反射 鏡により制限されるのに対し、ナノファイバー系ではナノ ファイバー直径の制御により伝播横モードが波長程度の領 域まで強く閉込められるため、共振器による縦モード閉込 めは付加的で強くする必要は無い訳である. ナノ光ファイ バー系は、他にも超放射過程においても従来の限界を超え る新たな可能性を提供し得ることが理論的に予測されてい る⁸⁾がここでは紙面の都合上議論しない.

3. ナノ光ファイバー/原子系の振る舞い

前節で紹介したナノ光ファイバーの量子光学を実験的に 実現するには様々な実験技術を開発する必要がある.本節 では共振器を組込まないベアーなナノ光ファイバーについ て,我々が開発した技術を紹介しながら,前節での理論予 測との対応を議論する.

3.1 ナノ光ファイバー作製

先ずナノ光ファイバーの作製法であるが、通信用単一 モード光ファイバーの一部を加熱延伸しテーパファイバ化 することにより作成する. 高透過率のナノ光ファイバー作 製にはテーパ領域の直径変化を制御することが要点である. 前節で図1の概念図について述べたように、通常のファイ バーでは光伝播はコア/クラッド伝播であるが、ナノファ イバー領域では周囲の真空(もしくは大気)がクラッドと なる真空クラッド伝播となる. コア/クラッド伝播から真 空クラッド伝播への転移は相転移的に起こり、転移点はコ アモードカットオフと呼ばれている.シリカファイバーで はコアモードカットオフは直径約23ミクロンに現れる. 従って、加熱延伸は転移点である直径約23ミクロン近傍 の領域を通過する際に、直径変化を十分緩やかに断熱的に 制御することがキーポイントとなる.この指針に従って, 微小領域加熱が可能な酸水素マイクロトーチとコンピュー タ制御の移動ステージの組み合わせにより加熱延伸を行え ば、透過率97%以上のナノ光ファイバーがルーチン的に 作製できる. 最近ではナノ光ファイバー作製装置は市販も されている.

3.2 自然放出制御:ナノファイバーへの単一量子ドット 配置

次にナノファイバーによる自然放出の制御の観測につい てであるが,図2(a),(b)から分かるように,定量的な実 験にはナノファイバー表面からの原子位置が確定している ことが重要である.そのため我々は原子として半導体量子 ドットを用い,ナノファイバー上に量子ドットを配置し ファイバー伝播モードへの自然放出光(蛍光)を測定し, ナノファイバーによる自然放出制御について評価した.結 果を紹介する.^{9,10)}用いた量子ドットは液体中に分散した コアシェル構造のCdSeTeナノ結晶であり発光中心波長は 790 nm である.

図4に量子ドット配置のシステムの概略を示す.量子 ドット配置システムは倒立顕微鏡上に組込まれ,ナノ光 ファイバーは顕微鏡上の精密 x-yステージ上に設置されて いる.量子ドット溶液は底面に約100 µmの貫通穴を有す るガラステーパ管に注入されている.テーパ管中にはタン グステンニードル(先端径17 µm)が設置されており,ニー ドルはその先端に微小液滴を付着させた状態で貫通穴を通 して下降しナノファイバーに接触し直ちに上昇する.接触 はナノファイバー中に導入されているレーザー光の散乱を 顕微鏡により観測することによりモニターする.液滴接触 後,液体は直ちに蒸発気化しナノファイバー上に量子ドッ



図4 ナノ光ファイバーへの量子ドット配置システムの模式図. OL は対物 レンズ, BS はビームスプリッター, FM はフリッパーミラー.



図5 ナノファイバー上に量子ドットを8点で配置したときに、各配置点 で観測された蛍光信号.量子ドットが20µm間隔で規則的に配置されている.

トが配置される.ナノファイバーの位置制御,ニードル動 作等は全てコンピュータ制御されている.

量子ドット配置後はレーザー光を顕微鏡対物レンズによ りナノファイバーに集光し励起し、ファイバー伝播モード に放出された蛍光を観測する.図5にナノファイバー上に 20µm間隔で8点に量子ドットを配置して観測した蛍光信 号を示す.各配置点で明瞭な信号が観測されている.図6 に配置点3,4,5,7について観測した蛍光強度の時間変化 (左列)及び光子相関測定(右列)の結果を示す.蛍光強度 にはON/OFFの振る舞い(ブリンキング)が観測されてい る.ブリンキングはコアシェル量子ドットで良く知られて いる振る舞いであり、高いエネルギー状態まで励起された 電子がドット内を移動し界面等で一時的にトラップされる ことによるものである.配置された量子ドットが単一であ れば、観測されるブリンキングは一段階のテレグラフ信号 になる.位置3,5,7では明瞭な一段階のブリンキングが観 測されており、これら3点では単一の量子ドットが配置さ



図6 ナノファイバー上の4つの配置点について観測された蛍光強度の時 間変化(左列)と光子相関測定結果(右列).

れているのが分かる。位置4では二段階のブリンキングが 観測されており、2個の量子ドットが配置されていること を示している. 光子相関測定は量子光学の標準計測手法で あり.発生した光をビームスプリッターで分け光子検出し. それぞれについての光子到着時間を計測し時間差を変化さ せコインシデンスを計測する方法である.発光原子が単一 であれば同時には単一の光子のみしか発生できないので、 同時刻でのコインシデンスは極小化し(アンチバンチン グ)理想的にはゼロとなる.実際,位置3,5,7では明瞭に ほぼゼロのアンチバンチングディップが観測されている. 2個の量子ドットが配置された位置4ではアンチバンチン グディップは0.2にとどまっている.2個の量子ドットが 同一の場合について予測されるディップ値0.5に比べて小 さい値が観測されているのは、信号強度の振る舞いから分 かるように、1個の量子ドットは他方に比べてブリンキン グの頻度が大きいことによるものである。この量子ドット 配置法により単一の量子ドットをナノファイバー上に60% の成功確率,空間精度3µmで配置できる.なお,1個の量 子ドット配置により発生するナノ光ファイバーの透過率減 少は0.5%である.

ナノ光ファイバー上に単一の量子ドットを配置し、その 蛍光をファイバー伝播モードと共に顕微鏡対物レンズを用 いて放射モードについても同時計測し、ナノファイバーに よる原子の自然放出の異方性を様々な直径のナノファイ バーについて定量的に評価した.結果は、広いナノファイ バー直径の範囲で図2(c)の理論予測を実験誤差の範囲で 裏付けるものであり、最適ファイバー直径の領域でのファ



図7 ナノファイバー近傍の少数原子がファイバー伝播モードに放出した 蛍光の光子相関測定結果. 左列は片側のファイバーモードへの蛍光につい ての測定結果. 右列は両側のファイバーモードへの蛍光間の測定結果.

イバー伝播モードへの自然放出割合は22(±5)%に達し実 験誤差内で理論予測と一致することを実証している.¹⁰⁾

3.3 少数原子による高光学密度系

次にナノファイバー近傍の少数原子による高光学密度系 であるが、この場合の原子系としては磁気光学トラップし たレーザー冷却セシウム原子系を用い、観測には波長 852 nmのD2 遷移を用いる.気体原子系を用いる要点は良 く定義できる2準位系の光吸収断面積を有することである. また、レーザー冷却により原子の運動速度が低減され、ナ ノファイバー近傍のエバネッセント領域の原子の滞在時間 が自然放出時間より十分に長くなり、良く定義された原子 と光の場の相互作用が実現できることも要点である.

実験的には真空容器中で磁気光学トラップされた原子雲 をナノファイバーに重ね共鳴ピークでの光吸収を測定する 訳である.この際の重要なパラメータはナノファイバー伝 播光と相互作用する実効的な原子数である. 実効的原子数 は量子ドットについてと同様に、原子雲に共鳴レーザー光 を照射し、ファイバー伝播モードに放出された蛍光の光子 相関を測定することにより見積もることができる. 図7に 計測した光子相関の結果を示す.^{11.12)} 左の列はファイバー 片側に放出された蛍光についてビームスプリッターを用い て2光路に分けて計測した結果であり、右の列は原子が ファイバーの両側に放出した蛍光間の相関を計測した結果 である. 各計測についてのパラメータ ID は原子源からの 原子発生を制御する電流値である. 左列では、 ID が小さな 場合はアンチバンチングディップはゼロに近く、放出され た蛍光は単一光子列に近く、ナノファイバー近傍の実効原 子数は単一に近いことを示している. IDを増加するにつれ (原子数が増加するにつれ) アンチバンチングディップは 浅くなり、更にゼロ遅延で極大を示すバンチングへと転化

している.原子それぞれは独立に無関係に振る舞うので、 原子数が多ければ原子系の蛍光は通常のランプと同様にイ ンコヒーレント光となる. インコヒーレント光の光子相関 がバンチングの振る舞いを示すのは良く知られている. 一 方, 右列の結果ではアンチバンチングディップが相対的に 浅くなるのみでバンチングの振る舞いは観測されていない. 光子相関に現れるバンチングの振る舞いは基本的に一次相 関の効果,即ち波の干渉として説明できる.片側相関計測 では、同一の伝播ベクトルのモードに放出された蛍光につ いて計測しており、通常の波の干渉はほぼ理想的に観測さ れる.一方,両側相関計測では逆符号の伝播ベクトルを有 するモードに放出された蛍光について相関計測しており. 通常の波の干渉は観測できない.理論計算の結果は破線で 示されており、実験結果を良く説明している. このフィッ ティングで用いるパラメータは実効原子数nであり. 光子 相関計測によりナノファイバー近傍の実効原子数が精度良 く見積もれることを示している. なお, 磁気光学トラップ 原子雲を重ねることのみによりナノファイバー近傍に準備 できる実効原子数は最大10程度である.

ナノ光ファイバー近傍に10個の原子を配置し,極微弱 光をナノ光ファイバーに導入し共鳴吸収スペクトルを計測 したところ,ピークでの吸収は70%に達した.¹³⁾10個の 原子は平均的にはナノファイバー表面から200nm程度離 れた位置に分布していると考えられるので,この測定結果 は図3(b)の理論予測⁶⁾を裏付けるものであり,ナノファ イバー近傍に数十個の原子を配置するかもしくは共振器を 組込めば,極めて大きな光学濃度の原子系が実現できるこ とを実証している.

ナノ光ファイバーにどうやって共振器を組込 むか

次のステップはナノ光ファイバーに共振器を組込むこと である.通常の光ファイバーに共振器を組込む標準手法は ファイバーコアにブラッググレーティングを書き込み, ファイバーブラッググレーティング(FBG)を反射鏡とし て用い,一対のFBGにより共振器を構成する方法である. ナノ光ファイバーでもFBG組込みは可能である.ただし, ナノ光ファイバー系では通常の光ファイバーへのFBG加 工に用いられているコア部にドープされているGeO2の紫 外感光性を用いた屈折率変調方式は適用できない.本節で は,我々が開発したナノ光ファイバー系にFBG機能を組 込む二種類の方法を紹介する.第1の方法はナノファイ バー自身にFBG構造を書き込み加工する方法であり,第2 の方法は外部ナノ構造によりナノファイバーにFBG機能 を組込む方法である.

4.1 直接書き込み法

ナノファイバーへの FBG 書き込みは集束イオンビーム 加工^{14,15)} やフェムト秒レーザー多光子加工¹⁶⁾ により実現 されているが、ここでは筆者が将来への発展性を感じる



図8 フェムト秒レーザーによるナノファイバーへのFBG加工システムの 模式図.レーザー波長は400 nm,パルス幅は120 fs.



図9 フェムト秒レーザー照射によりナノファイバー中央部に加工された 一次元のクレータ列 (フォトニック結晶ナノファイバー)の SEM 画像. 白 線長さは5 µm に対応. 下段は一部のズームアップ画像. 白線長さは1 µm に対応.

フェムト秒レーザー多光子加工法について紹介する.

加工の実験配置図を図8に示す.用いるフェムト秒パル スレーザー光はチタンサファイアレーザーの2倍高調波 (波長400 nm)であり、パルス幅は120 fs、ビーム直径2 mm である.レーザー光を位相マスクにより±1次の回折光に 分け、ミラーで折り返しナノファイバー上に干渉縞を形成 する.ゼロ次回折光はナノファイバーに照射しないようブ ロックする.レーザー光は円筒レンズによりナノファイ バー上に紙面垂直面内で集光する.集光ビーム幅は約60 µmとナノファイバー直径の100倍程度であり、ナノファ イバーには集光干渉縞が一様に照射されている.

図9に直径630 nmのナノファイバーへの加工例を示す. ナノファイバー上に周期的な穴加工がなされているのが分 かる.ナノファイバーのレーザービーム径に対応する長さ の領域に,間隔350 nmで数千個の穴加工がなされている. 穴形状は,加工中心部で直径210 nm/深さ150 nmのお椀 状である.中心から離れるに従って穴直径は対称的に小さ くかつ深さは浅くなる.注目すべきことは,この穴加工が レーザー照射面ではなく照射裏面になされていることであ る.つまり、一様照射されたナノファイバー自身が超短焦 点円筒レンズとして働き、レーザー光干渉縞を照射裏面に 集光しそこでアブレーションが発生し、干渉縞間隔でク レータ状の穴加工が実現されたわけである.従って、加工 穴は自己制御的に正確に裏面中心線上に単一列に加工され ている.また、この加工は単一パルス照射で実現されたも のであり、加工時間は120 fs と超短時間である.このため ナノファイバーの機械的な揺れ等の影響は全く無視して良 い.

ナノファイバー上の規則的な穴列は一次元のフォトニッ ク結晶を構成するものであり、我々はフォトニック結晶ナ ノファイバー (PhCナノファイバー) と呼んでいる. PhC ナノファイバーは良好なFBG特性を示す.透過率がゼロ になるストップバンド中心での反射率は測定精度の範囲で ほぼ100%である.このFBG特性は、穴加工の効果を局所 的屈折率の低減として理解できる. ナノファイバーに沿っ ての穴径や穴深さは照射領域のレーザー強度分布で決まる ので、強度分布を制御すればナノファイバー上に局所屈折 率変化の急峻な部分を対称的に生成できる. 急峻な屈折率 変化は反射をもたらすので、対称な急峻屈折率変化により ナノファイバー上に光共振器を形成することができること になる.このようにして得た PhC ナノファイバーの光透 過特性を図10に示す.¹⁷⁾ x 偏光及び y 偏光(図8参照)につ いて高分解能測定(<1 MHz)した結果である.FBGによ るストップバンド中に偏光依存性のある共振モードが明瞭 に見て取れる. x 偏光の②を付したモードのフィネスは40 であり、透過率は80%以上である.y偏光の①のモードの 透過率は20%であるがフィネスは500に達している.前節 で議論したように,原子共鳴線にx 偏光②のモードを同調 すれば大きな自然放出制御効果が期待できる. また, フィ ネス 500 の y 偏光①のモードを同調すれば原子と共振器系 の強結合状態の実現も期待できる.

ナノファイバー共振器の共鳴波長であるが、ストップバンドの中心波長は加工時のレーザー干渉縞間隔とナノファイバーの実効屈折率(伝播定数)で決まる.ナノファイバーの伝播定数はナノファイバーの直径で決まるので、原子の



図10 フォトニック結晶ナノファイバーに組込まれた光共振モードスペクトル. (a) はx 偏光について, (b) はy 編光についてのスペクトル. 青実線 枠内は青点線枠内のスペクトルのズームアップ.

共鳴波長に同調するには加工時のナノファイバーの直径設 定が重要である.ただし,共振モード波長は共振器加工し たナノファイバーをピエゾ素子等で延伸することにより 10 nm 程度掃引することができるのでフィードバック制御 も含めて最終的な微細制御は可能である.実際,図10の 高分解スペクトルはレーザー波長を固定した状態で共振器 長を掃引することにより計測している.なお,横軸は共振 器掃引長を波長に較正して記している.

4.2 外部グレーティング制御法

ナノファイバーの伝播光はエバネッセント領域にも相当 程度分布するので、図11(a)に模式的に示すように、その 領域にグレーティング等の周期的な構造体を配置すればナ ノファイバー伝播光は実効的に屈折率変調を受け、ナノ ファイバーにFBG機能を組込むことができる.¹⁸⁾ただし, 散乱損失を十分に低減するようなグレーティングの設計が 肝要である. グレーティング材料はナノファイバーと同じ くシリカとして、FBG 機能を組込めるよう時間領域差分 法 (FDTD 法) により、グレーティング周期、グレーティ ング凸部の幅及び深さ、その本数、の最適条件の探索を 行った. 探索したパラメータに基づいて電子ビームリソグ ラフィ/ケミカルエッチングにより作成したグレーティン グ上にナノファイバーを配置した系の SEM 画像を図 11(b) に示している. グレーティングの凸部幅は90 nm であり周 期の25%と薄いものであり、かつその高さは2 µmとアス ペクト比の非常に大きな構造となっている. グレーティン グ全体での周期数は200であり、グレーティング総幅にす



(b)



図11 (a) 外部グレーティングによりナノファイバーに FBG 機能を組込む 方法の概念図. A_g, aA_g, d はそれぞれグレーティング周期, グレーティン グ凸部幅. 凸部深さを示す. (b) 作成されたグレーティング上にナノファ イバーを配置した系の SEM 画像.



図12 ナノファイバー/グレーティング系の透過特性(青線)及び反射特性 (赤線). 上段はFDTD シミュレーション結果,下段は実験結果.

ると60 µmと高々毛髪程度の微小なものである.

ナノファイバー/グレーティング系についてのナノファ イバー伝播光の透過及び反射スペクトルを図12に示す. 上段はFDTDシミュレーションによるものであり,下段は 作成したグレーティングを用いて実験的に測定されたスペ クトルである.ナノファイバーの直径は570 nmである. シミュレーションと実験の対応は極めて良く765 nmでの ストップバンドで100%に近い反射を示す良好なFBG特性 が観測されている.なお、ストップバンド中心波長は直接 書き込みの場合と同様にグレーティング周期とナノファイ バー直径で決められる.更に、グレーティングとナノファ イバーとの配置相対角度を変え、実効的な溝間隔を変える ことにより中心波長を微細に制御することもできる.

この方法ではグレーティング中央部に不連続部を導入す ることにより共振器機能を導入するよう設計することは容 易にできる.実際,最近では不連続部導入による共振器機 能も実現し,更に単一量子ドットを配置したナノ光ファイ バーと組み合せることにより理論予測と対応する自然放出 増強も観測されている.¹⁹⁾

5. おわりに

ナノ光ファイバーの方法は単一原子/光子の操作制御法 として、その物理的及び技術的基盤は確立しつつある.し かしながら、諸機能を媒介する「原子」については更なる 発展が必要である.本稿では「原子」としてレーザー冷却 原子系や常温のナノ結晶量子ドット系を用いた例を紹介し たがそれぞれについての課題はある.レーザー冷却原子系 であるが、本稿の例では単純な磁気光学トラップ原子雲を 用いたが、冷却原子をナノファイバー伝播光により双極子 トラップしナノファイバー近傍に局在した原子系を生成す ることも可能である.²⁰⁻²³⁾このような系により物理的には 理想に近い状況を準備することができるので、今後はここ で紹介した実験技術等を用いて様々な研究展開が期待され る.ただし,原理実証を超えた応用技術展開を考えたとき, 冷却原子系の生成/制御の複雑さは一つのネックになる可 能性がある.ナノ結晶量子ドット系は簡便に単一ドットを ナノファイバー上に配置できることや発光量子効率が高い ことなど,大きな長所を有するが,発光スペクトル幅の広 さや発光が点滅するブリンキングを示すなどの問題点もあ る.今後は,これまでに確立してきた実験技術をベースに, ナノ結晶量子ドット系のみならず様々なナノ粒子系での理 想に近い「原子」系の開発が期待される.

共同研究者である Fam Le Kien 博士, Kali Nayak 博士, Ramachandrarao Yalla 博士, Mark Sadgrove 博士に謝意を表 する.

参考文献

- M. Fleischhauer, A. Imamoglu and J. P. Marangos: Rev. Mod. Phys. 77 (2005) 633.
- B. J. M. Hausmann, B. J. Shields, Q. Quan, Y. Chu, N. P. de Leon, R. Evans, M. J. Burek, A. S. Zibrov, M. Markham, D. J. Twitchen, H. Park, M. D. Lukin and M. Loncăr: Nano Lett. 13 (2013) 5791.
- 3) A. Goban, C.-L. Hung, S.-P. Yu, J. D. Hood, J. A. Muniz, J. H. Lee, M. J. Martin, A. C. McClung, K. S. Choi, D. E. Chang, O. Painter and H. J. Kimble: Nat. Commun. 5 (2014) 4808.
- Fam Le Kien, S. Dutta Gupta, V. I. Balykin and K. Hakuta: Phys. Rev. A 72 (2005) 032509.
- 5) P. W. Milonni and J. H. Eberly: Lasers (John Wiley & Sons, 1988) p. 219.
- 6) Fam Le Kien, V. I. Balykin and K. Hakuta: Phys. Rev. A 73 (2006) 013819.
- 7) Fam Le Kien and K. Hakuta: Phys. Rev. A 80 (2009) 053826.
- Fam Le Kien, S. Dutta Gupta, K. P. Nayak and K. Hakuta: Phys. Rev. A 72 (2005) 063815.
- 9) R. R. Yalla, K. P. Nayak and K. Hakuta: Opt. Express 20 (2012) 2932.
- 10) R. R. Yalla, Fam Le Kien, M. Morinaga and K. Hakuta: Phys. Rev. Lett. 109 (2012) 063602.
- K. P. Nayak, Fam Le Kien, M. Morinaga and K. Hakuta: Phys. Rev. A 79 (2009) 021801(R).
- 12) Fam Le Kien and K. Hakuta: Phys. Rev. A 77 (2008) 033826.
- 13) K. Hakuta: Proc. SPIE 6904 (2008) 690406.
- 14) K. P. Nayak, Fam Le Kien, Y. Kawai, K. Hakuta, K. Nakajima, H. T. Miyazaki and Y. Sugimoto: Opt. Express 19 (2011) 14040.
- 15) Fam Le Kien, K. P. Nayak and K. Hakuta: J. Mod. Opt. 59 (2012) 274.
- 16) K. P. Nayak and K. Hakuta: Opt. Express 21 (2013) 2480.
- 17) K. P. Nayak, P. Zhang and K. Hakuta: Opt. Lett. 39 (2014) 232.
- 18) M. Sadgrove, R. R. Yalla, K. P. Nayak and K. Hakuta: Opt. Lett. 38 (2013) 2542.
- 19) R. R. Yalla, M. Sadgrove, K. P. Nayak and K. Hakuta: Phys. Rev. Lett. 113 (2014) 143601.
- 20) V. I. Balykin, K. Hakuta, Fam Le Kien, J. Q. Liang and M. Morinaga: Phys. Rev. A 70 (2004) 011401 (R).
- 21) Fam Le Kien, V. I. Balykin and K. Hakuta: Phys. Rev. A 70 (2004) 063403.
- 22) E. Vetsch, D. Reitz, G. Sagué, R. Schmidt, S. T. Dawkins and A. Rauschenbeutel: Phys. Rev. Lett. 104 (2010) 203603.
- 23) A. Goban, K. S. Choi, D. J. Alton, D. Ding, C. Lacroûte, M. Pototschnig, T. Thiele, N. P. Stern and H. J. Kimble: Phys. Rev. Lett. **109** (2012) 033603.

(2014年6月23日原稿受付)

Optical Nanofibers for Manipulating Single Atoms and

Single Photons Kohzo Hakuta

abstract: We discuss a quantum optical technology using optical nanofibers. The key point of this technology is to strongly confine the mode density of the light field around an optical nanofiber, that is a sub-wavelength diameter silica fiber, and to open a novel route for manipulating single atoms and single photons. First, we discuss theoretically how various freedoms of atoms and photons can be manipulated with optical nanofibers. Examples include spontaneous emission manipulation, photon correlations, and few-atom spectroscopy. Next, we show experimentally by placing a few atoms on an optical nanofiber, how the spontaneous emission from the atoms on the nanofiber is efficiently channeled into the fiber-guided modes, how photon correlations evolve by varying the number of atoms, and how a few atoms on a nanofiber behave as an optically dense system. Furthermore, we show theoretically how the characteristics can be enhanced by incorporating photonic crystal structures on nanofibers. Recent progress on the experimental realization of photonic crystal nanofibers and spontaneous emission manipulation is also discussed.

日本物理学会誌 第70巻 第2号(2015年2月号)予定目次

卷頭言

ゲストとホスト・・・・・藤井保彦
特集「発展し続ける一般相対論──時空論の起承転 "望" ──」
はじめに
一般相対論の成立岡村 浩
一般相対論ミニマム須藤 靖
一般相対性理論の数理小玉英雄
一般相対論的宇宙論杉山 直
中性子星とブラックホール―相対論的天体物理学入門―
中村卓史

一般相対論の実験的検証と重力理論の拡張田中貴; アインシュタインからの宿題:重力波の検出川村静 一般相対論と量子力学の統合に向けて大栗博	浩児 司、
数値相対論の展開・・・・・柴田	大
JPSJの最近の注目論文から 10月の編集委員会より	
安藤恒	也
学会報告	
2014年秋季大会 シンポジウムの報告領域委員会	会
新著紹介	

JPSJの最近の注目論文から

9月の編集委員会より

安藤恒也 〈JPSJ編集委員長 〉

ほぼ完全なフラストレーションをもつ磁性体で起 こるマグノンの結晶化

2つのスピンが交換相互作用で結合した状態をスピンダ イマーという. 大きさが 1/2の2つのスピンを量子力学的 に合成すると、磁気をもたない1つの一重項と磁気をもつ 3つの三重項ができる. 交換相互作用が反強磁性的な場合 には一重項のエネルギーが下がり, 三重項との間にエネル ギーギャップができる. このようなスピンダイマーを磁場 下に置くと、3つの三重項の中で、2つのスピンが共に上 向きの三重項は磁場と共にエネルギーが下がるので、強い 磁場中ではこの三重項の振舞が系の磁気的性質を決める. スピンダイマーが周期的に配列した実際の物質においては、 図1(a)の細い実線と破線のように、隣接するダイマー間 に弱い交換相互作用があると、交換相互作用のxy成分に は2つのスピンの向きを同時に反転する作用があるので、 三重項と一重項の位置が入れ代わる. これによって三重項 は粒子のようにダイマー上を移動し、運動エネルギーをも つ (図1(b) 参照). この磁気をもつ準粒子はボース粒子の 性質をもち、マグノンとよばれている、ダイマー間の交換 相互作用が反強磁性的な場合に、2つのマグノンが隣り合 うと、交換相互作用のz成分のエネルギーが上がるので、 マグノンは互いに避け合おうとする. すなわち, 斥力を及 ぼし合う.このように、強い磁場中に置かれたスピンダイ マー磁性体は相互作用をするボース粒子の集団として記述 される.このとき、磁化は粒子数に、磁場はマグノンの化

学ポテンシャルに対応する.この粒子系による記述は単な る数学的な変換ではなく,対応する磁性体の性質を,従来 の伝統的な方法より的確に説明できることが近年の研究で 明らかになってきた.

ダイマー間交換相互作用には、図1(a)の細い実線のよ うにダイマーの同じ側のスピン間に作用するものと、破線 のように異なる側のスピン間に作用するものがあるが、こ れらの相互作用の大きさが同じ程度である場合マグノンの 動きを妨げるような効果をもつ.この状況をダイマー間交 換相互作用のフラストレーションという.したがって.2 種類のダイマー間交換相互作用の大きさに開きのあるフラ ストレーションの弱い場合には、マグノンは動き易く、そ の逆に両者の大きさが接近するフラストレーションが強い 場合には、マグノンは動きにくくなる.そして、両者の大 きさが等しいフラストレーションが完全な場合には、マグ ノンは静止する. このような場合の基底状態は化学ポテン シャルに対応する磁場のゼーマンエネルギーとマグノン間 の斥力のバランスで決まる. このように磁場中のスピンダ イマー磁性体は相互作用をするボース粒子系の舞台となり. 適当な物質さえあれば、相互作用が弱い場合から強い極限 まで、様々な状況を実現できる、そして、アクセス可能な 磁場範囲で理論が予言する種々の量子力学的状態や量子臨 界現象を観測できる可能性がある.スピンダイマー磁性体 を研究する意義はここにあり、そのために精力的な物質開 拓と精密な強磁場実験が行われている.



図1 (a) スピンダイマーの模式図. 太い実線がダイマー内の交換相互作用を,細い実線と破線がダイマー間の交換相互作用を表す. (b) 強い磁場中でのマグノン(黄色の円)の運動と相互作用を表す模式図. 水色の楕円は一重項を表す. (c) Ba₂CoSi₂O₆Cl₂で観測された磁化曲線(実線)とその理論(破線). 挿入図は 1/2磁化プラトー状態で起こるマグノンの結晶化の模式図. 丸がマグノンの位置を表す.

JPSJの最近の注目論文から

スピンダイマー磁性体は TICuCl₃をはじめとして,多く の物質が知られている.しかし,ダイマー間交換相互作用 のフラストレーションが弱い場合がほとんどである.この ような場合には,臨界磁場以上でダイマー上に一重項とマ グノンのコヒーレントな重ね合わせ状態(ボース・アイン シュタイン凝縮)ができ,これによって,磁場に垂直なス ピンの巨視的整列が起こる.

一方,マグノンの運動エネルギーが強く抑制されると, マグノン間の斥力相互作用が基底状態を決定する重要な要 因になる.磁場を増加し臨界磁場に達すると、ダイマー上 にマグノンが生成される.しかし,全てのダイマー上を一 度にマグノンが占めると互いに及ぼし合う斥力のためにエ ネルギーが急激に増加してしまう. そこで, 互いの斥力が 及ばないように、あるいは斥力を軽減するように、周期的 にマグノンがダイマー上を占める結晶状態が出現する. 一 般にこの過程は相互作用の及ぶレンジによって何段階にも なる. さらに磁場を増加するとゼーマンエネルギーを得す るように全てダイマー上をマグノンが占める.これにより, 磁化曲線は磁場の向きに関係なく階段状になる。このよう な機構による量子磁化過程は、これまでスピンダイマーが 幾何学的に直交して配列する SrCu₂(BO₃)₂において観測さ れたのみである.2種類のダイマー間交換相互作用の強い フラストレーションによるマグノンの結晶化は実験的に観 測されていなかった.

最近,東京工業大学,東京大学,東北大学の研究グルー プは、コバルトイオンが有効スピン1/2を担う新規スピン ダイマー磁性体 Ba₂CoSi₂O₆Cl₂を合成し、その結晶構造を 決定するとともに、パルス強磁場を用いた精密磁化測定と 電子スピン共鳴実験を行った.そして、図1(c)に示され たような、フラストレーションが完全な場合に現れる典型 的な鋭い階段状の磁化曲線を得た.この物質の結晶構造か ら、ダイマーは2次元正方格子に近い配列をすることが分 かるので、飽和磁化の1/2の位置に現れる磁化プラトー状 態では、挿入図に示したようなマグノンが格子点の半分を 占める結晶化が起こっている.この成果は、日本物理学会 が発行する英文誌 Journal of the Physical Society of Japan (JPSJ)の2014年10月号に掲載された.

原論文

Almost Perfect Frustration in the Dimer Magnet Ba₂CoSi₂O₆Cl₂

H. Tanaka, N. Kurita, M. Okada, E. Kunihiro, Y. Shirata, K. Fujii, H. Uekusa, A. Matsuo, K. Kindo and H. Nojiri: J. Phys. Soc. Jpn. **83** (2014) 103701.

〈情報提供:田中秀数(東京工業大学大学院理工学研究科) 金道浩一(東京大学物性研究所)〉

ヘリカル磁性体の磁気スキルミオン格子の低エネ ルギー有効ラグランジアン

反転対称性を破った構造をもつ磁性体ではスピン間に ジャロシンスキー-守谷相互作用が生じ,磁化のらせん構 造が現れる.この相互作用をもつヘリカル強磁性体では. ある温度と磁場の領域で磁化が渦をもつ磁気渦が三角格子 を組んだスキルミオン (スカーミオンともよばれる) 格子 状態が実現されることが知られている. 個々の渦は中心の 磁化が磁場方向(あるいは反対向き)を向き、その外側で は渦を巻き、渦の周辺部では中心部と逆向きを向いた構造 をもっている. 中心から周辺部までの磁化構造は磁化ベク トルの向きの空間(球面)をちょうど半分だけ覆っており、 1960年頃ハドロンを記述するためにSkyrmeによって提案 されたモデルと幾何学的に同等なため(磁気)スキルミオ ンとよばれている。周辺部の磁化の向きを固定すればこの 構造は幾何学的に安定である. ヘリカル磁性体中のスキル ミオンの格子間隔は、物質にも依存するが10-100 nm 程度 である.スキルミオン格子状態は薄膜強磁性体で現れるこ とが1970年代には知られていたが、その起源は磁気異方 性と磁気双極子相互作用であり(当時はこの渦構造は磁気 バブルとよばれていた), ヘリカル磁性体とは異なる. ま た磁気バブルの格子状態をミクロな立場から記述する試み はされなかった.現在では高度な計測技術により渦の構造 の直接顕微鏡観察や、交流磁場応答や電流応答の観測が可 能であり、ヘリカル磁性体におけるスキルミオンは幾何学 的に安定な複合粒子として改めて興味を持たれている. 金 属の場合は磁化構造を電流により駆動することも可能であ るが、スキルミオン格子は磁壁など他の磁化構造と比べて 何桁も小さい電流密度で動かすことができるという特徴が あり, その観点からも注目されている. 最近の実験的研究 では日本のグループの活躍が目覚ましい.

スキルミオン格子は3回対称性をもつが、この構造が安 定化する1つの要因として、磁化Mに対する自由エネル ギーのうちMについて3次の項が重要なはたらきをしてい ることが、3回対称性をもつ結晶との類推から明らかにさ



図1 スキルミオン格子状態.3つの方向 k_a, k_b, k_cに向いた3つのらせん構 造の重ね合わせで記述される.

れており,またこの3次の項は,ギンツブルグ-ランダウ 自由エネルギーのM⁴の項から磁場により誘起されること, 更に,スキルミオン格子状態は3つのらせんの重ね合わせ で記述されることは知られていた.したがってその励起は 3つのらせんに対してのゆらぎで表すことができ,最終的 にはスキルミオン格子の格子振動を表すフォノンに帰着す ること,またこのフォノンはスキルミオンのもつ幾何学的 位相から生じる有効磁場を感じるため幾何学的ホール効果 などの特徴的な振る舞いを示すこと等が,解析的議論と数 値シミュレーションによって精力的に調べられ,現象の概 略は理解されていた.一方で,スキルミオン格子の励起が もとのスピン自由度の変数とどう結びついているのかは明 らかにされておらず,スキルミオン格子の挙動をミクロな スピンのモデルから記述する枠組みは欠如していた.

最近,理化学研究所創発物性科学研究センター (CEMS) と東京理科大学の研究グループは、ヘリカル磁性体のハミ ルトニアンに基づいてスキルミオン格子状態を3つのらせ ん構造の重ね合わせとして記述し、それらの励起に対応す る集団座標に注目してスキルミオン格子の低エネルギー励 起を表す自由度を同定、有効ラグランジアンを導出した. 低エネルギー励起を記述する変数は3つのらせん構造のも つ3つの位相のうち2つの独立な線型結合フェーゾン(位 相粒子)であることが示された.したがってスキルミオン 格子の励起は磁場中のウィグナー結晶や電荷密度波のそれ と本質的に同じである.この結果は、日本物理学会が発行 する英文誌 Journal of Physical Society of Japan (JPSJ)の 2014年10月号に掲載された. この解析によりスキルミオン格子の励起について従来考 えられていた筋書きの正しさが確かめられた.同時に,こ れまで認識されていなかったスキルミオンのもつ幾何学的 位相を遮蔽する効果をもつゆらぎのモードが発見され,こ のモードが励起の磁場や温度依存性に影響を与えることが 指摘された.長波長近似という1つの明確な近似の範囲内 でのミクロな理論的考察に基づき有効ラグランジアンを導 出し正しい励起を見出した点で,本論文は極めて重要であ る.

原論文

Phasons and Excitations in Skyrmion Lattice

G. Tatara and H. Fukuyama: J. Phys. Soc. Jpn. **83** (2014) 104711.

〈情報提供:多々良 源(理化学研究所創発物性科学 研究センター(CEMS))〉

ここでは日本物理学会が発行している Journal of the Physical Society of Japan (JPSJ)の論文で2014年8月に掲載可となった中から 2014年9月の編集委員会が選んだ "Papers of Editors' Choice" (JPSJ 注目論文)を紹介しています. なお,紹介文は物理学会のホーム ページの「JPSJ注目論文」でも公開しています. 論文は掲載から 約1年間は無料公開しています. また,関連した話題についての 解説やコメントがJPSJホームページの「News and Comments」覧 に掲載される場合もありますので,合わせてご覧下さい. JPSJ編 集委員会では物理学のあらゆる分野の興味深い論文を「注目論文」 としてこの欄で紹介したいと思っています. 物理学会会員からの JPSJへの自信作の投稿を期待します.

応用物理 第84巻 第1号(2015年1月号)予定目次

ノーベル冝特別企画
授賞式速報レポート岩谷素顕
受賞者手記赤崎 勇, 天野 浩, 中村修二
焦点
論文誌の未来林 和弘
オープンアクセスとプリプリント佐藤 翔
解説
世紀のイノベーション,光コム技術大苗 敦,洪 鋒雷
シリコンヘテロ接合太陽電池の "これまで" と "これから"
田口幹朗
最近の展望 :ナノスピン変換科学;現状と将来展望…大谷義近
研究紹介
デュアル光周波数コムを用いた非線形分子分光井手口拓郎
ダイヤモンド中の単一電子スピンを用いた超高感度磁場測定
伊藤公平

平成26年度科学研究費助成事業(科研費,基盤研究等)審查結果報告

岩田高広 〈日本学術振興会学術システム研究センター研究員 〉 石橋延幸 〈日本学術振興会学術システム研究センター研究員 〉

1. はじめに

日本物理学会誌には毎年,科研費の 審査結果報告が掲載されており,平成 20年度からは日本学術振興会学術シ ステム研究センター研究員(第5項を 参照)が記事を担当している.例年は 科研費の次年度の申請時期に間に合う よう9月号に掲載されているが,今年 度は採択率等のデータが間に合わな かったため報告が遅くなってしまった ことをお詫びしたい.以下では予算総 額の推移と採択率,特設分野研究の新 設,特別研究員PDの科研費応募,学 術システム研究センター等のトピック について述べる.

2. 予算総額の推移と採択率

図1に昭和40年度から平成26年度 までの科研費予算総額の推移を示す. この図から分かるように、第一期(H8 ~12) 及び第二期 (H13~17) 科学技術 基本計画により予算は大きく伸びたが, 第三期(H18~22)では伸びが緩やか になり、第四期(H23~27)に入って 再び増加したというのが大雑把な傾向 である. 平成23年度から一部種目に ついて基金化を導入したことにより, 予算額には翌年度以降に使用する研究 費が含まれることとなったため、予算 額が当該年度の助成額を表さなくなっ た、そのため、当該年度に助成する金 額を「助成額」として、予算額とは別 に表記している. 助成額で見ると今年 度は初めて減少に転じている.(第5項 を参照)

図2に年度ごとの応募件数と採択件 数の推移を示す.この数年の全分野の 新規応募件数の合計は約10万件で推 移している.採択件数は第四期基本計 画の始まった平成23年度より増加し ていることがわかる.科研費全体に関 するより詳細なデータはhttp://www. jsps.go.jp/j-grantsinaid/27_kdata/index. html に公開されている.

表1に平成26年度数物系科学分野・

物理学分科の細目別(4901~4906)新 規応募数と採択数を示す.採択率は全 種目の合計で26.6%と過去2年間と大 差なく,種目別に見ても極端な変動は 見られない.応募総数は昨年度と比べ て88件の増加である.すべての細目 における応募数・採択数を含んだより 詳しいデータはhttp://www.jsps.go.jp/jgrantsinaid/27_kdata/data/3-2-4/3-2-4_all. pdfに公開されている.

3. 特設分野研究の新設

平成26年度から基盤研究B, Cとし て「特設分野研究」が新設された.こ の特徴の一つは重複申請の制限が大幅 に緩和されていることで,従来の細目 の申請者であっても重複して申請でき る.特設分野の中には物理学分野との 関連が期待される「連携探索型数理科 学」が含まれている.今年度,この分 野への応募は基盤研究B, Cを合わせ て270件近くあったが,そのうち30 件ほどが採択された.申請された提案







図2 応募件数と採択件数の推移.

細目名	細目 番号	応募 採択	基盤 (A) (一般)	基盤 (B) (一般)	基盤 (C)	挑戦的 萌芽	若手 (A)	若手 (B)	計	採択率 (%)	
	4001	応募	65	100	230	101	35	169	700	26.7	
系型ナ・原丁核・ナ田稼・ナ田初建	4901	採択	13	24	68	25	7	50	187	20.7	
Bha dil- T	4002	応募	19	49	78	57	11	52	266	25.0	
初注1	4902	採択	5	10	22	14	1	17	69	25.9	
Bha dil- 11	4002	応募	28	74	184	79	23	123	511		
初注Ⅱ	4903	採択	6	16	53	19	3	37	134	26.2	
彩在田市和田 . 市面村 甘乙林	4004	応募	3	13	107	42	3	49	217	20.4	
<u></u>	4904	採択	1	3	33	11	1	17	66	50.4	
百工,公工,昌乙 ェしカトロニカフ	4005	応募	14	24	35	25	8	42	148	25.7	
	4903	採択	4	6	10	6	2	10	38	25.7	
	4000	応募	8	32	65	35	5	50	195	24.6	
生物物理・化子物理・ファドマターの物理	4906	採択	1	7	18	9	1	12	48	24.0	
種目別採択率 (%)			21.9	22.6	29.2	24.8	17.6	29.5	26.6		
種目別採択率 (H25)			20.3	22.7	29.6	25.6	18.5	29.3	26.7		
種目別採択率 (H24)			23.8	22.6	29.2	29.8	20.5	29.0	27.6		

表1 平成26年度の物理関係細目における新規課題の応募・採択状況.

の研究分野は幅広く, 生物学や社会科 学分野に関する研究も含まれていた. このように極めて広い分野の審査につ いては募集前から困難が予想されたの で、従来とは異なる審査方法がとられ た. すなわち, 書面による1段審査を 行った同じ審査員が2段審査も行い, 最終的に合議によって採択を決定する というものである. このような方法は スタディ・セクション方式と呼ばれる が、この利点は審査員にとって専門分 野ではない研究提案についても当該専 門分野の他の審査員の意見を聴いて判 断ができる点である. それでも審査員 の方々はかなり苦戦していたようであ る. 今後の「特設分野研究」への申請 の際には非専門家にもわかりやすい申 請書を心がけていただきたい. なお. このような審査スタイルは従来の基盤 研究の特に大型の種目において採用す ることが検討されている.

4. 特別研究員 PD の科研費応募

従来,日本学術振興会の特別研究員 には採用時の申請書に記載された研究 計画に専念する義務があるため,「特 別研究員奨励費」以外の科研費への応 募は認められていなかった.しかし, 特別研究員 PD (SPD, RPDを含む)に ついては,採用期間中に特別研究員と しての研究課題が更に進展すると考え られる場合などで、一定の条件を満た せば、平成26年度から特別研究員奨 励費に加えて、一部種目への重複応募 が可能になっている.可能になった種 目は「新学術領域研究(研究領域提案 型)の公募研究」、「基盤研究(B・C)」、 「挑戦的萌芽研究」、「若手研究(A・B)」 である.この措置は、特別研究員が当 初計画に関連する想定外の研究着手を 可能にし、研究活動の幅を広げること で、更に研究を発展させ、自立した研 究者に育つことを期待して取られたも のである.若手の研究者の研究の自由 度を広げるため、適宜利用していただ きたい.

5. おわりに:学術システム研究セン ターについて

筆者らは、日本学術振興会の学術シ ステム研究センターに専門研究員とし て所属している.本センターは平成 15年7月に設置された一種のシンクタ ンクで、振興会事業への提案・助言、 科研費や特別研究員の審査システム・ 評価関係業務などを現役の研究者が中 心となって行っている.小林誠セン ター長、副センター長3名、相談役1 名のもと、9つの専門調査班(人文学、 社会科学、数物系科学、化学、工学系 科学、生物系科学、農学、医歯薬学、 総合系)に19名の主任研究員と103名 の専門研究員が籍を置く.筆者らが属 する数物科学系には、数学、天文学、 物理学、地球惑星科学、プラズマ科学 の分野の研究員(主任研究員2名、専 門研究員11名)が在籍する.物理関 係の担当者としては主任研究員1名 (川村光)と専門研究員5名(杉立徹、 鹿野田一司,迫田和彰、岩田高広、石 橋延幸)が在籍している.

科研費審査委員候補者の選考は,審 査委員候補者データベースを活用して 毎年学術システム研究センター研究員 が行っている.また,科研費審査の結 果の検証,すなわち利益誘導の可能 性・評点の著しい偏り・審査コメント の適切性などのチェックを行っている. ただし,センター研究員は科研費の審 査そのものには関与しない.

日本の財政は非常に厳しい状況にあ る.その中で、文科省予算は毎年1兆 円増加する社会保障関係費に飲み込ま れないように必死で確保しているとい うのが現状である.平成26年度文科 省予算のうち科研費も含まれる科学技 術振興費においては、手当てすべき 様々な増加要因があり既存予算は数 百億円規模で大幅にカットする要請が あった模様である.最終的には助成額 で13億円の減額にとどまったものの、 既存予算で2,300億円規模の科研費へ の風当たりは大変厳しかった.個人を ベースとしたボトムアップの基礎研究 をサポートするという科研費制度の根 幹に対する疑義すら,一部では出され たと聞いている. また, ピアレヴュー をベースとした現行の審査制度,審査 区分に対しても,「一部の研究者集団 による既得権化、分野のタコ壺化を助

長しているのではないか」といった批 え、学術システム研究センターにおい 判があることも事実である. 我々研究 者としても、主張すべきは主張しつつ も批判には謙虚に耳を傾け、科研費制 度をより良いものにすべく努力する必 要がある. こういった科研費と基礎研 究を取り巻く昨今の厳しい状況を踏ま

ても、その対応に関する議論が進めら れている.

科研費や学術振興会の事業全般につ いて、ご意見やご提案をお近くの研究 員にお寄せいただきたい.

(2014年11月25日原稿受付)

『大学の物理教育』誌定期購読のすすめ

『大学の物理教育』は、年3回(3月,7月,11月)発行で年間購読料(個人)は1,000円です。購読ご希望の方は、1.会 員番号, 2. 氏名 (非会員の方は連絡先,送付先住所も)をメール (pubpub jps.or.jp) または Fax (03-3816-6208) でご連 絡下さい.

また、本誌ホームページのURLは次の通りですので、どうぞご覧下さい.

http://www.jps.or.jp/book/kyoikushi/

『大学の物理教育』編集委員会

Vol. 20-3 (11月15日発行) 目次

大学の物理教育への期待	連載 物理オリンピックと物理教育
年間特集 大学入試	IPhO2014 カザフスタン大会に参加して杉山忠男
現状の大学入試からの「逸脱」という「願い」井上 賢	図書室
講義室	『定理が生まれる:天才数学者の思索と生活』大野栄三
フランスにおける原子力技術者教育の歴史小島智恵子	教育に関する一言
実験室	引原俊哉/苅谷麻子/濱崎立資/内藤智也/高橋卓也
地下水ラドンを線源とした霧箱によるアルファ線の観察	開催情報
角森史昭	寄贈書リスト
教育実践	『大学の物理教育』総目次 (vol. 20)
「違和感」 入り映像教材の開発今和泉卓也	編集後記
海外の動向	
物理教育国際会議2014とアルゼンチンの学校訪問	
石井恭子,興治文子	



アルバート・クルーと走査型透過電子顕微鏡の開発: 単原子の観察

山口まり、〈東京大学大学院総合文化研究科〉

はじめに

電子顕微鏡は、1931年にドイツのルスカ(E. Ruska)と クノール(M. Knoll)による発明以来,改良が進められて きた. 1949年シェルツァー (O. Scherzer) が理論的に原子 の可視化の実現可能性について示唆した.技術的には、加 圧電圧を上げ電子の波長を短くして分解能向上を図ったが, 電子線による試料の損壊の恐れや高電圧電子顕微鏡建設の 経済的な負担が大きく、思うように進まない状況であった. 1960年にはコスレット (V. E. Cosslett) が, イギリス王立 協会のクリスマス講演で、電子顕微鏡研究における2つの 目標一個々の原子のイメージングと生物学研究での利用-を挙げていた.¹⁾ それから10年後,この二つの目標を達成 させるべく新しい電子顕微鏡が開発された. 開発の中心と なったのは、高エネルギー研究者のアルバート・クルー (A. V. Crewe) であった。1970年クルーらは、彼らが開発 した走査型透過電子顕微鏡 (Scanning Transmission Electron Microscope; STEM)を使って単原子の観察の成功を記者会 見を開いて報告した、このニュースは、研究者のみならず 一般の人々にも広く知れ渡った.

STEMの歴史は, STEMの専門書で記述されたペニークッ ク (S. Pennycook) によるものが詳しい.²⁾ また, 2009 年に 他界したクルーの追悼記念論集が近年発行されている.³⁾ 本稿では,以上の著作では明らかにされていない, 1960 年 代から70年代末までのクルーらによる単原子観察の経緯や 背景を明らかにしたい.

1. 渡米とアルゴンヌ国立研究所所長への就任

クルーは、リバプール大学で高エネルギー物理を専攻し、 1951年に博士号を取得したのち、同年同大学に就職した. 彼は、1954年高エネルギー加速器からの陽子ビーム取り出 しに世界で最初に成功した.この成果で注目されたクルー は翌年シカゴ大学からの要請で加速器研究のために渡米し た.1956年にはシカゴ大学の物理学部門に正式に就職し た.1958年にアルゴンヌ国立研究所(Argonne National Laboratory; ANL)の粒子加速部門の部門長に就任し、1961 年に34歳で同研究所の所長に就任した.当時ANLには、 400人の生物学者を含む約5,000人の研究者が在籍してい た.クルーは、「基礎研究における知的挑戦は、私たちの 住む世界についてのよりよい理解につながる」と考え、同 研究所の研究方針として基礎研究に重点をおいた.原子炉 開発費よりも基礎研究費を多く投入したのは、後にも先に もクルーが所長のときだけであった.⁴⁾ ANLでは生物学が 主要なプログラムであったにもかかわらず,中西部大学連 合の会議で同研究所の生物学研究が低く評価される結果と なり,⁵⁾同研究所の基礎研究としての生物学研究の底上げ を図ることは急務であった.生物学研究のための電子顕微 鏡の開発は,クルーのANLにおける基礎研究推進計画の 一端を担っていたのである.

2. 電子顕微鏡の新しいアイデア

クルーは、1963年にイギリスで開催された学会に参加 し、当時の電子顕微鏡の分解能の限界とANLの生物学者 たちの研究水準について知った.そして、帰りの飛行機の 中で新しい顕微鏡のアイデアを思いついたという.⁶⁾それ は、電子線をごく小さなプローブとして試料を走査させ、 試料を通過した電子をエネルギー分析器によって選別し、 それらの電子が画像コントラストをもたらす、というもの であった.電子線を試料上に走査し、試料を透過した電子 を検出して像として表示する手法は、アルデンネ (M. von Ardenne)によって1938年提案されていたが実用に至らな かった.当時のクルーは、その仕事を知らなかったようで ある.

走査電子顕微鏡 (Scanning Electron Microscope; SEM) は, 第二次大戦前にドイツで開発されていたが,戦時の被害の ためドイツでの開発研究は中断していた.SEMの開発研 究は,イギリスに移りケンブリッジ大学のグループが中心 となって行われていた.しかし,1960年代のSEMの分解 能は200 Å程度にとどまっていた.クルーは、「50 Åより もよい分解能を得ることは不可能だという計算結果を出し ていたことを知っていたら挫折していただろうから,それ を知らなくてよかった」と述懐している.⁷⁾

新しい顕微鏡の設計には,電界放射を利用した電子銃の 導入や,CRT画面上に画像を表示することなどが含まれて いた.⁸⁾ そこでクルーは,この新しい顕微鏡の実現に必要 な技術に関して専門家に意見を求めた.彼らの意見は,以 下のような否定的なものであった.具体的には,そのよう な電子銃を実現するためには高真空が必要であり,安定し た電圧を保ちながら電子線を絞って走査することは難しい, CRT画面上では画像として十分な質の画像が得られない, というものだった.

クルーは、1965年ケンブリッジ大学で開催された SEM の学会に出席した.そこで、彼は新しい電子顕微鏡のアイ デアを報告したが、この発表は「騒ぎになった」.⁹⁾先に挙 げたような技術的な難しさゆえの否定的な意見が大勢を占 めており、加えて彼が電子顕微鏡分野では全く知られてい ない人物であったことも反発を招いた一因であったと考え られる.翌年彼は、STEMの実現可能性を示すべく、電子 銃を使うことによって分解能の限界を克服できる可能性が あることを Science に発表した.¹⁰⁾

クルーが示したいくつかのアイデアは、実はすでにアル デンネやズヴォリキン (V. Zworykin) によって提案されて いたものであったが、技術的困難から実現不可能と思われ ていたのである.それでもなお、クルーが STEM の開発を 断念せず実行できたのは、所長裁量の予算と高分解能顕微 鏡を望む声に支えられていたからであった.¹¹⁾

1966年、中西部大学連合とANLの共催で、約一ヶ月間 にわたり高電圧電子顕微鏡のワークショップが開かれた. このワークショップでは、主に透過型電子顕微鏡 (Conventional Transmission Electron Microscope; CTEM)の技術的側 面が議論された. クルーは、そこでの交流を通じて、電子顕 微鏡の将来を変えることも可能だと期待し、「電子顕微鏡 は、生物学や材料科学などすべての分野にかかわるもので あり、分解能向上が高電圧電子顕微鏡開発の理由である」 と述べている.¹²⁾ワークショップには、STEMのセッショ ンはなかったが、クルーは講演で STEM に言及していた.

翌年秋にクルーはシカゴ大学に戻った.1969年7月には, STEMで5Åの分解能を達成したが,まだ原子の直接観察 には至っていなかった.1969年から,CTEM研究者の米軍 病理学研究所のツァイトラー(E.Zeitler)がサバティカル でクルー研究室に滞在し,電子線散乱に関するセミナーを 開催した.その内容をもとに,クルーは環状検出器のアイ デアを得た.この環状検出器の導入によって,計算上2.5Å の分解能を達成できるだけではなく,質量計測なども可能 とし STEM の汎用性を高めることとなった.

実現可能性が著しく低いとされた STEM は,電子顕微鏡 コミュニティから完全に無視されていたわけではなかった. 1969 年には,カウリー (J. Cowley) は,STEM 像にはフレ ネル縞が現れるなど,CTEM と同様の現象を示し,二つの 顕微鏡の間には相反原理¹³⁾が働くことを示唆した.¹⁴⁾ 翌 年,ツァイトラーらも STEM と CTEM との間に相反原理 が成り立つとした.¹⁵⁾ STEM は,技術的な実現可能性を疑 間視されながらも,その原理は理論的に検討され,CTEM と比較されながらその存在を認められつつあった.

3. STEM を使った単一原子の観察

1970年クルーらは、STEMで無染色一本鎖 DNA 観察を 行った.クルーは、計算の結果炭素膜上の重原子(3-4 Å) を観察できると確信した.しかし、彼は、もし STEM で 観察したとしても誰も信じないだろうと考えた.「ただの 明るい点ではないのか?」,「誰がそれを原子だと言うん だ?」¹⁶⁾という反論を想定した.そこで、クルーらは、誰 もが知っているような構造をもつ分子についた重原子なら よいのではないかと考え、以前からCTEMで原子観察を 試みているジョンズ・ホプキンス大学のビア(M. Beer)に 連絡をとり、試料の提供を依頼した.

1970年5月20日、クルーはキレート化合物内の重原子、 つまりウランまたはトリウム原子の観察に成功したと記者 会見で発表した.「原子を見ることができる能力は、たと え大きな原子番号のものであっても、生物化学や分子生物 学の視野を確実にひろげることになる.」¹⁷⁾と生物学への 応用可能性を示唆した.また、タグ付けされた DNA を STEM で観察して「1,2年のうちに DNA の塩基配列を決定 できるだろう」とも述べている.¹⁸⁾その翌日のアメリカ有 力紙のみならず地方新聞には、この成果の記事と顕微鏡写 真の中の一つの輝点を指差し満面の笑みを浮かべるクルー の写真が掲載された.その一方で、クルーらはこの観察結 果を 1970年6月 Science に発表したが、文中では「おそら く」単原子像であるとして慎重な態度をとっていた.¹⁹⁾

クルーらは自身の観察結果が疑問視されることを予想し, 試料作製を専門家に依頼するなど信頼性を担保する努力を はらったものの,実際には顕微鏡像に現れたそれぞれの点 が一個の原子を映し出しているのかどうかについて疑義が 生じた.そこでクルーは,輝点の強さのヒストグラムを作 成し推定したところ,実は最小の点は原子2個のもので あったことがわかった.クルーらはその後も観察を続けて 単原子の観察に成功した.²⁰⁾

クルーらの観察には否定的意見ばかりが寄せられたわけ ではなかった. クルーの発表に刺激を受け, 翌年にはCTEM による重原子の観察が次々と発表された.²¹⁾しかし,これ らの結果については,幾何学的配列は決め手にはならない などの新たな疑問も提示された.²²⁾クルーは,1972年の 第5回欧州電子顕微鏡会議で,STEMで原子が見えること はすでに確立された事実であり,橋本らをはじめ他の研究 者らによって確認されたと述べた.²³⁾STEMによる単原子 観察の報告は顕微鏡コミュニティを驚かせたが,結像原理 の理論的研究や他のグループによるSTEM研究とともに 徐々に受け入れられていった.

クルーは、1974年に原子と電子線との相互作用を調べ るためSTEM観察を動画撮影した.彼は、この動画を STEMの能力を示す最終的な証明と位置付けた.²⁴⁾2年後、 「Atoms in Action」と題された動画を製作し、これはニュー ス番組でも放送され一般の人々も炭素膜上をゆっくりと動 く原子を目にした.1978年にはカラー動画を製作し、こ れもアメリカのニュース番組で放映された.²⁵⁾このカラー 動画では、炭素膜は青か黒、1つのウラン原子は、緑ある いは中心が黄色の緑、2つのウラン原子は、黄色あるいは 中心が赤い黄色、そして3つのウラン原子は、黄色い縁取 りのある赤で示されていた.²⁶⁾

動画の放送後、クルーは、アメリカの娯楽雑誌 People のインタビューに答えてこのように語っている.「(これ

は) 誰かが何か重要なことをするのに使う新しい科学の道 具です. それはおそらく私ではありません. なぜなら私の 興味は人々が使えるような道具を開発することにあるから です. 」²⁷⁾ ここにクルーの STEM 開発の動機を垣間見るこ とができる.

1979年,「結晶と分子内の原子の直接画像化」に関する ノーベルシンポジウムが開催された.²⁸⁾ このシンポジウム では、重原子の観察や結晶内の原子の直接観察、電界イオ ン顕微鏡による研究発表があった.クルーら以外のグルー プによる STEM の研究も報告された.このシンポジウムで の発表に STEM が含まれていたことは、この機器が原子の 直接観察を可能とする観察手段としての地位を確固たるも のにしていたといえるだろう.シンポジウムでは、クルー の学生だったウォール (J. Wall)も発表した.しかしなが らその内容は、原子への電子線の影響が大きく、原子を DNA ラベルとして利用するという当初の目標を達成する までの道のりが程遠いことを示していた.²⁹⁾

まとめ

ANL所長の経験が,クルーの原子に迫るアプローチを, 「壊す」方法から「見る」方法へと展開させた.基礎研究を 重視し,その一つとして生物学への適用を関心の出発点と して高分解能の電子顕微鏡を着想した.技術的困難を克服 しSTEMを完成させた一方で,彼はあくまで物理学者とし て機器開発を行っていた.³⁰⁾クルーは,観察結果に対する 顕微鏡コミュニティからの信頼性を確保するため,専門家 に試料作製を依頼し,さらに定量的測定も行った.彼の発 表は,論文では慎重な態度を示したが,一方で記者会見や テレビでの動画放映など衆目を集める手法が用いられた. これは単原子の直接観察が,顕微鏡研究者だけではなく, より多くの人々の関心をも惹きつけ,彼の開発した装置の 能力と可能性をアピールすることを目的としていたためで あったと考えられる.

参考文献および注

- V. E. Cosslett: Modern Microscopy or Seeing Very Small (Cornell Univ. Press, New York, 1966) on p. 108.
- S. J. Pennycook: in *Scanning Transmission Electron Microscopy-Imaging* and Analysis, eds. S. J. Pennycook and Peter D. Nellist (Springer, New York, 2011) pp. 1–90.

- 3) Albert Victor Crewe Memorial Issue, Ultramicroscopy 123 (2012).
- J. M. Holl: Argonne National Laboratory, 1946–96 (Univ. of Illinois, Chicago, 1997) on p. 223.
- 5) 前揭注, on p. 213.
- 6) A. Crewe: 016(1) 1991 EMSA at San Jose by Sterling Newberry, Microscopy Society of America Oral History Project, Video Interviews. MSA のイン タビュー動画を送っていただいた M. Marko氏に感謝します.
- A. V. Crewe: in Cold Field Emission and the Scanning Transmission Electron Microscope/Advances in Imaging and Electron Physics, 159, ed. P. W. Hawkes (Elsevier Academic Press, Amsterdam; Tokyo, 2009), pp. 1–61, on p. 3.
- 電子銃の導入はズウォリキンらがすでに提案していた(V. A. Zworykin, J. Hillier and R. L. Snyder: ASTM Bulletin 117 (1942) 15-23). クルーは、 電子光学と電子顕微鏡に関するズウォリキンらの電子光学と電子顕微 鏡の著書で電子顕微鏡について学んでいた。
- 9) P. Hawkes: Annales de la Foundation Louis de Broglie 29 (2004) 846.
- 10) A. Crewe: Science 154 (1966) 729.
- 11) Crewe: 文献7 on pp. 15-16.
- A. Crewe, Forward: Proc. AMU-ANL Workshop on High-Voltage Electron Microscopy, 1966, Argonne National Laboratory (1967) pp. v–vii, on p. vii.
- 13)光の伝播が、光の進行の向きを逆にしても同じ振る舞いをする原理. CTEMとSTEMの場合、CTEMの照射系と結像系の関係とSTEMの検 出系と照射系とでは同じ関係が成り立つ.
- 14) J. M. Cowley: Appl. Phys. Lett. 15 (1969) 58.
- 15) E. Zeitler and M. G. R Thomson: Optik 31 (1970) 258.
- 16) Crewe Interview, MSA Oral History Project (文献 6).
- 17) The Univ. of Chicago, Office of Public Information. 70-240A-P, 5-19-70.
- 18) Science News 97 (1970) 524.
- 19) A. V. Crewe and J. Wall: Science 168 (1970) 1338.
- 20) 橋本初次郎:日本物理学会誌 27 (1972) 842; A. V. Crewe: Sci. Am. 224 (1971) 26. 白金などの原子観察も行った. 1971年には1 MeV の STEM 開発に着手したが,研究助成が打ち切られ結局完成することはなかった.
- 21) H. Hashimoto, et al.: Jpn J. Appl. Phys. 10 (1971) 1115.
- 22)本誌に上田良二と橋本初次郎とのやりとりが掲載されている.上田良 二:日本物理学会誌28 (1973)380:橋本初次郎:日本物理学会誌28 (1973)385.
- 上田は、CTEMによる観察結果は、まだ「probably」を残す必要がある としている。前掲注(上田).
- 24) Crewe: 文献7, on p.19.
- 25) "Atoms in Motion" NBC Evening News, 1976年5月10日放送. カラー動 画は, 1978年10月12日放送された. "See Change: Physicists Have Color Films of Atoms for the First Time" NBC Nightly News.
- 26) C&EN 6 (1978) 22-Color Motion Pictures Made of Individual Atoms.
- 27) G. Breu: People 5 May 24 (1976).
- 28) Chemica Scripta 14 (1978-79).
- 29) J. S. Wall: Chemica Scripta 14 (1978-79) 271.
- Biomedical News July 1973 (1973) 7—Machines will Help Tag DNA Base Sequences.

非会員著者の紹介

山口まり氏: 東京大学大学院総合文化研究科博士後期課程在学中. 原子 分解能をもつ顕微鏡の歴史研究を中心に行っている.

(2014年6月3日原稿受付)



ドイツ・ハレ ポスドク滞在記

篠原 康 〈マックス・プランク微細構造物理学研究所 〉

はじめに

海外に数年という単位で住み、そこで働くことになると、 一週間程度の短期滞在では見えてこない部分が色々見えて くる.本記事ではドイツでポスドクをする際の私生活面、 仕事面について紹介をしたい.特にドイツでポスドクをや ろうと考えている方の参考になれば幸いである.

私は2013年3月に筑波大で学位をとり,本記事を執筆 している2014年7月時点で一年と三か月ドイツのハレに 滞在している.最初の一年は学振の特別研究員として,そ の後はマックス・プランク微細構造物理学研究所の予算で 雇われたポスドクとしてである.博士後期課程三年の初夏 のあたりから,どの・誰のグループに行くのが良いかの品 定めを始め,それまでに参加した研究会・学会で目にした り,興味深い論文を書いているグループを候補に検討し, 最終的に時間依存密度汎関数理論(TDDFT)の創始者であ る E. K. U. Gross 氏がおられるマックス・プランク微細構 造物理学研究所を第一候補にした.Gross 氏とは2012年の 秋口にメールでコンタクトを取り始め,滞在について了承 を得ることが出来た.

初めての海外長期滞在の不安感は、すでにGross グルー プに滞在しておられた鈴木康光氏との事前のメールのやり とりでだいぶ払拭することが出来た.また、渡独直前に参 加したアメリカ物理学会にて数少ない同期の友人であった 松下雄一郎氏と偶然会い、彼も同じグループに滞在するこ とを知らされた.かくして私がGross グループに加わった 時には、日本人が三人在籍することになった.

ドイツ・ハレでの生活

私が滞在しているハレは、ドイツでは東寄りに位置して おり、人口は23万人とつくば市と概ね同じ規模である. 決して大きな街ではないが、郊外までトラムの路線が張り 巡らされており、車がなくても色々に不自由はしない.

大方の用事は、原理的にはハレ市内で片づけられるが、 そこには言葉の壁がある.ハレは国外から観光客が来るよ うな街ではなく、街中で会う人はほとんど英語を喋らない. 私は来独当初はもとより、現在もほとんどドイツ語が喋れ ないため、身振り手振りも合わせて片言のドイツ語で彼ら とコミュニケーションを取っている.笑顔、そして挨拶と 感謝の言葉が現地語で言えることが最も重要である.それ に加えて数字がドイツ語で分かれば大方の買い物に問題は ないし、さらに別れ際に「良い一日を」「良い晩を」「良い 週末を」が言えれば、十分ではないかと思っている.どう しても十分なコミュニケーションが必要な場合(たとえば 銀行口座の開設,携帯電話の契約など)には,英語でコミュ ニケーションがとれるか聞いてみると,その日はだめでも 日を改めて英語が喋れるスタッフとのアポイントメントを 取りつけられることが多い.

日常生活を送る上ではハレ市内の範囲でほとんど不自由 はない.しかし、英語さらには日本語でのコミュニケー ションを必要とするものや、贅沢なサービス、専門的な物 品の購入などには、大きな街に出かけなければならない. ハレからは電車で30分でライプツィヒ、高速鉄道(ICE) で最短1時間15分でベルリンまで足を延ばすことが出来 る.ライプツィヒではかなりの割合で英語が通じるし、ベ ルリンでは英語はもちろん、日本語でコミュニケーション がとれるサービスも多い.特に日本語の通じる病院の存在 はもしもの時の安心感と言う意味ではとても大きい価値が ある.また、日本人が多いデュッセルドルフにも日本語の 通じる病院があるようだ.

ドイツ国内は総じて治安が良く、ご当地ビールを求めて の旅行はとても楽しい、またドイツ国内の旅行で興味深い のは、何といっても12月期に全国各地で催されるクリス マスマーケットである.ここでの名物は温めたワインにス パイスなどを入れたホットワインである. この飲物自身も さることながら、その器が地域と年ごとに変わるため、こ れを集めている人が多い. かくいう私も, ハレ, ライプツィ ヒはもとより、フランクフルト、ケルン、デュッセルドル フ, ハノーファーでこのホットワインを飲み, マグカップ を集めて回る旅行をした. ドイツ冬季の陰鬱とした雰囲気 を吹き飛ばすような活気もこのイベントの良いところで. 何を買うでもなくぶらぶらしているだけでも面白い. この 時期にドイツや近隣に旅行に来た際には是非クリスマス マーケットに行ってみることをお勧めしたい、今年の冬は ドレスデン、ニュルンベルク、ベルリンのクリスマスマー ケットを回る旅行をしようかと考えている.

TwitterやFacebookと言ったSNSは海外在住をしている 際にはとても有用であったことにも触れておきたい.これ らのSNSを通じて、ドイツおよび近隣国に住んでいる日 本人個人、およびネットワークを通じてやり取りをするこ とで、公私両面にわたって有益な情報を得ることが出来た. 特に次節で触れるドイツでの他の研究所の情報はこれらの ネットワークを通じて知り合った方たちから得た情報がほ とんどである.また、日本人に限らず、参加した研究会・ 学会で仲良くなった方たちと会終了後も公私に継続してコ ネクションを作る上でも大変有益な手段である.

マックス・プランク微細構造物理学研究所

私が在籍しているのはマックス・プランク微細構造物理 学研究所の理論部門である.本研究所での良い点は、ほと んどの事務職員と英語でコミュニケーションがとれること、 所内のドキュメントが基本的に英語で準備されていること, 滞在許可申請に事務職員が付き添ってくれること、年単位 で居住可能なゲストハウスがあること、所内でドイツ語の クラスが開かれ無料で参加出来ること,等思いつく範囲で も多岐にわたる.良し悪しは別として、英語でコミュニ ケーションさえ取れれば、ドイツ語を一切使わなくても仕 事が出来る環境が整えられていることが特に印象的だった. その環境もあってか、学生、研究者の半分程度はドイツ人 以外で構成されており、大変国際色豊かである、研究に関 連する会話はもとより諸々の雑談も基本英語で交わされる. 当初は英語もメキメキ上達するだろうという妄想をしてい たが、メンバーに自分以外に日本人が二人もいると、日本 語を使う機会もかなり多く、これが私の英語の上達を妨げ ているという感は否めない. 但し、色々なことを言語の壁 なしに議論したり、相談したり出来るというのも良い面の 一つで,痛し痒しである.

滞在当初に印象的だったのは、メンバーの帰宅する時間 が早く、午後六時を過ぎると所内にはほとんど人が残って いないことだった.事前にそういった話は聞いていたが、 実際に目の当たりにすると少し感慨深いものがあった.と はいえ、慢性的に夜遅くまで仕事をしている人も少なから ずおり、また普段六時近辺に帰るメンバーも仕事の立て込 み具合に応じて時には夜遅くまでフレキシブルに働いてい るようである.他の研究所や大学ではこの定時の帰宅は もっと"徹底"されているようで、月曜日から木曜日は午 後六時になると人がいなくなり、金曜日に至っては午後に は人がいなくなる、と言うのが典型的だという話である.

マックス・プランク微細構造物理学研究所には三つの部 門があり、それぞれの部門にディレクターがいて、その下 に数十人の研究員・ポスドク、博士課程の学生がぶら下 がっているという構造である。ディレクターの地位は大変 高いが、それだけに多忙である。我らが理論部門のディレ クターである Gross 氏も、招待講演の数は年に依るが年に 20件を超え、私が知る限りでもいくつかの定期的な国際 会議やスクールの運営の委員も務めているようで、出張が 立て込むときには一月程度の期間、研究所にいないという ことが年に2,3回はある.出張の書類などはディレクター のサインが必ず必要なので、しばしばこれらの書類処理が 滞ることもあるが、どうもこの不在期間も週末だけ所に戻 りこれらの書類仕事を片付けていることもあるようで、研 究者は体力が資本ということを再認識した.ここまで多忙 であると、一緒に仕事をする上でも色々と支障が現れる. 皆種々の目的のためにGross氏とコンタクトを取りたいた め、「Gross氏がいる日は所にいるメンバーの数が多い」と いう冗談がまことしやかにささやかれている.

我々の理論部門が主催するセミナーやミーティングはな かなか特徴的で、一度参加する機会があれば二度と忘れな いだろう、スライドの一枚一枚、式一つ一つに質問が飛ん できてなかなか話が進まないのだ。初めてこの洗礼を受け たのは、渡独後二週間ほどたったころに行われた8人程度 のミーティングでの発表だった.事前に持ち時間15分. スライド3枚くらいで前の所属での研究を紹介してほしい という依頼を受け、素直にこの時間とスライド数を信じて 準備をしたわけだが、結局根掘り葉掘り話を聞かれて、最 終的にはスライド3枚で2時間ほど喋ることになった.私 のケースでは幸運なことに、準備したコンテンツを最後ま で喋りきることが出来た.別のケースでは、最後の結果ま でたどり着くことなく、次回にもう一度と言う形でミー ティングがいったん終了し、そのままうやむやに消滅して しまうことも珍しくはない. 個人的には、まずは最後まで 話者に話させてから議論を始めてほしいと思っている. 但 し、このスタイルのミーティングは、理論が未だ構築段階 にあるケースでは、大変有効だった、こういったケースで は、前提となる知識事項が少ないため、この遅々とした ペースで議論が進むことで、聴衆も理論の多くの部分を理 解することが出来、話者と近い視点から理論構築に大きく 貢献することが出来た.数少ない例ではあったが.大変刺 激的な議論になり、このような形式のミーティングにも利 があることに大変衝撃を受けた.

おわりに

色々不自由はあれど,総じてドイツでの生活を私はかな り好意的にとらえていて,海外での長期滞在を考えられて いる方には,是非来独をお勧めしたい.

鈴木氏,松下氏とは生活面でもよく情報交換をし,研究 内容についても詳細にわたって有益な議論をする機会が 多々あった.この場を借りて感謝の意を表したい.

(2014年7月3日原稿受付)



Manuel Cardona 教授を悼んで

菅 滋正 〈MPI-Halle / 阪大産研 〉

Stuttgart 郊外 Heisenberg 通りにある Max-Planck 固体研究所 (MPI-FKF) の 元所長 Manuel Cardona 教授がこの9月 中旬に同教授の満 80歳を記念する国 際会議を前にして7月2日に突然お亡 くなりになられました. 心よりお悔や み申し上げます.

同教授はこの日もいつものように研 究所に出てこられて、若手研究者との 物理の議論や部屋の整理などをやって おられたそうですが、同僚と一緒に昼 食に行く直前に突然激しい心臓発作に 襲われ、すぐに市内の Marien 病院で 緊急医療のあらゆる手をつくしたにも かかわらず午後一時頃、帰らぬ人とな られたそうです.

同研究所は Stuttgart の駅近くの Heilbronner 通りにあった元のベンツの建 物の一部を間借りして1971年に開設 された固体を専門とする研究所です. 当初は我が国の東大物性研究所のよう な全国に開かれた研究組織を目標とし たと聞いております. Cardona 教授は スペインの Barcelona の御出身ですが, 米国で博士課程の研究を行われた後. 米国 Brown 大学において変調分光法 による半導体研究の新しい手法を色々 開発されておられました. 更に広い視 野を求めて、ラマン光散乱によるフォ ノン研究,磁気光分光,光電子分光に よる電子状態の研究などを中心とした 研究を強力に推進されるべく 1971 年 に MPI-FKF に founding-director 教授と して30代で着任されました. それま でも同教授の名声を慕ってBrown大 学には世界中から大学院生やポスドク などの若手研究者が多数集まっていた ようですが, MPI-FKF においては更 に大規模に世界中の若手研究者にポス トを提供されておられました.2年後 に郊外の新しい大規模な建物に移転す ることが決まっていたこともあり、米 国や欧州各国 (仏, 伊, 英, スペイン ほか)のみならず日, 韓, 印, 豪など から多数のポスドクが来ていました.

それからほぼ40年後, 2014年9月 12,13日の"半導体と電子,フォノン, 光子"というタイトルの追悼記念国際 会議には全世界から約200名の参加者 がありました. 同教授の共同研究者や 博士課程院生などの約15名から,当 時の研究から,今日の最先端研究まで をカバーする興味深い話を聞くことが できました. 異口同音に、素晴らしい mentor そして素晴らしい友人 Manuel Cardona氏にこれ等の成果をささげた いという表現が入っていました.参加 者それぞれ分野は違いますが,研究 family としての楽しかった滞在時をあ りありと思い出すことができたと思い ます. 当時の同教授の同僚 Queisser 教 授もこの会議に顔を出しておられまし た.

MPI-FKF での最初の日本人は赤外 研究の Genzel 研 (究室) に来られた東 北大の石亀先生です。1973年8月に私 がCardona研に着任した同じ頃、東大 物性研の張先生(後・阪大基礎工)が 理論のBilz研に, またしばらくして東 大の神谷先生が Oueisser 研に、高山先 生(後・東大物性研)が理論のFulde 研に、東京教育大の大成先生(後・筑 波大) が Cardona 研に、同新井先生が Genzel研にと1976年に私が同研究所を 離れるまでの3年間にも6名が MPI-FKFにお世話になりました. その後も 多数の日本人研究者を温かく迎えてい ただいた MPI-FKF には,一人の日本 人として深く感謝したいと思います. 特に Cardona 教授や Oueisser 教授をは じめとする MPI-FKF 教授の国籍をこ えた国際的な hospitality には敬服いた します.

当時博士課程で励起子, 励起子分子,

励起子ポラリトン、磁気光分光などを 研究していた私は Queisser 教授にポス トの打診をしたのですが、Cardona 教 授からポストの提示がありました.着 任前に光電子分光は研究者が一杯なの でラマン散乱か,磁気光分光かのどち らかを選ぶようにとの指示を受けまし た. 私は後者の磁気光分光を選びまし たが、Queisser グループの若手1名と Cardona グループの若手2名に私が加 わり和気あいあいと研究することがで きました. 個々の研究者を信頼する雰 囲気が研究所全体にあふれている素晴 らしい研究所でした. これも国際共同 研究を永年推し進められてきた Cardona教授のおかげと深く感謝いたして おります.

Cardona 教授は15年前に65歳で退 職されたそうですが,研究所の好意で 居室は提供されていたようで亡くなら れるまで、ほぼ毎日のように研究所に 出てこられて研究に没頭されていたそ うです. もちろん研究予算も, 装置も, 共に実験する研究職員も無い中で, 若 手の研究者との議論は欠かすことなく, その後も多数の論文を発表されてきた ようです. 今回の Cardona 教授の追悼 国際会議の参加者の大部分は当時バリ バリの若手研究者であったG. Güntherodt 氏やL. Ley 氏などすでに今は退 職された方々が多かったのですが.70 代でも研究を楽しんでおられる方も少 なからずおられました. 同研究所も当 時からは殆どの人が入れ替わり研究分 野も大きく変わりましたが、Cardona 教授の薫陶を受けた年配世代が国際交 流を引き続き推進し,世界平和にも貢 献しながら、若い世代の研究者ととも に学問の先端を開拓することを祈念し. Cardona教授へのお礼と追悼の言葉と させていただきたいと思います.

(2014年9月21日原稿受付)



齊藤英治. 村上修一

スピン流とトポロジカル絶縁体;量子物性とスピントロニクスの発展 共立出版,東京,2014,vii+160p,21×15 cm,本体2,000円(基本法則から読み解く物理 学最前線1)[大学院・学部向] ISBN 978-4-320-03521-8

本書は、スピン流を中心にスピント ロニクスの基礎物理の最近の進展をま とめたものである. まえがきに 「近年, スピン流の概念は物性物理やエレクト ロニクスのいろいろな領域に登場する ようになり、新しい現象を開拓する有 用な指導原理の役割を果たしてきた」 とあるように、「スピン流」の概念は ごく最近になり注目を集めるように なった分野である.古典電磁気学では. 電荷の流れとしての電流のみが取り扱 われ、スピン流は無視されていた、こ の理由について、著者は次のように述 べている.「スピン流はある程度の距 離を流れると消えてしまう. この距離 をスピン緩和長と呼び、通常の金属中 では長くてもマイクロメートルスケー ルである.従って、せいぜいミリメー トル以上の世界を主に扱ってきた古典 物理学創設当時スピン流を考える必要 がなかったのである」.

スピン流が観測され応用にまで結び つく道をひらいたのは、スピン流と電 流を相互に変換するスピンホール効果 佐藤勝昭〈JST〉

および逆スピンホール効果の定式化と 実験的検証が重要な役割を果たした. これには,村上修一氏(理論)と齊藤 英治氏(実験)の貢献が非常に大きく, この2人をおいてスピン流を解説でき る者はいないと評者は考える.

本書は第1章「はじめに」,第2章「ス ピン流」,第3章「スピン流の物性現象」, 第4章「スピンホール効果と逆スピン ホール効果」,第5章「ゲージ場とベ リー曲率」,第6章「内因性スピンホー ル効果」,第7章「トポロジカル絶縁体」 および付録「散乱理論」「スピン流回路 理論」から構成される.

本書を読むための予備知識は、学部 3年程度の基礎物理のみということに なっており、実際、評者が試してみた ところ、使われている式のほとんどを フォローすることができた.ただ時間 を含むシュレーディンガー方程式を 扱った経験が役立つので、大学院修士 レベルの学識が必要であると感じた.

図も多く,随所に物理的意味をとら えやすいような説明が書かれている.



新著紹介

例えば、スピンゼーベック効果の説明 では、強磁性体の磁化が反時計回りに 歳差運動することに本質があることが 明快に書かれている.また、スピン ホール効果の内因性機構には、ベリー 曲率と呼ばれるバンドの微分幾何学的 構造という抽象概念が本質的な役割を もつことが丁寧に説明されている.ベ リー位相の空間にはモノポールが存在 し、それが整数量子ホール効果をもた らし、さらには、トポロジカル絶縁体 の概念にまで結びついている.最近話 題のスピンに関連する物理現象が系統 的に記述され、そのつながりと広がり に驚くとともに、感激さえおぼえた.

スピントロニクスに関わる研究者必 読の好書である.

(2014年8月15日原稿受付)

伏見康治著, 江沢 洋解説

伏見康治コレクション3;物理学者の描く世界像

日本評論社,東京,2013,vi+248p,22×16 cm,本体4,500円[広い読者向] ISBN 978-4-535-60348-6

伏見康治著, 江沢 洋解説

伏見康治コレクション4;物理つみくさ集

日本評論社,東京,2013,v+284p,22×16 cm,本体4,500円[広い読者向] ISBN 978-4-535-60349-3

評者は、ロゲルギスト『物理の散歩 道』のファンである.『物理の散歩道』 は、1956年に結成された5~7人の物 理屋からなる夕食を共にしながらの雑 談記であるが、その内容は1本筋が 通っているばかりかユニークであり、 並木雅俊〈高千穂大〉

そのうえ自由を感じさせてくれる.こ の雑談記は『自然』*1 に1959年2月よ り24年間にわたって連載された.伏 見康治コレクション3巻と4巻の目次 をみると、「すべての物質は透明か、 不透明か」や「ラクダと針の穴」、「日 のあたる学問,あたらない学問」,「な ぜ右利きが多いのか」など,ロゲルギ スト著の本を連想するタイトルが並ん でいる.

『物理学者の描く世界像』は,15の章 からなる「第1部 物理学者の描く世 界像」と3つの章からなる「第Ⅱ部 微 分積分はやはり役に立った」から構成 されている.第1部は、『科学朝日』^{*2} に1964年1月号から1965年3月まで 連載され、第Ⅱ部は『数学セミナー』

^{*1 『}自然』は、1946年4月に創刊され、湯川秀 樹「観測の理論」、伏見康治「原子物理学シ リーズ」、朝永振一郎「スピンはめぐる」な ど読者を物理の世界に誘う多くの連載記事 があったが、1984年5月号で休刊となった.



に1973年6月から8月まで連載された ものを江沢洋先生が編集・解説をした 書である(この期間,伏見先生は名古 屋大学プラズマ研究所所長,日本物理 学会委員長(現在の会長)を歴任され ている).

第1部は、「物の色」や「物の強さ」、 「物と電磁気」、「物を熱するとき」、「物 の電気磁気的性質」からなる. '一様な 糸は強い力で引っ張っても切れない' というパラドキシカルな問いから始 まっているなど、ロゲルギスト著との 類似点はあるが、原子・分子レベルの 考察が主で物理屋向きである.

第Ⅱ部は,微積分が如何に役に立つ のかを論じた文ではなく,*³中性子を

*2 『科学朝日』は、1941年に創刊され、1996 年に『サイアス』と改名され、読者獲得へ の努力はしたが2000年に休刊となった.

図書リスト

最近の寄贈書より

J. Casalderrey-Solana, H. Liu, D. Mateos, K.
Rajagopal and U. A. Wiedemann: Gauge/String Duality, Hot QCD and Heavy Ion Collisions Cambridge Univ. Press, New York, 2014, vi+460p, 25×18 cm, \$90.00

ISBN 978-1-107-02246-1 M. Young: Optics and Lasers; Including Fibers

and Optical Waveguides Springer-Varlag, Heidelberg, 2014, XIX + 498p, 18 × 16 cm, 84.95 € ISBN 978-3-540-57098-1

J. ウォーカー著, 下村 裕訳: 犬も歩けば 物理にあたる;解き明かされる日常の疑問 慶應義塾大学出版会,東京, 2014, 222p, 19×13 cm,本体2,000円 ISBN 978-4-7664-2164-4



物質に入射した際の速度分布関数の時 間変化を論じたものである.アルキメ デスの定理を用いて衝突後のエネル ギー分布を導いているところ,線型操 作をエネルギー量そのものではなく, その対数で行うことの解説にユニーク さを感じた.

『物理つみくさ集』は、12の章から なる「第I部 物理つみくさ集」と6章 からなる「第II部 M.C.エッシャー への挑戦」から構成されている.いず れも『数学セミナー』に掲載された稿 である.第I部は1966年6月号から 1967年6月号までの12回連載された 稿からなる.第II部は1966年4月号 から1985年までに載った稿を江沢先 生が編集したものである.

*³ 伏見先生は,「連続的に変化する量の,小 さな変化を考えた」と述べている.

蔵本由紀:非線形科学;同期する世界 集英社, 東京, 2014, 247p, 18×11 cm, 本体760円(集英社新書) ISBN 978-4-08-720737-8 後藤秀機:天才と異才の日本科学史;開国 からノーベル賞まで、150年の軌跡 ミネルヴァ書房, 京都, 2013, xiv+396 +8p, 19×13 cm, 本体2,500 円 ISBN 978-4-623-06682-7 坂本眞人:量子力学選書 場の量子論;不 変性と自由場を中心にして 裳華房, 東京, 2014, xiv+437p, 22× 16 cm, 本体 5,300 円 ISBN 978-4-7853-2511-4 橋本正章,新井賢三:相対論の世界 裳華房, 東京, 2014, ix+226p, 21× 15 cm, 本体 2,600 円 ISBN 978-4-7853-2245-8 福間将文,酒谷雄峰:重力とエントロピー;

第1部は、いずれも基礎的で面白い. そのうえ、教科書では記述しきれない 多くの題材があり、学習者がややもす ると気づかない、あるいはそのため次 の段階に進む際につまずきやすい箇所 が扱われており、いたって教育的であ る.評者は、国際物理オリンピック (IPhO)の派遣に関わっているが、そ こでの問題の解法に次元解析、相反定 理、左右対称性を学んでいると楽に解 法に近づく場合がある.IPhO 候補者 にも是非伝えたい技である.

1章の「ロケットをとばすには」は, 第3巻第II部よりも, 微分積分が如何 に役に立つかを示すによい例であると 感じた. 第4巻は, ロゲルギスト著の ように, 読み手を誘い, それに考えさ せる稿ばかりである.

全巻を通じて,物理の醍醐味を学ぶ ことができ,物理屋でよかったと感じ ることができる元気の出る本である. また,江沢先生の解説がとても読み手 に優しい.

(2014年8月15日原稿受付)

本欄では物理に関する新著を中心 に,隠れた良書や学会員にとって有 意義な本などを紹介していきます. 紹介書籍の表紙画像につきまして は,出版社の許可を得られたものの み掲載しております.

重力の熱力学的性質を理解するために サイエンス社, 東京, 2014, vi+211p, 26×18 cm, 本体 2,546 円 (SGC ライブラ 11-112) ISSN 4910054701043 前田佳均:シリサイド系半導体の科学と技 術 裳華房, 東京, 2014, xvi+324p, 22× 16 cm, 本体 5,000 円 ISBN 978-4-7853-2920-4 松下貢編:キリンの斑論争と寺田寅彦 岩波書店, 東京, 2014, viii+125p, 18× 13 cm,本体1,200円(岩波科学ライブラ 11-220) ISBN 978-4-00-029620-5 宮本建郎: プラズマ物理の基礎 朝倉書店, 東京, 2014, vii+322p, 21× 15 cm, 本体 5,600 円 ISBN 978-4-254-13114-7

男女共同参画推進委員会だより

日米における男女共同参画の発展

早速, 私事から始まって申し訳ない が、最近70歳になり、その祝いに何 名かの外国人が来て, 講演をしてくれ た. その中に二人の女性研究者がいた. 一人はハイデルベルグ大学の教授で, つい最近までドイツ物理学会の会長を 務めていた人である.もう一人は, Stony Brook のニューヨーク州立大学 Distinguished Professor で米国アカデ ミー会員でもある.二人の女性とも, 素晴らしいキャリアの方だが、一人は 助教授になる頃から何度も私が推薦状 を書いてきた外国人で、もう一人は学 生時代から良く知っている外国人であ る. そのため、物理だけでなく、バカ なことを言い合ったり、食事を共にす る友人でもある.

なぜこんな話から始めたかというと, 実は、この二人に共通点があるからで ある. 彼女らは、我々の分野で膨大な データを集め、そこから一つのシステ マティックなことを導くことに、大変 に長けている.J/Ψの発見やニュート リノのように,一つの事象を発見し, そこから物理を拓いていく方法ではな い. 膨大な原子核データを集めて Magic Number という事実を突き止め, Shell Model でノーベル賞を貰った Maria Goeppert-Mayer 教授に通じる「帰納 的手法」という共通点がある. もちろ ん、個人差の方が大きいかもしれない が、脳科学で研究されている女性の脳 構造に起因しているかもしれない. 脳 科学の研究によると,女性は右脳と左 脳をつなぐ脳梁(のうりょう=神経線 維の集まり)が太く、両方の脳を切り 替えるスピードが速いため, 複数の現 象を俯瞰的に捉えて、上手に切り替え ながら統合できる能力を有するという ことである.

話は変わるが,私は,1973年から, 途中で5年くらい日本にいたが,総計

で20年ほど米国で研究生活を送った. 最初は10名位の小さなグループから スタートした. 女性研究者はライフイ ベントのため出入はしていたが、常に グループには数名の女性が在籍してい た. そして20年近く経過して、私が 代表者となったグループは約300名の 大グループに発展した. その頃, 数日 に亘る共同実験者の間のミーティング があり、スピーカーの数を勘定したと ころ,女性研究者が30%であった. さらに、スピーカーの半分が女性で あったような印象を受けた. 彼女らの 俯瞰的な講演による存在感のためで あったと感じている.また、様々な委 員会に出席しても多くの女性が常に参 加していて、大変活発に発言をしてい た. 1970年前半から25年間で、米国 の,特に私の周辺では,男女比率が 30%に近づいていったと思う.

このように進んだ経験をした反面, 1940-50年代,米国でもかなり女性差 別があったと聞いている.私がそのポ ストを引き継いだC. S. Wu教授は,パ リティ非保存の実験で有名になった女 性物理学者である. 同僚の先生の話で は、当時、「女性は物理ができない」 という信念を持つ男性物理学者もおり, そのためC.S.Wu教授も女性物理学 者というだけで、手狭なオフィスしか 与えられなかったり、昇進に反対され たり、データに不信感を持たれたりし たそうである. C.S. Wu教授とは10 年間、色々な形で食事や講義、等々で 付き合った. 私が J-PARC 建設のため に帰国した直後の1997年2月には,残 念ながら他界された(追悼記事は,日 本物理学会誌 52(1997)660に掲載され ている. そこにも昇進が遅かったと書 かれている.)

さらにさかのぼって, 1940年代前 半, ノーベル物理学賞 (1963年)を受 賞された前述のM.G. Mayer 教授も, 不遇な待遇を受けていた. 夫婦一緒に 働くべからずというしきたりがあった ため,彼女の夫はコロンビア大学の化 学教室の教授であったが,彼女には, 近くの物理教室の部屋は与えられたも のの,何もポジションが与えられな かった.その後,シカゴ大学で夫婦両 方に Professor のポジションを与える 制度ができ,彼女はシカゴ大に移った. しかし,そこでも,夫婦両方が給与を 貰うことはできず,奥さんの Mayer 教 授は無給であったそうである.シカゴ 大で Fermi 教授に会い,その後,ノー ベル賞に繋がる仕事が生まれている.

私も、1997年に日本に戻り、色々 な委員会や幹部会に参加して驚いたの は、女性研究者がほとんどおられない こと、また、おられても、皆さん静か で、発言も少なかったことであった. それから17年、今日ではかなり改善 されたとはいえ、やはり、日本は欧米 に比べ、大変に遅れているという実感 を持っている.これは、物理学分野に 限らず、日本人に根差す社会現象なの かもしれない.たとえば、欧米で実施 されている男性の育児休暇等の活用も 少ない.

2013年7月に、アジア太平洋物理会 議(APPC12)が日本の幕張で開催され た. その折, 男女共同参画推進委員会 の分科会が持たれ、私も講演を行った. その際, 日本は先進国の中では, 科学 者全体で女性の占める割合が14%と最 低で、今後、30%と欧米レベルに持っ ていく必要があることを述べた.また, 欧米に比べて半世紀遅れてはいるが. 日本でも多くの女性研究者が、あたり 前に研究に取り組み、男女ともに物理 学の発展に寄与できる社会であって欲 しいとも発言した. そのためには, 冒 頭に述べたように,女性研究者が,複 数の現象を俯瞰的に捉え、統合できる 優れた能力を、学問に最大限生かすの も良いかもしれないと考えている.

> (文責:永宮正治, 2014年10月24日原稿受付)



毎月1日締切(17:00必着),翌月号掲載. 但し1月号、2月号は前々月の20日締切. 修正等をお願いする場合もあります.締切 日よりなるべくお早目にお申込み下さい. 書式はhttp://www.jps.or.jp/books/keijiban. htmlにありますので、それに従ってお申 込み下さい.webからのお申込みができな い場合は、e-mail: keijiban jps.or.jpへお 送り下さい.必ず Fax 03-3816-6208へも 原稿をお送り下さい.Faxがありませんと、 掲載できない場合がございます.HP掲載 をご希望される場合は、上記URLの「2. ホームページ掲載」をご参照下さい. 本欄の各項目の内容につきましては、本会 は関与致しかねますのでご了解下さい.



人事公募の標準書式(1件500字以内)

 公募人員(職名,人数)2.所属部門,講座, 研究室等3.専門分野,仕事の内容(1行17 字で7行以内)4.着任時期(西暦年月 日)5.任期6.応募資格7.提出書類(書類 名の前に○印をつけ簡潔に,1行17字で6 行以内)8.公募締切(西暦年月日,曜日)
 ①書類送付先(郵便番号,住所,所属,担当 者名)②問合せ先(郵便番号,住所,所属,担 当者名,電話,Fax,e-mail等,必要と思われ るもの.①と同じ場合は省略)10.その他 (1行17字で5行以内)

■東北大学金属材料研究所助教

- 1. 助教1名
- 2. 附属量子エネルギー材料科学国際研究 センター
- アクチノイド化合物・材料の試料作製 と物性研究.当センターにおける国内 外の研究者の共同利用推進に熱意と意 欲を持って取り組んで頂ける方.
- 4. 決定後早期
- 5.7年(審査により1回限り3年の再任可)
- 博士号取得者,又は着任予定前の取得 見込者
- 7. ○履歴書(写真貼付) ○研究業績リ スト(原著論文, 国際会議プロシー ディングス, 著書・解説, 招待講演, その他に分類) ○主要論文別刷5編

(コピー可) ○研究業績概要(約1,500
字) ○着任後の研究計画と展望(約1,500字) ○照会可能者2名の氏名, 連絡先

- 8. 2015年1月30日(金)必着
- 311-1313 茨城県東茨城郡大洗町成田 2145-2 東北大学金属材料研究所附属 量子エネルギー材料科学国際研究セン ター 四竈樹男 電話 029-267-3181 Fax 029-267-4947 o-jime imr.tohoku. ac.jp
- 封筒に「量子エネルギー材料科学国際 研究センター助教応募書類」と朱書し 簡易書留で送付.応募書類不返却.

■北海道大学大学院工学研究院教授

- 1. 教授1名
- 2. 量子理工学部門プラズマ理工学分野
- プラズマ工学及びそれに関連する領域 で,理論・計算シミュレーション等の 方法を用いる研究分野.
- 4. 2015年6月1日以降早期
- 5. なし
- 6. 博士号又はPhD取得者
- 7. ○履歴書(写真貼付,所定書式) 研究業績目録(所定書式) ○教育実 績(所定書式) ○最近5年間の主要論 文5件の写し各1部 ○採用された場 合の研究計画(約2,000字) ○採用さ れた場合の教育に対する抱負(約1,000 字) ○照会可能者2名の氏名,所属, 連絡先(電話, e-mail含) ○印刷物と 電子データを格納した記録媒体を提出
- 8. 2015年2月20日(金)必着
- 9. ①060-8628札幌市北区北13条西8丁目 北海道大学工学系事務部総務課人 事担当 電話 011-706-6156
 ②北海道大学大学院工学研究院量子理 工学部門 越崎直人 電話 011-706-5594 koshizaki.naoto eng.hokudai.ac.jp
- 詳細及び提出書類所定書式のダウン ロードはhttp://www.eng.hokudai.ac.jp/ graduate/research/recruit/より.

■鳥取大学大学院工学研究科教員

- 1. 准教授, 講師又は助教1名
- 2. 機械宇宙工学専攻応用数理工学講座
- 3. 数理力学分野(物性理論,特に第一原 理多体摂動論等の電子状態計算の方法 論に関わる分野).担当授業科目:数 値解析・物性物理学等の専門科目,数 学・物理学等の基礎科目,演習科目, その他の科目(適宜).学部教育では, 工学部機械物理系学科(2015年4月改 組予定)の開設科目を担当頂く.着任

後は小谷岳生教授と協力して研究を進 めて頂く.

- 4. 2015年6月1日(予定)
- 5. なし
- 博士号取得者(又は着任時に取得見込 の方).上記専門分野の研究に十分な 意欲を有し、工学教育にも熱意がある こと.
- http://akebia.jim.tottori-u.ac.jp/info/koubo. html 参照
- 8. 2015年2月27日(金)必着
- 9. 680-8552 鳥取市湖山町南4-101 鳥取 大学大学院工学研究科機械宇宙工学専 攻応用数理工学コース 福井茂寿 電話/Fax 0857-31-5324 fukui damp. tottori-u.ac.jp



学術的会合の標準様式(1件500字以内)

掲載されている例を参考にして,次の項目 中,必要なものを簡潔に作成して下さい: ○会合名 ○主催 ○日時(西暦年月日, 曜日) ○場所(会場名の後に括弧して郵便 番号,住所,電話) ○内容(1行18字で12 行以内) ○定員 ○参加費(物理学会員, 学生の参加費) ○申込締切(講演,参加,抄 録,原稿提出の別を明記) ○連絡先(郵便 番号,住所,所属,担当者名,電話,Fax, e-mail等) ○その他(1行18字で5行以内)

- ■文部科学省科学研究費補助金新学術領域 研究「融合マテリアル:分子制御による 材料創成と機能開拓」第11回公開シンポ ジウム
- 主催 新学術領域研究「融合マテリアル: 分子制御による材料創成と機能開拓」総 括班
- 日時 2015年1月26日(月)
- 場所 北九州国際会議場(802-0001北九州 市小倉北区浅野 3-8-1 電話 093-541-5931)
- 内容 文部科学省科学研究費補助金新学術 領域研究「融合マテリアル:分子制御に よる材料創成と機能開拓」(領域代表: 加藤隆史,領域番号2206,期間:2010~ 2014年度)は、自然と調和して永続的に 発展可能な人類の為の「材料調和社会」 の実現を目的としている.バイオミネラ リゼーションにおける物質・材料の形成 機構を手本とする分子制御プロセスによ り、環境負荷性が低く、自然調和性に優 れた次世代機能性材料構築法の開拓を目 指して研究を進めている.本領域の内容

と研究成果についてご報告すると共に, 皆様との議論を深める為に,第11回国 際シンポジウムを開催する.

参加費 無料

連絡先 office fusion-materials.org http://www.fusion-materials.org/

■第26回コンピュテーショナル・マテリ アルズ・デザイン (CMD) ワークショッ プ

主催 阪大ナノサイエンスデザイン教育研 究センター, 阪大産業科学研究所, 阪大 工学研究科, 阪大基礎工学研究科, 阪大 サイバーメディアセンター, 阪大理学研 究科物理学専攻, 東京理科大学, CMSI, 学振研究拠点形成事業 A. 先端拠点形成 型, 阪大Quantum Engineering Design Research Initiative, 阪大未来研究イニシア ティブ・グループ支援事業

- 日時 2015年2月23日(月)~27日(金)
- 場所 大阪大学産業科学研究所工学研究科 (567-0047 茨木市美穂ヶ丘 8-1 電話 06-6877-5111)
- 内容 効率性,環境調査性が要求される21 世紀の研究開発で重要な役割を果たす第 一原理計算に基づいた新物質の理論設計 手法に関するチュートリアルを含むワー クショップ.密度汎関数理論に基づいた 第一原理計算手法の理論の講義,応用例 の紹介とプログラムの実習を行う.詳細 はhttp://www.insd.osaka-u.ac.jp/CMD参照.

定員 約40名

参加費 無料

参加申込締切 2015年1月18日(日) 連絡先 560-8531豊中市待兼山町1-3 阪 大ナノセンターCMD担当 CMDワーク ショップ実行委員長 笠井秀明(阪大工), 実行委員事務局 下司雅章(阪大ナノ) cmd insd.osaka-u.ac.jp 電話/Fax 06-6850-6342 ■スプリング・サイエンスキャンプ2015

- 主催 科学技術振興機構,会場となる実施 機関(12機関)
- 日時 2015年3月23日(月)~29日(日)の期 間中の2泊3日
- 場所 大学, 民間企業等12会場. 詳細は Web参照.
- 内容 先進的な研究テーマに取り組んでい る日本各地の大学,民間企業等を会場と して,第一線で活躍する研究者・技術者 から本格的な講義・実験・実習を受ける ことができる,高校生のための科学技術 体験合宿プログラム.
- 定員 会場毎8~20名(計168名)
- 参加費 2,000円 (食費の一部に充当. 交通 費自己負担)
- 申込 http://www.jst.go.jp/cpse/sciencecamp/ camp/より募集要項を確認し、応募登録 サイトより
- 応募登録締切 2015年1月20日(火)17時迄 連絡先 102-0091東京都千代田区北の丸公 園 2-1 日本科学技術振興財団人財育成 部内 サイエンスキャンプ本部事務局 電話 03-3212-2454 Fax 03-3212-0014 camp-boshu26 jsf.or.jp
- その他 応募資格は高等学校,中等教育学 校後期課程(4~6学年)又は高等専門学 校(1~3学年)等に在籍する生徒.

■平成27年度日本材料科学会学術講演大 会

- 主催 日本材料科学会
- 日時 2015年6月5日(金)
- 場所 工学院大学新宿キャンパス (163-8677 東京都新宿区西新宿1-24-2)
- 内容 「材料の科学と工学」に関する分野の 研究について,基礎から応用まで関連分 野からの幅広い講演発表(口頭,ポス ター)を募集.関連分野における研究者, 技術者,学生の方々はもちろん,材料科

学一般に興味を持つ様々なバックグラウ ンドをお持ちの皆様の御参加をお待ちす る.

```
定員 150名
```

参加費 6,000円, 学生2,000円 講演申込締切 2015年3月9日(月) 原稿提出締切 2015年4月20日(月)

- 連絡先 102-0081 千代田区四番町 8-1
 (株)裳華房内 日本材料科学会事務局
 電話 03-3262-9166 Fax 03-3262-7257
 mssj shokabo.co.jp http://www.mssj.gr.jp/kikaku1_h27.htm
- その他 登壇者は日本材料科学会へ入会 (詳細HP参照)をお願いしている. 聴講 のみの場合,入会不要.

..... その他

助成公募の標準様式 (1件500字以内)

 ○名称 ○対象(1行18字で7行以内)
 ○助成内容 ○応募方法(1行18字で4行以内)
 ○応募締切(西歴年月日,曜日)
 ○詳細問合せ先(郵便番号,住所,所属, 担当者名,電話,Fax, e-mail等)

その他 ○標題 ○内容 ○連絡先

■会員専用ページ:ユーザ名とパスワード

本会 web site (http://www.jps.or.jp/)の 会員専用ページには、各種変更届、刊行 委員会報告、過去の大会プログラム等の 情報を掲載しています.アクセスするた めのユーザ名とパスワード(今月と来月 分)は次の通りです.(英数字は半角入 力.大文字小文字は区別されます.) 1月ユーザ名 :15Jan パスワード:Antoine634 2月ユーザ名 :15Feb パスワード:John677 行事予定

開催月日	名称	開催地	会誌巻号ま たは世話人
2015年			
1/13~14	第200回研究会・第51回化合物新磁性材料専門研究会「磁性材料の作製と評価方法~ 大型実験施設を用いた材料評価~」	東海村 (茨城)	69 -12
1/26	文部科学省科学研究費補助金新学術領域研究「融合マテリアル:分子制御による材料 創成と機能開拓」第11回公開シンポジウム	北九州市 (福岡)	70 -1
1/30~31	第20回ゲートスタック研究会~材料・プロセス・評価の物理~	三島市 (静岡)	69 -11
2/13	走査型プローブ顕微鏡の最新活用術~今こそ使いどき,もうひとつのナノテク基盤 技術~	川崎市 (神奈川)	69 -11
2/21~23	第48回フラーレン・ナノチューブ・グラフェン総合シンポジウム	東京	69 -12
2/21~23	Workshop on Hierarchy of Quantum Mechanics	岡崎市 (愛知)	69 -12
2/23~27	第26回コンピュテーショナル・マテリアルズ・デザイン (CMD) ワークショップ	茨木市 (大阪)	70 -1
3/11~13	MANA Int. Symp. 2015	つくば市 (茨城)	69 -12
3/21~24	日本物理学会第70回年次大会(早稲田大学)	東京	日本物理学会
3/23~29	スプリング・サイエンスキャンプ2015	日本各地	70 -1
5/21~22	第32回希土類討論会	鹿児島市	69 -12
6/5	平成27年度日本材料科学会学術講演大会	東京	70 -1
7/7~10	第10回近接場光学に関するアジア太平洋会議(APNFO10)	函館市 (北海道)	69 -11
9/16~19	日本物理学会2015年秋季大会(関西大学)(物性)	吹田市 (大阪)	日本物理学会
9/25~28	日本物理学会2015年秋季大会(大阪市立大学)(素核宇)	大阪市	日本物理学会
2016年			
3/19~22	日本物理学会第71回年次大会(東北学院大学)	仙台市	日本物理学会
9/13~16	日本物理学会2016年秋季大会(金沢大学)(物性)	金沢市	日本物理学会
9/21~24	日本物理学会2016年秋季大会(宮崎大学)(素核宇)	宮崎市	日本物理学会

[詳しくは表中の右欄記載の会誌各巻号の掲示板欄(*印は会告欄)をご参照下さい.]

編集後記

昨年(2014年)4月より日本物理学会誌 の編集委員を務めております.本会誌の役 割の一つとして,物理学及びその関連分野 における最新の発見や発展に注目し,それ らを解説等の形で分かり易く会員の皆様に 紹介する事が挙げられます.物理学の分野 は非常に多岐にわたりますが,私自身は素 粒子・原子核・宇宙物理学,とりわけ宇宙 物理学や高エネルギー物理学と密接する素 粒子現象論の専門家であり,この関連分野 をカバーする事を期待されて編集委員を任 されたと考えております.

さて最近の会誌において、会員の皆様は 頻繁に宇宙物理学関連の記事を目にされた 事と思います。例えば昨年10月号の宇宙 マイクロ派背景放射に関係する小特集をは じめ、電波天文学、重力波天文学、ガンマ 線天文学、宇宙線物理学、ダーク・マター、 ダーク・エネルギーの物理等、2014年は ほぼ毎号で宇宙論・天文学の解説記事等が 掲載されています.これはとりもなおさず, この分野が現在非常に発展しており,数多 くの興味深い実験・観測事実が報告され, それに応じて理論的発展も進んだ結果と言 えます.

一方, 高エネルギー物理学に密接する素 粒子物理学の分野では、2012年7月4日に ヒッグス粒子と強く示唆される新粒子が欧 州の大型ハドロン型衝突加速器実験LHC で発見されました.後にこの粒子が素粒子 標準模型の予言するヒッグス粒子である事 が確認され、これが2013年におけるアン グレール氏とヒッグス氏のノーベル賞受賞 につながった事は記憶に新しいところです. LHC実験はさらに素粒子標準模型を超え る新物理の探索も行っていますが. こちら は有意なシグナルがまだ見つかっていない 状況です.素粒子加速器実験は非常に多く の物理量を一度に測る実験であり、未知な る発見に対してとても感度の高い実験です. 逆に言うと、加速器実験において新しいシ グナルが見つからないという事実は、新物

理模型の構築に非常に重要な示唆及び制限 を与えており、現在LHC実験の結果を踏 まえた上での新物理模型の構築が活発に行 われています。

現在LHC実験は重心系のエネルギーを 8 TeV から 13~14 TeV に上げるための改良 を行っており、物理探査自身は2015年3 月までお休み中です. そのため2014年の 会誌における LHC 関連の報告はやや少な めでしたが、2015年度にはヒッグス粒子 の性質の更なる詳細や新物理探査について 多くの興味深い事実が次々と報告されるの ではないかと期待しています. これら重要 な報告を細大もらさず正確に会員の皆様に 伝える事が私の使命と言えるでしょう. ま た同時に、LHC実験における新しい結果 を踏まえた上での素粒子物理学の理論的発 展や、LHC実験の次に来る重要な将来計 画,高輝度LHC実験や国際線形加速器実 験(ILC),についても会誌で積極的に紹介 していければと考えております. 会誌編集 委員としてまだまだ至らないところが多々

あります	トが, -	一生懸郃	命頑張り)たいる	と思いま	関	和彦,	岸根川	貭一郎,	高須	昌子,	前田	史郎,	松井	広志,	水野	義之,
すのでと	ごうぞ。	よろし。	くお願い	いま	₱.	常定	芳基,	長谷川	目修司,	松尾	泰,	山崎	祐司				
松本	本重貴	$\langle \rangle$				松本	重貴,	水崎	高浩,	南	龍太郎,	新著紹	介小委	会委	Į		
						望月	維人,	野口	博司,	李	哲虎,	平野	• 哲文	(委員長	£),	大江約	电一郎,
編集委員	Į					目良	裕,	山本	隆夫,	渡邊	康,	片山	郁文,	桂	法称,	加藤	進,
宮下	精二	(委員長	£),	森川	雅博,	平野	哲文,	板橋	健太,	藤山	茂樹	小芦	雅斗,	合田	義弘,	郡	宏,
井岡	邦仁,	石岡	邦江,	今村	卓史,	(支部委	員)					長谷	川秀一,	廣政	直彦,	間瀬	圭一,
岡田	邦宏,	沖本	洋一,	加藤	岳生,	奥西	巧一,	黒岩	芳弘,	小山	晋之,	宮原	ひろ子,	三輪	光嗣,	山本	貴博
角野	盉一	丞太	副	小島	明東子	洒井	韵	由村	光廣	野村	清革						

第70期(2014年3月31日~2015年3月31日)理事·監事 会 長 兵 頭 俊 夫 副会長 (会長予定者) 藤井保彦 庶 務 理 事 石田憲二 · 小林富雄 · 櫻井博儀 · 柴田利明 · 須藤彰三 · 松川 宏 · 三沢和彦 森 初果 川村 光・柴田利明(兼任)・松井哲男・松川 宏(兼任) 会 計 理 事 宮 下 精 二 会誌編集委員長 JPSJ 編集委員長 安藤恒也 PTEP 編集委員長 坂井典佑 刊行委員長 大槻東巳 監 事 波田野彰 · 三宅康博

本誌の複写をご希望の方へ

日本物理学会は、本誌掲載著作物の複写に関する権利を(一社)学術著作権協会(以下,学著協)に委託しております. 本誌に掲載された著作物の複写をご希望の方は、学著協より許諾を受けて下さい. ※企業等法人で,(公社)日本複製権センター(学著協が社内利用目的複写に関する権利を再委託している団体)と包括複写許諾契約を締結している場合を除く(社外頒布目的の複写については、学著協の許諾が必要です). ※複写以外の許諾(著作物の転載等)に関しては、学著協に委託しておりません. 直接、日本物理学会(E-mail: pubpub jps.or.jp)へお問合せ下さい. ※日本国外における複写について、学著協が双務協定を締結している国・地域においてはその国・地域のRRO(海外複製権機構)に、締結していない国・地域においては学著協に許諾申請して下さい. 権利委託先 一般社団法人学術著作権協会 〒107-0052 東京都港区赤坂 9-6-41 乃木坂ビル 3F Fax: 03-3475-5619 e-mail: info jaacc.jp

日本物理学会誌 第70巻 第1号(平成 27 年 1 月 5 日発行) 通巻 785 号 ©日本物理学会 2015 Butsuri 発行者 〒113-0034 東京都文京区湯島 2-31-22 湯島アーバンビル 8F 白勢祐次郎 印刷所 〒169-0075 東京都新宿区高田馬場 3-8-8 株式会社 国 際 文 献 社 発行所 〒113-0034 東京都文京区湯島 2-31-22 湯島アーバンビル 8F 一般社団法人 日 本 物 理 学 슺 電話 03-3816-6201 Fax 03-3816-6208 郵便振替 00120-4-167544 定価 1部 2,400 円 年額 25,000 円

本誌に掲載された寄稿等の著作権は一般社団法人日本物理学会が所有しています。